

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-୧୯

ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା/ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ଗୁଣନ
ଓ ହରଣ କରିବା ପାଇଁ କଳନନ୍ଦିଧୂକୁ
ବ୍ୟବହାର କରିବା ।

1. $\frac{1}{5} \times 3$ କୁ ଆମେ କହିପାରିବା 3ଟି $\frac{1}{5}$ ର ଯୋଗଫଳ ବା $\frac{1}{5} + \frac{1}{5} + \frac{1}{5}$

ଡେଣ୍ଟୁ $3 \times \frac{1}{5} = \frac{1}{5} + \frac{1}{5} + \frac{1}{5} = \frac{1+1+1}{5} = \frac{3}{5}$

ସେହିପରି

(କ) $3 \times \frac{2}{7} =$	
(ଘ) $\frac{3}{5} \times 4 =$	
(ଘ) $5 \times \frac{5}{6} =$	

2. ଦୁଇଟି ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଯେପରିର

(କ) $\frac{2}{3} \times \frac{4}{5} =$	$\frac{2 \times 4}{3 \times 5} = \frac{8}{15}$
(ଘ) $\frac{2}{3} \times \frac{5}{7} =$	
(ଘ) $\frac{5}{6} \times \frac{7}{9} =$	
(ଘ) $\frac{3}{7} \times \frac{4}{9} =$	
(ଘ) $\frac{5}{6} \times \frac{7}{9} =$	

3. ગોટિએ સંખ્યાકું એક ભગ્નસંખ્યા દ્વારા ભાગ કર |

યેપરિ

$$(ક) 3 \div \frac{3}{5} = \frac{3}{1} \times \frac{3}{5} \text{ ર } \text{ બ્યુટક્રમ} = \frac{3}{1} \times \frac{5}{3} = \frac{3 \times 5}{1 \times 3} = 5$$

$$(ખ) 12 \div \frac{3}{4} =$$

$$(ગ) 4 \div \frac{8}{5} =$$

$$(ઘ) 5 \div \frac{6}{7} =$$

4. ગોટિએ ભગ્નસંખ્યાકું અન્ય એક ભગ્નસંખ્યા દ્વારા ભાગક્રિયા

$$(ક) \frac{2}{5} \div \frac{1}{2} = \frac{2}{5} \times \frac{1}{2} \text{ બ્યુટક્રમ} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{1} = \frac{2 \times 2}{5 \times 1} = \frac{4}{5}$$

$$(ખ) \frac{3}{7} \div \frac{8}{7} =$$

$$(ગ) \frac{2}{5} \div \frac{3}{7} =$$

$$(ઘ) \frac{5}{9} \div \frac{25}{36} =$$

5. રામ ગોટિએ સ્થિતા ધાર્ઢિરે 12ટી ચારાગજ લગાઇબ | યદિ પાણીપાણી લગા યાଉથુબા ચારા દૂલ્હટી મધરે $\frac{3}{4}$ મિટર બ્યબધાન રહે, તેબે પ્રથમ ઓ શેષ ચારાગજ મધરે કેટે મિટર બ્યબધાન રહ્યિબ ?

ଶିକ୍ଷକ ପାଇଁ ସୂଚନା

- ◆ ଶିକ୍ଷକ ଆବଶ୍ୟକ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରି ଭଗ୍ନାଂଶ ଓ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ଧାରଣା ଦୃଢ଼ିଭୁତ କରିବା ସହ ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କାର୍ଯ୍ୟ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

- ◆ ଭଗ୍ନାଂଶ ପଚି, ବିଭିନ୍ନ ଜିନିଷର ସମ୍ବୂଦ୍ଧ (Pkd) GKA & NCERT KIT

ଫଳାଫଳ:

- ◆ 16 ରୁ 19 କଲେ ନିମ୍ନୟୁ ଶିକ୍ଷଣ ଫଳାଫଳ ଗୁଡ଼ିକ ହାସଲ କରିବ ।
- ◆ ଭଗ୍ନାଂଶ ଓ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ବୁଝିବା, ବୁଝାଇବା ଓ ଦର୍ଶାଇବା ।
- ◆ ଏକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ସମ ଭଗ୍ନ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।
- ◆ ଅପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଓ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାର ଚିହ୍ନିବ ଓ କହିବ ।
- ◆ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ମାନଙ୍କର ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କରିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-୨୦

ଉଦାହରଣ-୧

ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଶତ କରିବ।

ଡୁମେ ଜାଣିଛ,

$$0.1 \\ \frac{1}{10}$$



କୌଣସି ବସ୍ତୁର 10 ସମାନ ଭାଗରୁ 1 ଭାଗ = $\frac{1}{10}$

ଏହାକୁ ଆମେ ଅନ୍ୟ ରୂପରେ ଲେଖିବା $\frac{1}{10} = 0.1$

ସେହିପରି 100 ସମାନ ଭାଗରୁ 1 ଭାଗ

$$= \frac{1}{100} = 0.01$$

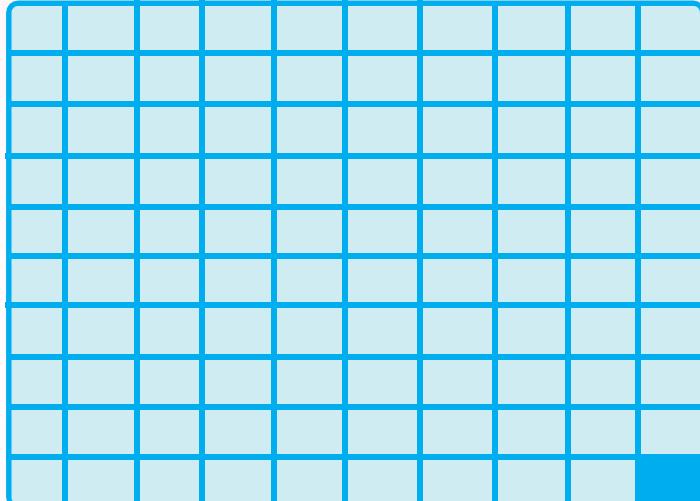
ଏବଂ 1000 ସମାନ ଭାଗରୁ 1 ଭାଗ

$$= \frac{1}{1000} = 0.001$$

ଡେବେ, $\frac{1}{10}$ କୁ ଏକ ଦଶାଂଶ,

$\frac{1}{100}$ କୁ ଏକ ଶତାଂଶ ଓ

$\frac{1}{1000}$ କୁ ଏକ ସହସ୍ରାଂଶ କହିବା



$$\frac{1}{100} = .01$$

ସେହିପରି

$$\frac{2}{10} = \text{ଦୁଇ ଦଶାଂଶ} = 0.2$$

$$\frac{5}{10} = \text{ପାଞ୍ଚ ଦଶାଂଶ} = 0.5$$

$$\frac{7}{100} = 7 \text{ ଶତାଂଶ} = 0.07$$

$$\frac{9}{100} = 9 \text{ ଶତାଂଶ} = 0.09$$

$$\frac{3}{1000} = 3 \text{ ସହସ୍ରାଂଶ} = 0.003$$

$$\frac{8}{1000} = 8 \text{ ସହସ୍ରାଂଶ} = 0.008$$

ସାରଣୀଟିକୁ ଦେଖା ।

ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା	ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାର ଦଶମିକ ରୂପ	କିପରି ପଡ଼ିବା
$\frac{1}{10}$	0.1	ଦଶମିକ ଏକ
$\frac{2}{10}$	0.2	ଦଶମିକ ଦୁଇ
$\frac{5}{10}$	0.5	ଦଶମିକ ପାଞ୍ଚ
$\frac{1}{100}$	0.01	ଦଶମିକ ଶୂନ୍ୟ ଏକ
$\frac{12}{100}$	0.12	ଦଶମିକ ଏକ ଦୁଇ
$\frac{1}{1000}$	0.001	ଦଶମିକ ଶୂନ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ଏକ
$\frac{25}{1000}$	0.025	ଦଶମିକ ଶୂନ୍ୟ ଦୁଇ ପାଞ୍ଚ

1. ବର୍ତ୍ତମାନ ନିମ୍ନ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ଲେଖ ।

$$(i) \frac{4}{10} = \boxed{} \quad (ii) \frac{5}{10} = \boxed{} \quad (iii) \frac{3}{100} = \boxed{}$$

$$(iv) \frac{15}{100} = \boxed{} \quad (v) \frac{9}{1000} = \boxed{} \quad (v) \frac{21}{1000} = \boxed{}$$

2. ନିମ୍ନ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରି ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।

ଦଶମିକ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା	2.3	.5	.05	1.8	.35	.04	.301	.3
ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା	$\frac{23}{10}$	<input type="text"/>						

3. ତୁମେ ଜାଣି $\frac{1}{10}$ ଏକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା । ଯାହାର ଲବ = 1 ଏବଂ ହର = 10

$\frac{1}{10}$ କୁ ମଧ୍ୟ ଦଶମିକରେ 0.1 ରୂପେ ଲେଖାଯାଏ ।

ସେହିପରି $\frac{2}{10}$ କୁ ଦଶମିକ 0.2 ରୂପରେ ଲେଖାଯାଏ ।

ସେହିପରି $\frac{9}{10}$ କୁ ଦଶମିକ ରୂପରେ ଲେଖିଲେ ହେବ ।

$$\frac{10}{10} = \boxed{} \mid$$

$$\frac{11}{10} = \frac{10}{10} + \frac{1}{10} = 1 + \frac{1}{10} = 1 + 0.1 = 1.1$$

$$\text{ସେହିପରି } \frac{37}{10} = \frac{10}{10} + \frac{10}{10} + \frac{10}{10} + \frac{7}{10} = 1 + 1 + 1 + \frac{7}{10} = 3 + 0.7 = 3.7$$

$$\text{ଯେପରି } \frac{1}{10} = 0.1$$

$$\text{ସେହିପରି } \frac{1}{100} = 0.01$$

ଏବେ ଆସ 10, 100, 1000.... ହର ଥିବା ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

ଯେପରି (i) $\frac{15}{100} = 0.15$

ସେହିପରି (ii) $\frac{100}{100} = \boxed{}$

(iii) $\frac{73}{100} = \boxed{}$

(iv) $\frac{125}{100} = \boxed{}$

ଏଥରୁ ଜାଣିଲେ $\frac{125}{100} = 1.25$ ଅର୍ଥାତ $\frac{125}{100}$ ଦଶମିକ ରୂପ 1.25

ଏଠାରେ

1	.	2	5
ଏକକ	ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ

4. ଯେପରି

(କ) $\frac{3}{10}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ = 0.3

ସେହପରି

(ଖ) $\frac{5}{10}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

(ଘ) $\frac{12}{100}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

(ଘ) $\frac{17}{10}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

(ଡ) $\frac{205}{100}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

5. ନିମ୍ନ ସାରଣୀଟିକୁ ପୂରଣ କର ।

ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା	ଶତକ	ଦଶକ	ଏକକ	ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ
3.5	<input type="text"/>					
3.92	<input type="text"/>					
15.03	<input type="text"/>					
25.41	<input type="text"/>					
21.5	<input type="text"/>					
37.13	<input type="text"/>					

6.

ହଜାର	ଶତକ	ଦଶକ	ଏକକ	ଦଶମିକ ବନ୍ଦୁ	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ
1000	100	10	1	.	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{100}$

ଉପର ସ୍ଥାନୀୟମାନ ତାଲିକାକୁ ଦେଖୁ ତଳ ଲିଖୁତ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉଭର ଦିଆ ।

(କ) ଦଶମିକ ବନ୍ଦୁର ଠିକ୍ ବାମକୁ ଥିବା ସ୍ଥାନଟି କେଉଁ ସ୍ଥାନ ?

(ଖ) କେଉଁ ସ୍ଥାନର ଡାହାଣରେ ଦଶମିକ ବନ୍ଦୁ ଦିଆଯାଏ ?

(ଗ) ଦଶମିକ ବନ୍ଦୁର ଠିକ୍ ଡାହାଣକୁ କେଉଁ ସ୍ଥାନ ଥାଏ ?

(ଘ) ଦଶାଂଶ ସ୍ଥାନର ଠିକ୍ ଡାହାଣକୁ କେଉଁ ସ୍ଥାନ ଥାଏ ?

(ଡ) ଦଶମିକ ବନ୍ଦୁର ବାମ ଓ ଡାହାଣ ସ୍ଥାନ ନାମ କ'ଣ ?

7. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟା ସାରଣୀ ପୂରଣ କର:

ସଂଖ୍ୟାର ବିସ୍ତାରିତ ରୂପ ସଂଖ୍ୟା	ହ	ଶ	ଦ	ଏ	ଦଶମିକ	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ	ସହଶ୍ରାଂଶ
21.235			2	1	.	2	3	5
125.12								
18.053								
20.5								

$$8. 29.35 = 2 \text{ ଦଶ} + 9 \text{ ଏକ} + 3 \text{ ଦଶାଂଶ} + 5 \text{ ଶତାଂଶ}$$

ଉପର ଲିଖୁତ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ସ୍ଥାନୀୟମାନକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି ତଳେ ଥିବା ପ୍ରଶ୍ନର ଶୁନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

(କ) $5.18 = \dots \text{ ଏକ}$
 $\dots \text{ ଦଶାଂଶ}$
 $\dots \text{ ଶତାଂଶ}$

(ଖ) $18.19 = \dots \text{ ଦଶ}$
 $\dots \text{ ଏକ}$
 $\dots \text{ ଦଶାଂଶ}$
 $\dots \text{ ଶତାଂଶ}$

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-21

ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରିବ ।

ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ତୁଳନା

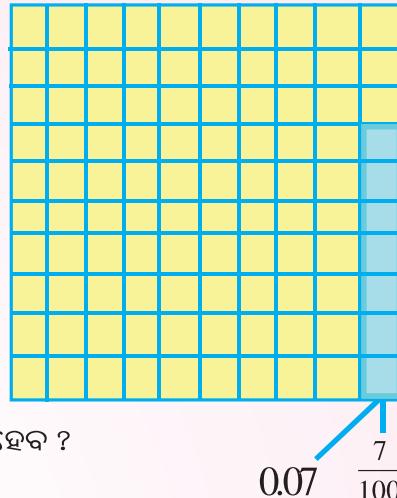
ବର୍ତ୍ତମାନ ତୁମେ କହିପାରିବ କି 0.07 ଓ 0.1 ମଧ୍ୟରେ କେଉଁଠି ବଡ଼ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ?

ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭର ଦିଆ ।

- ◆ 0.07 କୁ ସାଧାରଣ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।
- ◆ 0.1 କୁ ସାଧାରଣ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କର ।
- ◆ ଉଭୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ହରକୁ ସମାହରରେ ପରିଣତ କଲେ କ'ଣ ହେବ ?

- ◆ ସମାହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୃୟର ଲବ ଦୃୟକୁ ଲେଖ ।

- ◆ ଦ୍ୱାଜଟି ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କଲେ କେଉଁ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାଟି ବୃଦ୍ଧତର ହେବ ?



ବର୍ତ୍ତମାନ ଦଉ ପଶ୍ଚର ଉଭରମାନଙ୍କୁ ଏକାଠ ଲେଖୁ ସମାଧାନ କରିବା ।

$$0.07 = \frac{7}{100} \text{ ଏବଂ } 0.1 = \frac{1}{10}$$

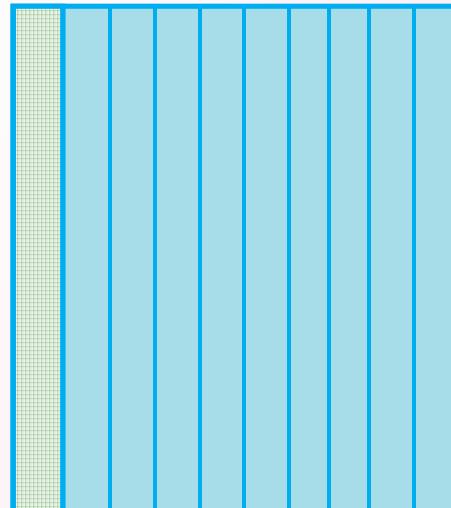
$$0.1 = \frac{1}{10} = \frac{10}{100}$$

0.07 ଏବଂ 0.01 ର ସାଧାରଣ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ସମାହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କଲେ,

ଯଥାକ୍ରମେ $\frac{7}{100}$ ଏବଂ $\frac{10}{100}$ ହେବ ।

ଏଠାରେ ଆମେ ଜାଣିଲେ $\frac{10}{100} > \frac{7}{100}$ ହେବ ।

ଅର୍ଥାତ୍ $0.01 > 0.07$ ହେବ ।

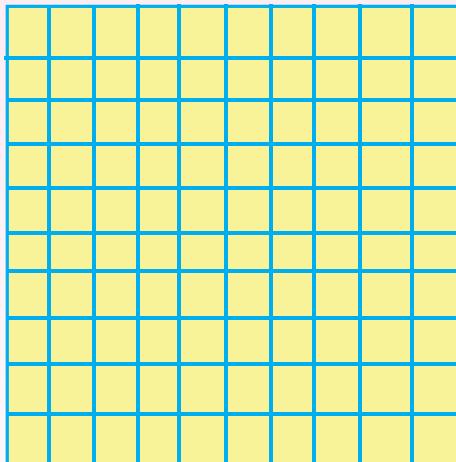


ଜାଣିଛ କି ?

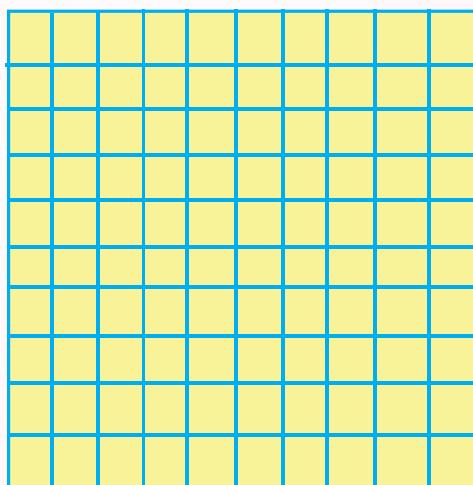
$0.01 > 0.07$ କୁ $0.07 < 0.01$ ଭାବେ ଲେଖାଯାଏ । ସେହିପରି $0.1 > 0.01 > 0.001$ କୁ $0.001 < 0.01 < 0.1$ ଭାବେ ଲେଖାଯାଏ ।

1. ଚିତ୍ରରେ ଦେଖାଅ ବଡ଼ କିଏ ସ୍ଥିର କର ?

(କ) 0.4 ଓ 0.04



(ଖ) 0.15 ଓ 0.3 ମଧ୍ୟରେ ସାନ କିଏ ସ୍ଥିର କର ।



2. କିଏ ବଡ଼, କିଏ ସାନ ଖାଲିଘରେ > ବା < ଚିହ୍ନ ଦେଇ ଦେଖାଅ ।

(କ) 0.25

2.50

(ଖ) 4.71

47.1

(ଗ) 8.30

0.083

(ଘ) 1.1

1.01

(ଡ) 0.099

0.99

(ଇ) 0.5

0.05

କାର୍ଯ୍ୟପର୍କ-୨୭

ଉଦାହରଣ-୧

ଡରୁସଂଖ୍ୟା ଓ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ କଲାବେଳେ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ପ୍ରଥମେ ସ୍ଥାନୀୟମାନ ଅନୁୟାୟୀ ତଳକୁ ତଳ ଲେଖିବା । ଲକ୍ଷ କର ! ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ ତଳକୁ ତଳ ଠିକ୍ ଭାବେ ରହିଛି । ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍ଵଭାବିକ ଭାବେ ଯୋଗ ବା ବିଯୋଗ କର ।

0.35 କୁ 0.12 ରେ ଯୋଗ କରିବା ।

ଏକକ	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ
0	.	3
0	.	1
+		
0	.	4

ସଂଖ୍ୟା	ଏକ	.	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ
0.35	0	.	3	5
0.32	0	.	1	2
+				
ଯୋଗ ଫଳ	0	.	4	7

1. ସେହିପରି ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(କ) 0.3 ଓ 0.52	
(ଖ) 0.8 ଓ 0.21	
(ଗ) 2.3 ଓ 3.5	

2. ବିଯୋଗ ଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଯେପରି

ସଂଖ୍ୟା	ଏକ	.	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ
0.58	0	.	5	8
0.32	0	.	3	2
-				
ବିଯୋଗ ଫଳ	0	.	2	6

2. ବିଯୋଗ ଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(କ) 0.8$$

$$- 0.2$$

$$(ଖ) 6.4$$

$$- 0.3$$

$$(ଗ) 7.5$$

$$- 1.7$$

$$(ଘ) 8.65$$

$$- 1.93$$

3. ଶୂନ୍ୟପୂରଣ ପୂରଣ କର ।

$$(କ) 0.9 + \boxed{} = 1.2$$

$$(ଖ) 4.2 + \boxed{} = 4.8$$

$$(ଗ) 23.5 + 4.4 = \boxed{}$$

$$(ଘ) 10.1 + \boxed{} = 11.1$$

$$(ଡ) 0.25 + 1.25 = \boxed{}$$

4. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଯୋଗଫଳ ସ୍ଥାନ ପ୍ରଶାଲିରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସେପରି (i) 2.5 ଓ 3.2 ର ଯୋଗଫଳ (ii) 7.5 ଓ 5.6 ର ଯୋଗଫଳ

$$\begin{array}{r} 2.5 \\ + 3.2 \\ \hline 5.7 \end{array}$$

$$2.5 + 3.2 = 5.7$$

$$\begin{array}{r} 7.5 \\ + 5.6 \\ \hline 13.1 \end{array}$$

$$\therefore 7.5 + 5.6 = 13.1$$

ସେପରି

(iii) 3.6 ଓ 3.2 ର ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(iv) 7.3 ଓ 4.2 ର ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(v) 2.35 ແລະ 8.86 ຮ ຍොගපັລ ນິ້ງສູງ ຂර।

(v) 21.6 ແລະ 12.57 ຮ ຍොගປັລ ນິ້ງສູງ ຂර।

5. ກොටි-චාලු සංඝයාරු අනු ກොටි-චාලු සංඝයාර ບිජෝග ස්ම ප්‍රාග්ධන1-රේ
ນິ້ງສູງ ຂර।

ຢෙපරි (i) 8.5 ແລະ 4.3 ບිගෝගປັລ (ii) 9.8 ແລະ 6.9 ຮ ບිගෝගປັລ

$$\begin{array}{r} 8.5 \\ - 4.3 \\ \hline 4.2 \end{array}$$

$$8.5 - 4.3 = 4.2$$

$$\begin{array}{r} 8.18 \\ - 6.90 \\ \hline 1.28 \end{array}$$

$$\therefore 8.18 - 6.9 = 1.28$$

ຢෙහිපරි (iii) 2.8 ແລະ 1.5 ຮ ບිගෝග ປັລ ນິ້ງສູງ ຂර।

(iv) 29.5 ແລະ 13.65 ຮ ບිගෝග ປັລ ນິ້ງສູງ ຂර।

(v) 53.8 ແລະ 29.81 ຮ ບිගෝග ປັລ ນິ້ງສູງ ຂර।

ପ୍ରଶ୍ନାଳୀ:

6. 56.89 ରୁ 12.846 କୁ ବିଯୋଗ କର ।

7. 2.56 ଓ 29.54 ରୁ ଯୋଗଫଳରୁ 15.89 କୁ ବିଯୋଗ କର ।

8. 56.54 ଓ 29.2 ଯୋଗଫଳକୁ **5.78** ସହ ଯୋଗ କର ।

9. 2.5 ଓ 27.5 ର ଯୋଗଫଳକୁ 0.005 ସହ ଯୋଗ କର ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-୨୩

ଉଗ୍ନୀସଂଖ୍ୟା / ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନ
ଓ ହରଣ କରିବା ପାଇଁ କଲନନିଧି
ବ୍ୟବହାର କରିବ ।

ଉଦାହରଣ:

1. ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଯେପରି (i) $2.5 \times 3 = \frac{25}{10} \times \frac{3}{1} = \frac{75}{10} = 7.5$

ସେହିପରି (ii) $8 \times 5.6 =$

(iii) $1.5 \times 1.2 =$

(iv) $7.2 \times 2.5 =$

(v) $12.5 \times 3.6 =$

ସୁଚନା : ଉପରୋକ୍ତ ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟାରୁ ଆମେ ଜାଣିଲୁ ଯେ

0.3×0.2 ର ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ

ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁକୁ ବାଦ ଦେଲେ $3 \times 2 = 6$

0.3 ରେ ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ ପରେ ଗୋଟିଏ ଅଙ୍କ ଅଛି ।

0.2 ରେ ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ ପରେ ଗୋଟିଏ ଅଙ୍କ ଅଛି ।

ମୋଟ ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ ପରେ $1 + 1 = 2$ ଟି ଅଙ୍କ ଅଛି ।

ଡେଶୁ ଗୁଣପଂକର ଦ୍ୱୀଳଟି ଅଙ୍କ ପୂର୍ବରୁ (ଦକ୍ଷିଣ ପଚ୍ଛା) ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ ଦିଆଯିବ ।

ଅର୍ଥାତ୍ $0.3 \times 0.2 = 0.06$

ସେହିପରି (vi) $2.3 \times 2.1 =$

(vii) $5.7 \times 0.35 =$

(viii) $2.05 \times 1.05 =$

2. ଭାଗପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଯେପରି (a) $1.2 \div 6 = \frac{12}{10} \div \frac{6}{1}$

$= \frac{12}{10} \times 6$ ର ବ୍ୟତିକ୍ରମ $= \frac{12}{10} \times \frac{1}{6} = \frac{2}{10} = 0.2$

ସେହିପରି (b) $3.5 \div 7 =$

(c) $5.55 \div 5 =$

(d) $6.25 \div 25 =$

3. ଗୋଟିଏ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ 10 ଏବଂ 100 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରିବା ।

ଯେପରି (a) $12.5 \div 10 = \frac{125}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{125}{100} = 1.25$

(b) $12.5 \div 100 = \frac{125}{10} \times \frac{1}{100} = \frac{125}{1000} = 0.125$

ସୁଚନା :

ଏଠାରେ ଆମେ ଲକ୍ଷ୍ୟ କଲେ ଯେ ଗୋଟିଏ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ 10 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରିବା ଦ୍ୱାରା ସଂଖ୍ୟାଟି ଅପରିବର୍ତ୍ତୀତ ରହି କେବଳ ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ ଗୋଟିଏ ଘର ବାମକୁ ଘୁଞ୍ଚିଲା ଓ 100 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କଲେ ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁ ଦ୍ୱୀଳଟି ସ୍ଥାନ ବାମକୁ ଘୁଞ୍ଚିଲା ।

ସେହିପରି

$$(c) 4.8 \div 10$$

$$= \boxed{}$$

$$(d) 6.78 \div 10$$

$$= \boxed{}$$

$$(e) 24.7 \div 100$$

$$= \boxed{}$$

$$(f) 4.79 \div 100$$

$$= \boxed{}$$

4. $2.4 \div 1000$

5. $23.8 \div 7$

6. ଗୋଟିଏ ଆନ୍ତଚିତ୍ର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଓ ପ୍ରସ୍ଥ ଯଥାକୁମେ 6.7 ସେ.ମି ଓ 4.5 ହେଲେ,
ଏହାର ପରିସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- ◆ ଶିକ୍ଷକ ଆବଶ୍ୟକ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରି/ କରାଇ କ୍ରମରେ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ସ୍ଥାନୀୟମାନ ଧାରଣ, ବିଷ୍ଟାରିତ ରୂପ ଦୃଢ଼ୀଭୂତ କରାଇ ସାରିବା ପରେ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ମାନଙ୍କର ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କାର୍ଯ୍ୟ କରାଇ ସମସ୍ତ ଧାରଣାକୁ ଦୃଢ଼ୀଭୂତ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

- ◆ ଦଶମିକ ସାରଣୀ, GKA KIT, NCERT KIT

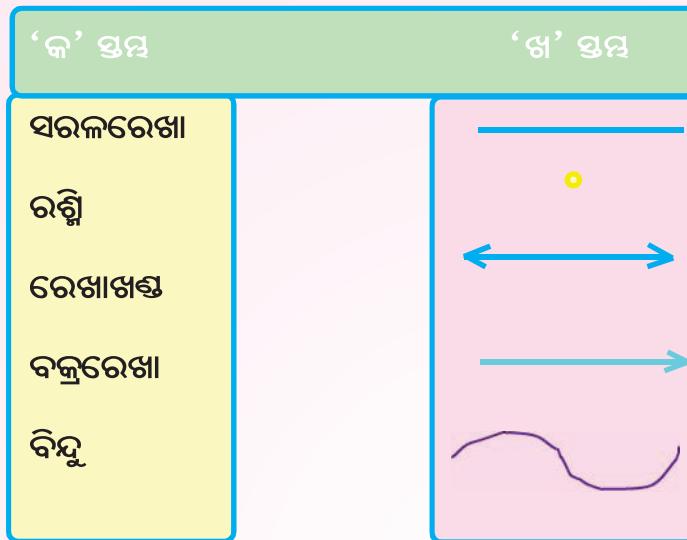
ପଳାପଳ:

- ◆ 20 ରୁ 23ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ କଲେ
- ◆ ଏକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିପାରିବ ।
- ◆ ଏକ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଷ୍ଟାରିତ ରୂପରେ ଲେଖିବା ।
- ◆ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କରିବ ।
- ◆ ସଂଖ୍ୟା ତୁଳନା (କ୍ରମ, ସାନ୍ତି, ବଡ଼ ଓ ମଧ୍ୟବର୍ଜୀତା) କରିବ ।

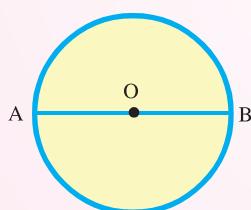
କାର୍ଯ୍ୟପଦକ୍ଷ-24

ବିନ୍ଦୁ, ରେଖାଖଣ୍ଡ ଓ ରକ୍ତି ଚିହ୍ନଗ କରିବ
ଏବଂ ଦ୍ୱିମାତ୍ରିକ ଆକୃତିର ଧାର, ଶିର୍ଷ ଓ
କର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବୁଝାଇବ ।

1. ‘କ’ ସ୍ତମ୍ଭ ସହ ‘ଖ’ ସ୍ତମ୍ବକୁ ଯୋଡ଼ ।



2. ନିମ୍ନ ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖି ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଲେଖ ।



ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରର ନାମ

ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦର ନାମ

 ଓ

ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସର ନାମ

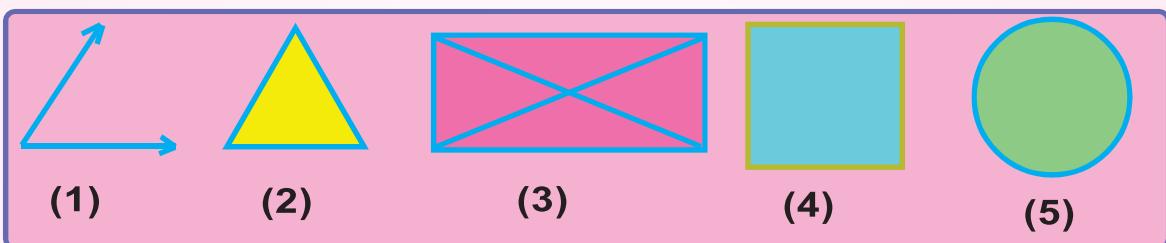
3. ରେଖାଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ସେଇ ସାହାଯ୍ୟରେ ମାପି ସାରଣୀରେ ଲେଖ ।

A ————— B	ରେଖାଖଣ୍ଡର ନାମ	ଦୈର୍ଘ୍ୟ (ସେ.ମି)
C ————— D	A B	<input type="text"/>
E ————— F	C D	<input type="text"/>
P ————— Q	E F	<input type="text"/>
	P Q	<input type="text"/>

4. ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ରରେ କେଉଁଗୁଡ଼ିକ ସରଳରେଖା  ଚିହ୍ନ ଦିଆ ।

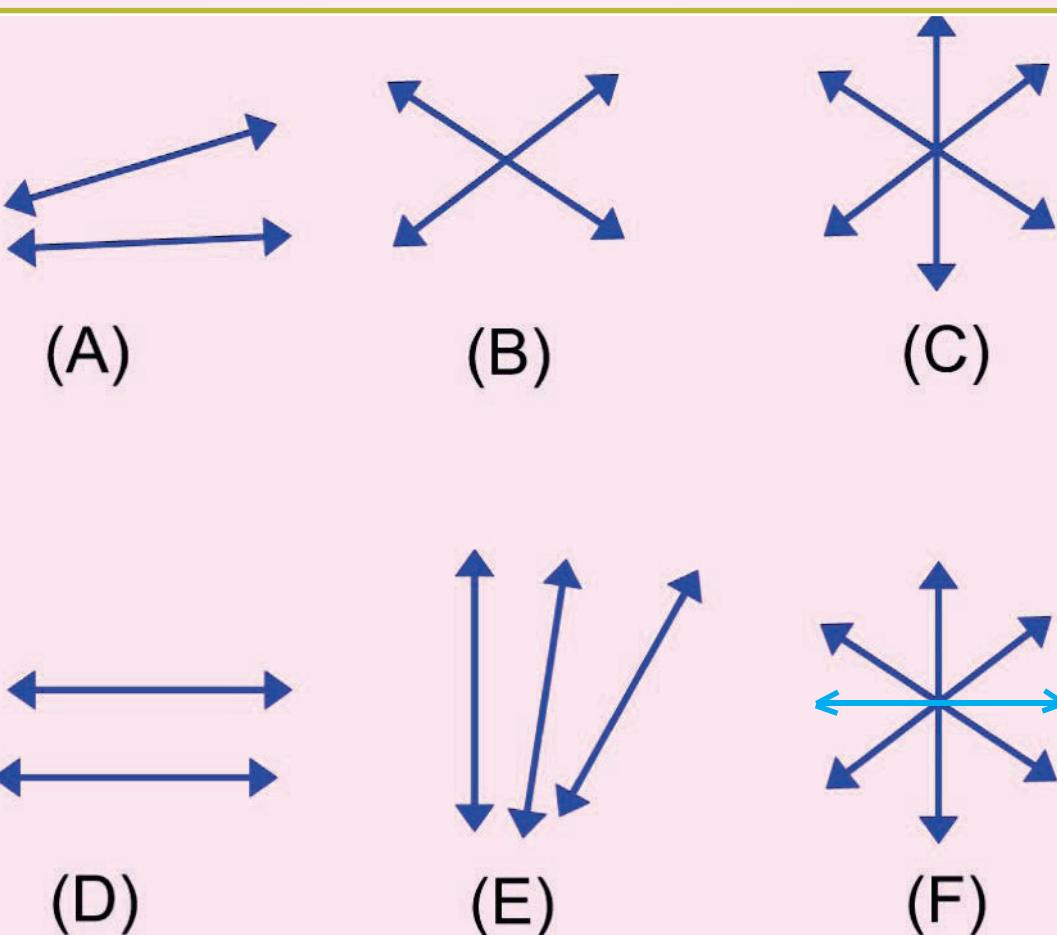
ଚିତ୍ର (A)	ଚିତ୍ର (B)	ଚିତ୍ର (C)	ଚିତ୍ର (D)	ଚିତ୍ର (E)
				
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>

5. ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖି ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।



ଚିତ୍ର ନଂ	ଶିର୍ଷ ସଂଖ୍ୟା	ବାହୁ ସଂଖ୍ୟା	କର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>

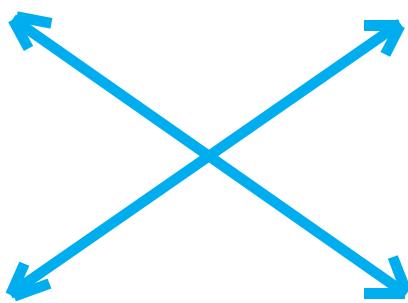
7. ଚିତ୍ର ଦେଖି ନିମ୍ନରେ ବିଆଯାଇଥିବା ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭର ଲେଖ ।



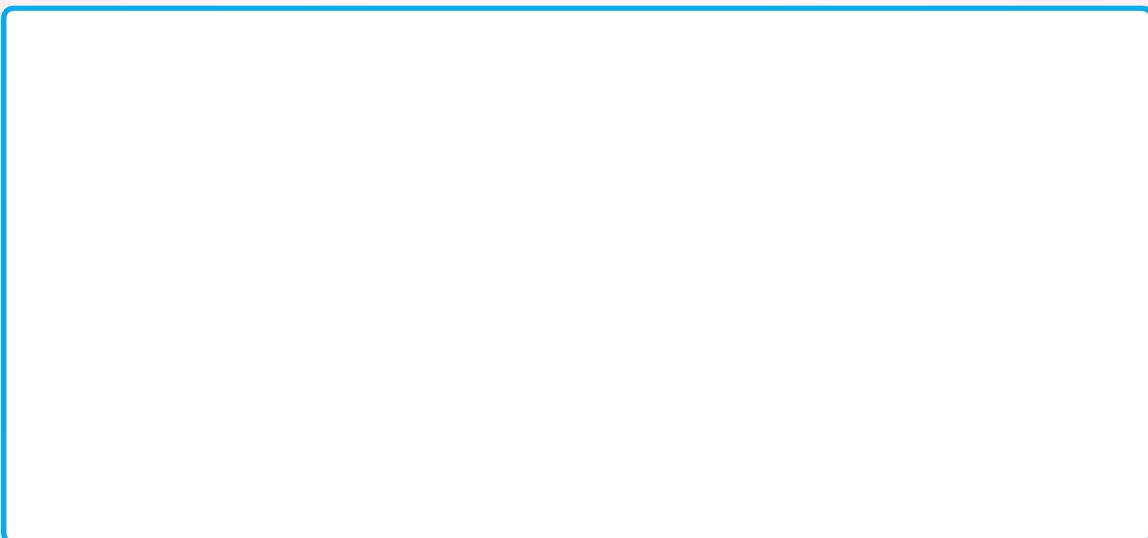
(କ) ଉପର କେଉଁ କେଉଁ ଚିତ୍ରରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁଗାମୀ ରେଖା ଅଛି ?

(ଖ) ଉପରେ ଥିବା ଏକ ବିନ୍ଦୁଗାମୀ ରେଖା ଚିତ୍ରରେ ସରଳରେଖା ସଂଖ୍ୟା କେତେ ?

8. (ক) পাখ চিত্রের আଉ গোটি এ সরলরেখা দ্বেষ দ্বারা অঙ্কন কর। দেখ যেপরি রেখা তিনোটি এক বিন্দুগামী হবে।



- (খ) তিনোটি এক বিন্দুগামী রেখা অঙ্কন কর।



9. P ও Q বিন্দু দেখ কেতোটি সরলরেখা আঙ্কিপারুছ লেখ।

•
 P •
 Q

10. (ক) দুটি সরলরেখা অতিবেশ্মিরে কেতোটি বিন্দুরে ছেদ করিব ?

(খ) তিনোটি সরলরেখা অতিবেশ্মিরে কেতোটি বিন্দুরে ছেদ করিব ?

(গ) চারোটি সরলরেখা অতিবেশ্মিরে কেতোটি বিন্দুরে ছেদ করিব ?

(ঘ) পাঞ্চটি সরলরেখা অতিবেশ্মিরে কেতোটি বিন্দুরে ছেদ করিব ?

সূচনা : শিক্ষক, শিক্ষার্থীদানক্ষুণ্ণ একাধুক সরলরেখার ছেদবিন্দু নিরূপণ পাই,

$$\frac{n(n-1)}{2} \text{ যেଉৰ্ঠি, } n = \text{সরলরেখা সংখ্যার সুত্রটি সূচনা দেবে।}$$

କାର୍ଯ୍ୟଘର-୨୪

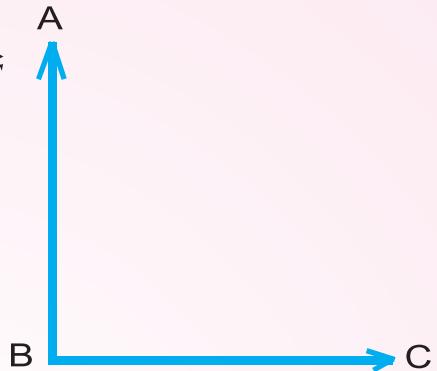
ଧର୍ମ ଆଧାରରେ କୋଣଗୁଡ଼ିକ ବର୍ଗୀକରଣ କରିବେ । ସେପରି ସନ୍ତ୍ରିହିତକୋଣ, ଅନୁପୂରକ କୋଣ, ପରିପୂରକ କୋଣ, ପ୍ରତୀପ କୋଣ ଏବଂ ଗୋଟିକର ପରିମାଣ ଦରଥିଲେ ଅନ୍ୟଟିର ପରିମାଣ ସ୍ଥିର କର ।

1. ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ ବାହୁମାନଙ୍କର ନାମ = \overline{AB} ଓ \overline{BC}

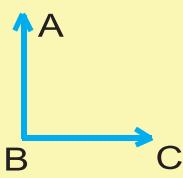
ଶାର୍ଷ ବିଦ୍ୟୁର ନାମ = B

କୋଣର ନାମ = $\angle ABC$ ବା

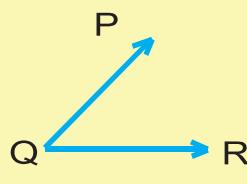
= $\angle CBA$



ସେହିପରି କୋଣମାନଙ୍କର ବାହୁମାନଙ୍କ ନାମ ଓ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁର ନାମ ସାରଣୀ ମଧ୍ୟରେ ଲେଖ ।



ଚିତ୍ର (1)



ଚିତ୍ର (2)



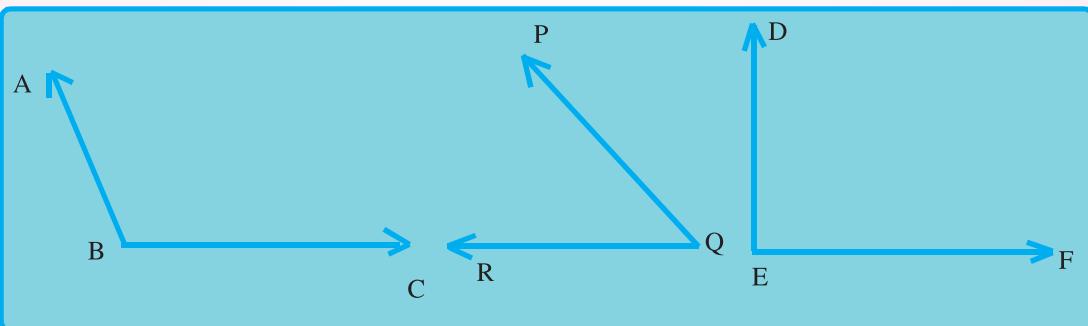
ଚିତ୍ର (3)

ଚିତ୍ର ନଂ	ବାହୁମାନଙ୍କର ନାମ	ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁର ନାମ	କୋଣର ନାମ
1			
2			
3			

2. ସେଇ ଓ ପେନସିଲ ସାହାଯ୍ୟରେ ନିଜେ ପାର୍ଶ୍ଵରେ ଗୋଟିଏ କୋଣ ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର ନାମକରଣ କର । ତା'ର ବାହୁମାନଙ୍କର ନାମ, ଶାର୍ଷ ବିଦୂର ନାମ ଓ କୋଣର ନାମ ଲେଖ ।

- (i) ବାହୁମାନଙ୍କର ନାମ = ଓ
- (ii) ଶାର୍ଷ ବିଦୂର ନାମ =
- (iii) କୋଣର ନାମ =

3. ପ୍ରୋଟ୍ରାକ୍ଟ୍ର ସାହାଯ୍ୟରେ ନିମ୍ନେ କୋଣଗୁଡ଼ିକୁ ମାପି ତଳେ ଥୁବା ଶୂନ୍ୟଷ୍ଟାନ ପୂରଣ କର ।



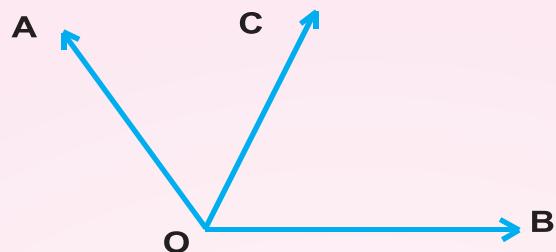
- (i) କୋଣର ମାପ 90° ସହ ସମାନ । (ପ୍ରଥମ, ଦ୍ୱିତୀୟ, ତୃତୀୟ)
- (ii) କୋଣର ମାପ 90° ରୁ କମ । (ପ୍ରଥମ, ଦ୍ୱିତୀୟ, ତୃତୀୟ)
- (iii) କୋଣର ମାପ 90° ରୁ ଅଧିକ । (ପ୍ରଥମ, ଦ୍ୱିତୀୟ, ତୃତୀୟ)

4. ପ୍ରଦତ୍ତ କୋଣଗୁଡ଼ିକ କେଉଁ ପ୍ରକାର କୋଣ ନିମ୍ନ ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।

$126^\circ, 75^\circ, 90^\circ, 36^\circ, 120^\circ, 91^\circ, 178^\circ, 61^\circ$

ସୂକ୍ଷ୍ମକୋଣ	ସମକୋଣ	ସ୍ଫୁଲକୋଣ
<input type="text"/>	<input type="text"/>	<input type="text"/>

5.



(i) ଉପରଚିତ୍ ଦେଖୁ ସାଧାରଣ ପୂରଣ କର ।

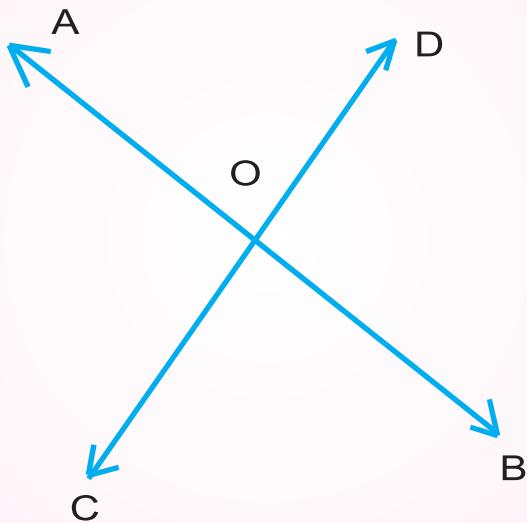
କୋଣ	$\angle AOB$ ଓ $\angle AOC$	$\angle BOC$ ଓ $\angle AOC$	$\angle AOB$ ଓ $\angle BOC$
ସାଧାରଣ ଶୀର୍ଷ			
ସାଧାରଣ ବାହୁ			
ଉଭୟ			
ଅନ୍ତର୍ଦେଶୀର			
ସାଧାରଣ ଅଂଶ			

ମନେରଖ :

- (i) ଯଦି ଦୁଇଟି କୋଣର ଗୋଟିଏ ଶୀର୍ଷ ଓ ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ ବାହୁ ଥାଏ ମାତ୍ର ସେମାନଙ୍କ ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ମଧ୍ୟରେ କୌଣସି ସାଧାରଣ ଅଂଶ ନଥାଏ, ସେହି କୋଣ ଦୁଇଟିକୁ ପରଞ୍ଚର ସନ୍ନିହିତ କୋଣ କୁହାଯାଏ ।
- (ii) ଉପରୋକ୍ତ ଓ କୋଣ ଦ୍ୟୟ ପରଞ୍ଚର ସନ୍ନିହିତ କୋଣ ।
- (iii) କାରଣ : $\angle AOB$ ଓ $\angle BOC$ ଦ୍ୟୟର ସାଧାରଣ ଶୀର୍ଷ, ସାଧାରଣ ବାହୁ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କକ ବାହୁ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କ ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ମଧ୍ୟରେ କୌଣସି ସାଧାରଣ ଅଂଶ ନାହିଁ ।

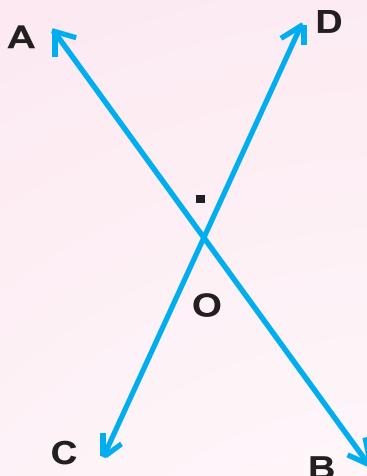
6 . ତଳେ ଥିବା ଚିତ୍ର ଦେଖି ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।

କୋଣର ନାମ	ଦୁଇଟି ସମ୍ଭାବନା କୋଣର ନାମ	ସମ୍ଭାବନା ହୋଇନଥିବା କୋଣର ନାମ
$\angle AOC$		
$\angle BOC$		
$\angle AOD$		
$\angle BOD$		



ମନେରଖ: ଦୁଇଟି ସରଳରେଖା ପରଷ୍ପରକୁ ଛେଦକଲେ, ଛେଦବିନ୍ଦୁରେ ଉପରେ ଚାରୋଟି କୋଣ ମଧ୍ୟରୁ ଯେଉଁ କୋଣ ଯୋଡ଼ା ପରଷ୍ପର ସମ୍ଭାବନା ନୁହିଁଛି, ସେମାନଙ୍କୁ ପରଷ୍ପର ପ୍ରତୀପ ବା ବିପରୀତ କୋଣ କୁହାଯାଏ ।

7. ଦୁଇଟି ପରିଷ୍ଵର ଛେଦୀ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରି ନିମ୍ନେ ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।



ସାରଣୀ:

କୋଣର ନାମ	$m\angle AOC$	$m\angle BOD$	$m\angle AOC$ ଓ $m\angle BOD$ ମଧ୍ୟରେ ସଂପର୍କ	$m\angle AOD$	$m\angle BOC$	$m\angle AOD$ ଓ $m\angle BOC$ ମଧ୍ୟରେ ସଂପର୍କ
ଚିତ୍ରରୁ						

ଉପରୋକ୍ତ ସାରଣୀରୁ ଆମେ ଏହି ସିଦ୍ଧାନ୍ତରେ ଉପନୀତ ହେଲୁ ଯେ:

$$m\angle AOC = \boxed{\quad} \text{ ଏବଂ } m\angle BOC = \boxed{\quad}$$

ସିଦ୍ଧାନ୍ତ:

ଦୁଇଟି ସରଳରେଖା ପରିଷ୍ଵରକୁ ଛେଦକଲେ ଛେଦ ବିନ୍ଦୁରେ ଉପରେ ପ୍ରତୀପ କୋଣ ଯୋଡ଼ାମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ପରିଷ୍ଵର ସମାନ ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-୨୭

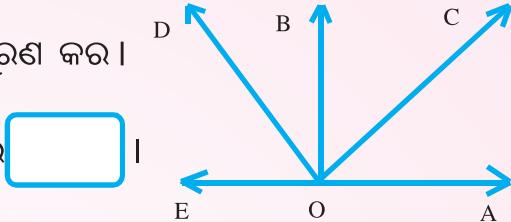
1. ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ଚିତ୍ରରେ

ଧର୍ମ ଆଧାରରେ କୋଣଗୁଡ଼ିକ ବର୍ଗୀକରଣ କରିବେ । ଯେପରି ସନ୍ଧିହିତକୋଣ, ଅନୁପୂରକ କୋଣ, ପରିପୂରକ କୋଣ, ପ୍ରତୀପ କୋଣ ଏବଂ ଗୋଟିକର ପରିମାଣ ଦତ୍ତଥିଲେ ଅନ୍ୟଟିର ପରିମାଣ ସ୍ଥିର କର ।

$$m\angle AOB = m\angle BOE = m\angle COD = 90^\circ \text{ ହେଲେ}$$

ନିମ୍ନସ୍ଥ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭର ଦିଅ / ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

(i) $m\angle AOC$ ଓ $m\angle BOC$ କୋଣଦ୍ୱୟ ପରଷ୍ପର



ଏବଂ $m\angle AOC + m\angle BOC =$

(ii) $m\angle BOD + m\angle DOE =$

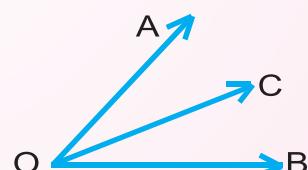
ପରଷ୍ପର ସନ୍ଧିହିତ ହେଲେ, ଉକ୍ତ କୋଣ ଦୁଇଟିକୁ କୋଣ କହନ୍ତି ।

(iii) ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ଚିତ୍ରର ଯୋଡ଼ା ସନ୍ଧିହିତ ଅନୁପୂରକ କୋଣ ଅଛି ।

ମନେରଖ : ଦୁଇଟି ସନ୍ଧିହିତ କୋଣର ପରିମାଣର ସମୟେ 90° ହେଲେ, ଉକ୍ତ କୋଣ ଦ୍ୱାରା ପରଷ୍ପର ସନ୍ଧିହିତ ଅନୁପୂରକ କୋଣ କୁହାଯାଏ ।

2. ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ଦେଖୁ ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

(i) $m\angle AOC + m\angle BOC =$



(ii) $m\angle AOC$ ଓ $m\angle BOC$ ଦୁଇଟିର ସାଧାରଣ ଶିର୍ଷଟି କୋଣ, ସାଧାରଣ ବାହୁଟି କୋଣ, ମାତ୍ର ଉକ୍ତ କୋଣ ଦୁଇଟିର କୌଣସି ସାଧାରଣ ଅଂଶ ନାହିଁ ।

(iii) ନମ୍ବର (i) ଓ (ii) ରୁ $\angle AOC$ ଓ $\angle BOC$ ଦୁଇଟିକୁ ପରଷ୍ପର କୋଣ କହନ୍ତି ।

ମନେରଖ : ଦୁଇଟି ସନ୍ଧିହିତ କୋଣର ପରିମାଣର ସମୟେ 180° ହେଲେ, ସେମାନଙ୍କୁ ପରଷ୍ପର ସନ୍ଧିହିତ ପରିପୂରକ କୋଣ କୁହାଯାଏ ।

3. ପାଶ୍ୟସ୍ଥ ଚିତ୍ର ଦେଖି ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

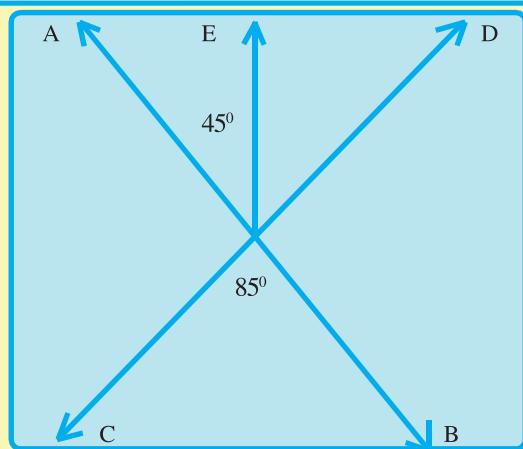
(i) $m\angle AOC =$

(ii) $m\angle EOD =$

(iii) $m\angle EOC =$

(iv) $m\angle BOE =$

(v) $m\angle AOC + m\angle AOD =$



4. ପାର୍ଶ୍ୟସ୍ଥ ଚିତ୍ର ଦେଖି ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

(i) $\angle AOD$ ଓ $\angle COD$ ଦ୍ୱାୟ ପରିଷର

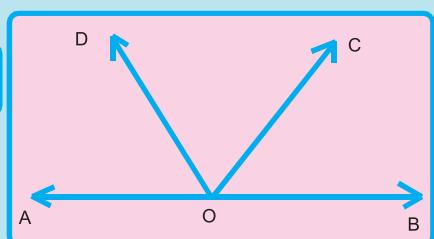
(ii) $\angle AOC$ ଓ $\angle BOC$ ଦ୍ୱାୟ ପରିଷର

(iii) ପାର୍ଶ୍ୟସ୍ଥ ଚିତ୍ରରେ ଯୋଡ଼ା ସମ୍ଭାବିତ ପରିପୂରକ କୋଣ ଅଛି ।

(iv) $m\angle AOD + m\angle COD + m\angle BOC =$

(v) $m\angle AOC + m\angle BOC =$

(vi) $m\angle AOD + m\angle BOD =$

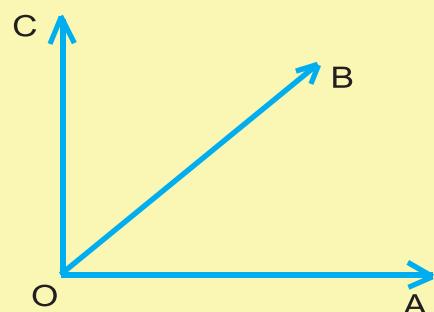


5. ପାର୍ଶ୍ୟସ୍ଥ ଚିତ୍ରରୁ ଉଭର ଦିଆ ।

(i) $m\angle AOB +$ $= 90^\circ$

(ii) $m\angle BOC +$ $= 90^\circ$

(iii) $m\angle AOB + m\angle BOC =$



(iv) 60° ර අනුපුරක කොණ්ඩි =

(v) කොණර අනුපුරක කොණ්ඩි වේ නිජේ ।

(vi) $30^\circ, 30', 30''$ ර අනුපුරක කොණර පරිමාණ ।

සුචනා : $1^\circ = 60'$ (60 මිනිට)

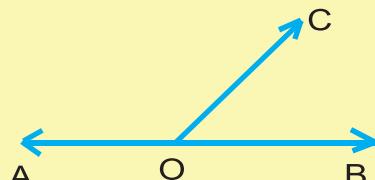
$1' = 60''$ (60 වෙකෝ)

6. ප්‍රග්‍රහුතිකර තුළර දිංචි

(i) $m\angle AOC + \boxed{} = 180^\circ$

(ii) $m\angle BOC + \boxed{} = 180^\circ$

(iii) $m\angle AOC + m\angle BOC = \boxed{}$



(iv) $m\angle A$ ස්‍යා පරැවර පරිපුරක ස්‍යා $m\angle A = 120^\circ$ හේලේ

$m\angle B = \boxed{}$

(v) දුළටි පරැවර පරැවර පරිපුරක හේලේ, ප්‍රතේකර පරිමාණ =



(vi) 60° කොණ්ඩිර අනුපුරක කොණර පරිපුරක කොණර පරිමාණ =

7. ଯଦି ଗୋଟିଏ କୋଣ ତା'ର ଅନୁପୂରକ କୋଣର ଦୁଇଗୁଣ ହୁଏ, ତେବେ ଉଚ୍ଚ କୋଣର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

8. ଗୋଟିଏ କୋଣର ତା'ର ଅନୁପୂରକ କୋଣଠାରୁ 10° ଅଧିକ ହେଲେ, ଉଚ୍ଚ କୋଣର ପରିମାଣ ସ୍ଥିର କର ।

9. ଗୋଟିଏ କୋଣର ପରିମାଣ, ତା'ର ପରିପୂରକ କୋଣର ପରିମାଣର '8' ଗୁଣ ହେଲେ, ଉଚ୍ଚ କୋଣଟିର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-୨୭

୧. ଶୂନ୍ୟଷ୍ଟାନ ପୂରଣ କର ।

ଧର୍ମ ଆଧାରରେ କୋଣଗୁଡ଼ିକ ବର୍ଗୀକରଣ କରିବେ । ଯେପରି ସନ୍ଦିହିତକୋଣ, ଅନୁପୂରକ କୋଣ, ପରିପୂରକ କୋଣ, ପ୍ରତୀପ କୋଣ ଏବଂ ଗୋଟିକର ପରିମାଣ ଦଉଥୁଲେ ଅନ୍ୟଚିର ପରିମାଣ ସ୍ଥିର କର ।

- (i) ଜ୍ୟାମିତିର ଜନକ ।
- (ii) ଜ୍ୟାମିତିରେ ଗୋଟିଏ ସଂଜ୍ଞା ବିହୀନ ପଦ ।
- (iii) କୋଣ, ରେଖା, ରଶ୍ମୀ ଓ ରେଖାଖଣ୍ଡ ମଧ୍ୟରୁ ସଂଜ୍ଞା ବିଶିଷ୍ଟ ପଦ ।
- (iv) ଏକ ରଶ୍ମୀର ଟି ପ୍ରାତିବିନ୍ଦୁ ଅଛି ।
- (v) ୬ଟି ସରଳରେଖା ପରିଷରକୁ ସର୍ବାଧିକ ଟି ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରନ୍ତି ।
- (vi) ଦୁଇଟି ସମତଳ ପରିଷରକୁ ଛେଦ କଲେ, ଏକ ସୃଷ୍ଟି ହୁଏ ।
- (vii) $\angle ABC$ ର ଶାର୍କ ବିନ୍ଦୁଟି ।
- (viii) ପରିଷର ବିପରୀତ \overline{AB} ଓ \overline{AC} ଦୟକୁ ସଂଯୋଗରେ ଗଠିତ ହୁଏ ।
- (ix) ପରିଷର ବିପରୀତ ହୋଇନଥିବା ଦୁଇଟି ରଶ୍ମୀ ସେମାନଙ୍କ ଆଦ୍ୟ ବିନ୍ଦୁରେ ମିଳିତ ହେଲେ, ଗଠିତ ଜ୍ୟାମିତିକ ଚିତ୍ରକୁ କହନ୍ତି ।
- (x) ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡର ଟି ପ୍ରାତିବିନ୍ଦୁ ଓ ଟି ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ ଅଛି ।

2. ଭ୍ରମ ସଂଶୋଧନ କର:

(i) ଜ୍ୟାମିତିରେ ‘ଜ୍ୟା’ର ଅർଥ ‘ବ୍ୟାସ’ ଓ ‘ମିତି’ ର ଅർଥ ଜ୍ୟାର ପ୍ରାଙ୍ଗ’

(ii) ତ୍ରିଭୁଜର ତିନି କୋଣର ପରିମାଣର ସମ୍ପତ୍ତି 360° ।

(iii) ଏକ ସମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜରେ ନାଟି ସ୍କୁଲକୋଣ ଅଛି।

(iv) ଗୋଟିଏ କୋଣ ଯେଉଁ ସମତଳ ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ, ସେହି ସମତଳକୁ ଉଚ୍ଚ କୋଣ ଦୁଇ ଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ କରେ।

(v) ଏକ ସରଳରେଖାରେ ଅବସ୍ଥିତ ନଥୁବା ତିନୋଟି ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟଦେଇ ଅସଂଖ୍ୟ ସମତଳ କଞ୍ଚନା କରାଯାଇପାରିବ ।

(vi) ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟ ଦେଇ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମତଳ ଅଙ୍କନ / କଞ୍ଚନ କରାଯାଇପାରିବ ।

(vii) ଏକ ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟଦେଇ ଯାଇଥିବା ରେଖାମାନଙ୍କୁ ଏକ-ରେଖୀୟ ବିନ୍ଦୁ କହନ୍ତି ।

(viii) ଗୋଟିଏ ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ରର ଅନ୍ତର୍ମୟ ଓ ବହିଃମୟ ବିନ୍ଦୁ ନାହିଁ ।

(ix) ଏକ ସୁଷ୍ଣଳକୋଣ ତ୍ରିଭୁଜର ଦୁଇଟି କୋଣର ପରିମାଣର ସମନ୍ତର୍ତ୍ତ ସର୍ବଦା ଏକ ମୂଳକୋଣ ହେବ ।

(x) ଏକ ମୂଳକୋଣ ତ୍ରିଭୁଜର ମୂଳକୋଣ ଦୁଇଟିର ସମନ୍ତର୍ତ୍ତ ସର୍ବଦା ଏକ ସୁଷ୍ଣଳକୋଣ ।

(xi) ଏକ ସମକୋଣୀ ସମଦିଵାହୁ ତ୍ରିଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ ସୁଷ୍ଣଳକୋଣର ପରିମାଣ 60° ।

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- ◆ ଶିକ୍ଷକ ଆବଶ୍ୟକ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରି ଜ୍ୟାମିତିକ ମୌଳିକ ଧାରଣା ଗୁଡ଼ିକୁ କ୍ରମରେ ଶିକ୍ଷଣ କାର୍ଯ୍ୟ କରାଇ ଦୃଢ଼ୀଭୂତ କରାଇବେ । କୋଣର ସଂଖ୍ୟା ଓ ବିଭିନ୍ନ ଧାରଣା ସମେତ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର କୋଣ ଓ କୋଣ ଯୋଡ଼ାଗୁଡ଼ିକୁ ମଧ୍ୟ ଦୃଢ଼ୀଭୂତ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

- ◆ ବିଭିନ୍ନ ଜ୍ୟାମିତିକ ଆକୃତିର ପଟି, ସ୍ଵତା, ସରିଯାଇଥିବା ଫେନ୍ / ରିଫିଲ୍, ଜ୍ୟାମିତିକ ବାକ୍, ରବର ବ୍ୟାଣ୍ଡ, GKAKIT, NCERT Math KIT, କାର୍ଡବୋର୍ଡ୍

ତଥାତମ:

- ◆ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ କାର୍ଯ୍ୟପର୍ଦ୍ଦ 24 ରୁ 27 କଲେ ।
- ◆ ଜ୍ୟାମିତିର ମୌଳିକ ପଦ (ବିନ୍ଦୁ, ରକ୍ଷୀ, ରେଖା, ରେଖାଖଣ୍ଡ) ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଧାରଣା ଜାଣିବା ଓ ଦର୍ଶାଇବା ।
- ◆ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର କୋଣ ଯୋଡ଼ା ଯଥା - ପ୍ରତୀପ, ସନ୍ଧିତ, ଅନୁପୁରକ, ପରିପୂରକ କୋଣ ଏବଂ ଗୋଟିଏ କୋଣ ଦଉଥିଲେ, ଅନ୍ୟଟିର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-୨

ବୀଜଗଣିତିକ ପରିପ୍ରକାଶ ମାନଙ୍କର
ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ କରିବ।
ଦିଆଯାଇଥିବା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପରିସ୍ଥିତି
ଚଳରାଶି ଓ ଗାଣିତିକ ପ୍ରକାଶିତାର
ବ୍ୟବହାର କରିବ।

ସଂଖ୍ୟା ପରିବର୍ତ୍ତେ ସଙ୍କେତକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ବିଭିନ୍ନ ଗାଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା ପ୍ରୟୋଗ କରିବା
ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ବିଷୟବସ୍ତୁ ବୀଜଗଣିତ କୁହାଯାଏ ।

- ◆ ଏଥରେ ସଂଖ୍ୟା ପରିବର୍ତ୍ତେ ଅକ୍ଷର (a,b,c...) ଆଦିକୁ ସଂଖ୍ୟାରେ ସଙ୍କେତ ରୂପେ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ । ଆମେ ଜାଣୁ $5 + 5 = 5 \times 2 = 2 \times 5$
 5 ପରିବର୍ତ୍ତେ ସେହିପରି a ବୀଜ ପ୍ରୟୋଗ $a + a = a \times 2 = 2 \times a = 2a$ ଲେଖାଯାଇପାରେ ।
- ◆ ମୋହନ ପାଖରେ କିଛି ଟଙ୍କା ଥିଲା । ବାପା ତାକୁ ପୁଣି 100 ଟଙ୍କା ଦେଲେ । ମୋହନ ପାଖରେ କେତେ ଟଙ୍କା ହେଲା ?

ମନେକର ମୋହନ ପାଖରେ r ଟଙ୍କା ଥିଲା ।

ବାପା ତାକୁ ଦେଲେ 100 ଟଙ୍କା ।

$$\therefore \text{ମୋହନ ପାଖରେ ମୋଟ ଟଙ୍କା ହେଲା} = (r + 100) \text{ ଟଙ୍କା}$$

ସେହିପରି ଆମେ କହିପାରିବା ମୋହନ ପାଖରେ 100 ଟଙ୍କା ଥିଲା, ସେଥରୁ ସେ z ଟଙ୍କା ଖର୍ଚ୍ଚ କଲା । ତା' ପାଖରେ କେତେ ଟଙ୍କା ବଳିଲା ?

$$\text{ମୋହନ ପାଖରେ ଥିଲା} = 100 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\text{ସେ ଖର୍ଚ୍ଚ କଲା} = z \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\text{ମୋହନ ପାଖରେ ବଳିଲା} = 100 - z \text{ ଟଙ୍କା}$$

ବୀଜଗଣିତରେ ମୌଳିକ ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାକୁ ନେଇ ଯେପରି ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ ପ୍ରକ୍ରିୟା କରାଯାଏ,
ସେହିପରି ବୀଜ ଓ ସଂଖ୍ୟାକୁ ନେଇ ଏହି ପ୍ରକ୍ରିୟାଗୁଡ଼ିକ କରାଯାଇଥାଏ ।

ଉଦାହରଣ:

3 ଓ 2 ଯୋଗଫଳ କଲାବେଳେ ଆମେ $3 + 2 = 5$ ବୋଲି ଲେଖୁ । ସେହିପରି m ଓ
5 ର ଯୋଗଫଳକୁ $m + 5$ ବୋଲି ଲେଖୁପାରିବା ।

q ଠାରୁ 10 ଉଣା ଉଚ୍ଚିକୁ q - 10 ବୋଲି ଲେଖୁବା

ସେହିରେ 10 ର 5 ଗୁଣ ଆମେ $10 \times 5 = 50$ ଲେଖୁ

10 ର P ଗୁଣ = $10 \times p$ ବା $10p$ ବୋଲି ଲେଖୁପାରିବା ।

1. ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ ଚିହ୍ନ ବ୍ୟବହାର କରି ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।

ଯେପରି

(କ) a ଠାରୁ 5 ଅଧିକ = a + 5

(ଖ) k ଠାରୁ 27 ଅଧିକ = k + 27

(ଗ) z ଠାରୁ 9 ଅଧିକ = z + 9

(ଘ) 12 ଠାରୁ y ଅଧିକ = 12 + y

(ଡ) d ଠାରୁ 4 କମ = d - 4

(ତ) f ଠାରୁ 3 ଉଣା = f - 3

(ଛ) 14 ଠାରୁ n ଉଣା = 14 - n

(ଜ) 3 ଠାରୁ z ଅଧିକ ଓ ତା' ଠାରୁ k ବେଶୀ = 3 + z = k

(ଝ) x ଅପେକ୍ଷା y ଉଣା ଓ ତା' ଠାରୁ 5 କମ = x - y = 5

2. ବୀଜ ଓ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବହାର କରି ନିମ୍ନ ପରିପ୍ରକାଶ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(କ) b ର ଦୁଇଗୁଣ ଠାରୁ c ଅଧ୍ୱକ	=	
(ଖ) x ର ତିନିଗୁଣ ଠାରୁ 5 ର d ଗୁଣ କମ୍	=	
(ଗ) p ର ଏକପଞ୍ଚମାଂସ ଠାରୁ 5 କମ୍	=	
(ଘ) 10 ର c ଗୁଣ ଠାରୁ q ର ଏକତୃତୀୟାଂସ କମ୍	=	
(ଡ଼) 25 ର m ଗୁଣ ଠାରୁ N ର ଏକଚତୁର୍ଥାଂସ ଅଧ୍ୱକ	=	

3. ସ୍ରୋତ ମିଳନ କର ।

ବୀଜ ମାଧ୍ୟମରେ ପ୍ରକାଶ ଉକ୍ତି	ସାଧାରଣ ଉକ୍ତି
$3 + m$	y ର 3 ଗୁଣଠାରୁ z ଅଧ୍ୱକ
$5x - 2p$	x ର 7 ଗୁଣଠାରୁ p ର 2 ଗୁଣ ଅଧ୍ୱକ
$3y + z$	3 ଠାରୁ m ଅଧ୍ୱକ
$7x + 2p$	5 ର x ଗୁଣ ଠାରୁ p ର 2 ଗୁଣ ଉଣା
$9 - 7p$	y ର 3 ଗୁଣ ଠାରୁ z ଉଣା
	9 ଠାରୁ p ର 7 ଗୁଣା କମ୍

4. ଗୋଟିଏର ଆୟତ ଚିତ୍ରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ତା'ର ପ୍ରସ୍ଥର 3 ଗୁଣ ହେଲେ, ଆୟତଚିତ୍ରର ପରିସୀମା ସ୍ଥିର କର ।

(ସୂଚନା : ଆୟତଚିତ୍ରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 'l' ଓ ପ୍ରସ୍ଥକୁ 'b' ନେଇ ସମାଧାନ କର)

5. ମନୋରଙ୍ଗନ ଘଣାପ୍ରତି y କି.ମି. ବେଗରେ କାରରେ 25 କି.ମି. ଗଲେ, କେତେ ଘଣାରେ ଉଚ୍ଚ ଦୂରତାକୁ ଅତିକ୍ରମ କରିବ ?

କାର୍ଯ୍ୟଫଳ-୨୯

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଘାତାଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ ।

ଉଦାହରଣ :

$$\text{ଆମେ } 32 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

ଏଠାରେ ଆମେ କହିପାରିବା 32 , 5 ଟି 2 ର ଗୁଣଫଳ ସହ ସମାନ

ତେଣୁ $32 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5$ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରାଗଲା

32 କୁ ଏକ ଘାତରାଶି କୁହାଗଲା, ଯେଉଁଠି 2 କୁ ଆଧାର ଓ 5 କୁ ଘାତ କୁହାଯାଏ ।

1. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଘାତରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

$$\text{ସେପରି (a) } 16 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^4$$

ସେହିପରି କର

(b) $25 =$	
(c) $27 =$	
(d) $36 =$	

2. ନିମ୍ନ ଘାତରାଶିମାନଙ୍କର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$\text{ସେପରି (a) } 3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$$

$$(b) 2^6 =$$

$$(c) 5^3 =$$

$$(d) 7^3 =$$

3. ଘାତ ରାଶିରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ଯେପରି	(a) $5 \times 5 \times 5$	=	5^3
	(b) $8 \times 8 \times 8 \times 8$	=	
	(c) $P \times P \times P \times P \times P$	=	
	(d) $X \times X =$		

4. ଦୁଇଟି ଘାତରାଶି ମଧ୍ୟରେ କେଉଁ ଘାତ ରାଶିଟି ବଡ଼ ସ୍ଥିର କର ?

ଯେପରି	2^8 ଓ 8^2 ମଧ୍ୟରେ
	$2^8 = 2 \times 2 = 256$
	$8^2 = 8 \times 8 = 64$
	ଏଠାରେ 64 ଠାରୁ 256 ବଡ଼ ।
	ତେଣୁ 2^8 ରାଶିଟି ବଡ଼ ।

ସେହିପରି (b) 5^3 ଓ 3^5 ମଧ୍ୟରେ

(c) 4^3 ଓ 3^4 ମଧ୍ୟରେ

4. ନିମ୍ନସାରଣୀର ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

ସଂଖ୍ୟା	ଗୁଣନୀୟକ ରୂପ	ଘାତଙ୍କୀୟ ରୂପ	ଆଧାର	ଘାତଙ୍କ
16	$2 \times 2 \times 2 \times 2$	2^4	2	4
16	$4 \times$			
25	$5 \times$			
64	$2 \times$			
64	$4 \times$			
81	$3 \times$			
81	$9 \times$			

ଲକ୍ଷ୍ୟ : (a) 243 କୁ ଘାତ ରାଶିରେ ଲେଖ ।

(b) 128 କୁ ଘାତ ରାଶିରେ ଲେଖ ।

(c) 256 କୁ ଘାତ ରାଶିରେ କ୍ଷଳଣ ।

କାର୍ଯ୍ୟଫଳ-୩୦

ପୃଷ୍ଠାସଂଖ୍ୟା ଘାତାଙ୍କ ବିଭିନ୍ନ ସମସ୍ୟାର
ସମାଧାନ କରିବ ।

1. ଦୁଇଟି ସମ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତ ରାଶି ମଧ୍ୟରେ ଗୁଣନ କରିବା ।

ଯେପରି :

$$(a) 2^3 \times 2^2 = (2 \times 2 \times 2) \times (2 \times 2) = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5 \quad 2^{(3+2)}$$

ଡେଣ୍ଟ ଆମେ ଜାଣିଲେ $2^3 \times 2^2 = 2^{(3+2)} = 2^5$

ମନେରଖ : ସମ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତ ରାଶି ମାନଙ୍କର ଗୁଣନ ବେଳେ, ଘାତଗୁଡ଼ିକ ମିଶିଯାଏ ।

ସେହିପରି :

$$(b) 5^3 \times 5^4 =$$

$$(c) a^4 \times a^5 =$$

$$(d) 7 \times 7^3 =$$

$$(e) P^3 \times P^5 \times P^2 =$$

2. ଦୁଇଟି ସମଘାତଙ୍କ ଘାତରାଶି ମଧ୍ୟରେ ଗୁଣନ ।

$$(a) \text{ ଯେପରି } 3^2 \times 5^2 = 3 \times 3 \times 5 \times 5 = (3 \times 5) \times (3 \times 5) = (3 \times 5)^2$$

ଡେଣ୍ଟ ଆମେ ଜାଣିଲେ $3^2 \times 5^2 = (3 \times 5)^2$

ସମଘାତଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତ ରାଶିମାନଙ୍କ ଗୁଣନ କଲାବେଳେ, ଆଧାରମାନଙ୍କ ଗୁଣପକ୍ଷ ଆଧାର ଓ ପୂର୍ବଘାତଙ୍କ ଘାତ ହୋଇଥାଏ ।

ସେହିପରି :

$$(b) 2^5 \times 3^5 =$$

$$(c) 5^4 \times 8^4 =$$

$$(d) a^3 \times b^3 =$$

$$(e) P^3 \times 2^3 \times 4^3 =$$

$$(f) a^n \times b^n =$$

3. (i) $2^5 \times 2^5 \times 3^{10}$ ଗୁଣପଳ ସ୍ଥିର କର ।

(ii) $25 \times 5^3 \times 125$ କୁ ଏକ ଘାତରାଶିରେତ ପରିଣତ କର ।

(iii) $10^5 \times 8^3 \times 1250$ କୁ ‘2’ ଆଧାର ଓ ‘5’ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତ ରାଶିର ଗୁଣନ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କର ।

4. ଦୁଇଟି ସମ ଆଧାର ଘାତରାଶି ମଧ୍ୟରେ ଭାଗକ୍ରିୟା ।

ଯେପରି

$$(a) 5^4 \div 5^2 = \frac{5 \times 5 \times 5 \times 5}{5 \times 5} = 5 \times 5 = 5^2 = 5^{4-2}$$

$$\text{ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ } 5^4 \div 5^2 = 5^{(4-2)} = 5^2$$

ସମ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତ ରାଶିମାନଙ୍କର ହରଣବେଳେ, ଭାଜ୍ୟର ଘାତରୁ ଭାଜକର ବା ଲବର ଘାତରୁ ହରଣ ଘାତ ବିଯୋଗ କରାଯାଏ ।

ସେହିପରି

$$(b) 3^5 \div 3^2 =$$

$$(c) 7^3 \div 7 =$$

$$(d) a^7 \div a^4 \quad \text{ଯେଉଁଠି } a \neq 0$$

5. ଗୋଟିଏ ଘାତରାଶିର ଘାତ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଯେପରି : (a) $(2^3)^2 = 2^3 \times 2^3 = 2^{(3+3)} = 2^{3 \times 2} = 2^6$

$$(b) (3^2)^4 = 3^2 \times 3^2 \times 3^2 \times 3^2 = 3^{(2+2+2+2)} = 3^{2 \times 4}$$

$$\text{ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ ଯେ } (3^2)^4 = 3^{2 \times 4} = 3^8$$

$$\text{ଏବଂ } (2^3)^2 = 3^{2 \times 2} = 2^6$$

ଘାତ ରାଶିର ଘାତ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କଲାବେଳେ, ଘାତଗୁଡ଼ିକ ଗୁଣନ କରାଯାଏ ।

ସେହିପରି :

(c) $(4^2)^3 =$

(d) $(5^5)^7 =$

(e) $(3^4)^4 =$

(f) $(a^2)^5 =$

(g) $(a^p)^2 =$

5. $\left(\frac{a^x}{a^y}\right) \times \left(\frac{a^y}{a^z}\right) \times \left(\frac{a^x}{a^z}\right)$ ଗୁଣପଳ ସ୍ଥିର କର ଯେଉଁଠି $a \neq 0$

6. $a \neq 0$ କୌଣସିରେ $\frac{a^x}{a^y} \times a^z$ କୁ ଘାତ ରାଶିରେ ପରିଣତ କର ।

7. ପ୍ରଶ୍ନ 5 ଓ 6 ରେ $a \neq 0$ ସର୍ବତ୍ର କାହିଁକି ଦିଆଯାଇଛି ?

8. $\frac{3^2 \times 10^5 \times 625}{5^3 \times 32}$ କୁ ସରଳ କର ।

9. 5432.1 ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରାମାଣିକ ରୂପ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- ◆ ଶିକ୍ଷକ ଆବଶ୍ୟକ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରି ବୀଜଗାଣିତିକ ପରିପ୍ରକାଶଗୁଡ଼ିକ କରାଇବେ ।
ଏବଂ ଘାତରାଶି ସମ୍ପର୍କିତ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

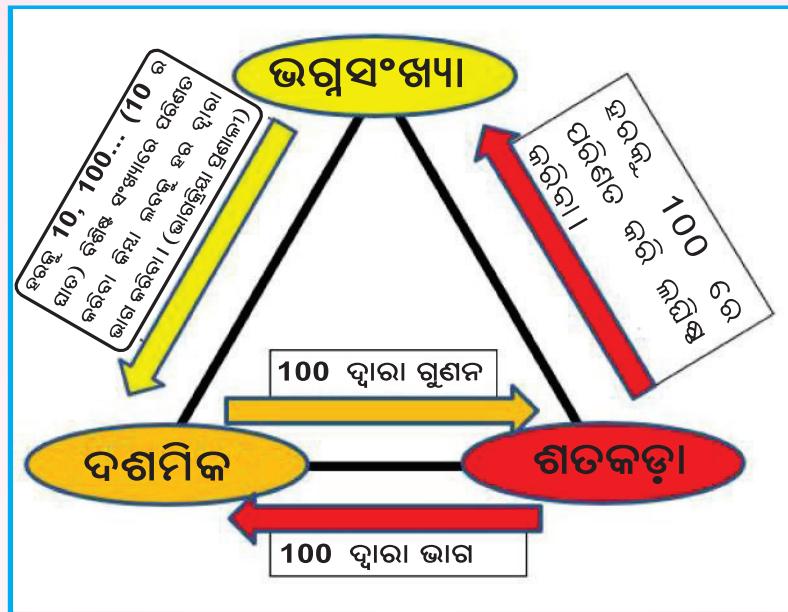
- ◆ ବୀଜଗାଣିତିକ ପରିପ୍ରକାଶ ସାରଣୀ
- ◆ ପରିସ୍ଥିତି ପର୍ଦ୍ଦ

ଫଳାଫଳ:

- ◆ ଶିକ୍ଷାର୍ଥୀ କାର୍ଯ୍ୟଫର୍ଦ୍ଦ-28 ରୁ 30
- ◆ ଦୈନନ୍ଦିନ ଜୀବନର ବିଭିନ୍ନ ଗାଣିତିକ ସମସ୍ୟାକୁ ଚଳରାଶି ମାଧ୍ୟମରେ ପରିପ୍ରକାଶ କରିବ ।
- ◆ ବିଭିନ୍ନ ଘାତରାଶିର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।
- ◆ ସ୍ଥାନୀୟମାନ ଅନୁସାରେ ସଂଖ୍ୟାଲିଖନ କରିବ ।
- ◆ ଘାତରାଶିମାନଙ୍କର ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କରିବ ।
- ◆ ଘାତରାଶିର ଘାତ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟଫଳ-୩୭

ଶତକଡ଼ାକୁ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଓ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ ।



- ସାରଣୀ ମଧ୍ୟରେ ଥୁବା ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା	ଦଶମିକ	ଶତକଡ଼ା
$\frac{1}{2}$		
$\frac{3}{4}$		
	0.6	
	0.25	
		10%
$\frac{7}{10}$		
	0.9	

2. ନିମ୍ନଲିଖିତ ଉକ୍ତିଗୁଡ଼ିକୁ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ଓ ଶତକଢ଼ାରେ ଲେଖିବା ।

ସେପରି:

ଉଳି	ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ	ଶତକଢ଼ାରେ
ପୁୟଲର ବାର୍ଷିକ ପରୀକ୍ଷାରେ ଗଣିତରେ 100 ରୁ 80 ନମ୍ବର ରହିଛି ।	$\frac{80}{100}$	80%
ଆମ ଗ୍ରାମରେ ମୋଟ ଲୋକ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ପୁରୁଷଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ପ୍ରତି 100 ଜଣରେ 60 ଜଣ ।	$\frac{60}{100}$	60%
ବ୍ୟାଙ୍କରେ ସୁଧର ହାର 100 ଟଙ୍କାରେ 12 ଟଙ୍କା ।		12%
ସୋନମ ପାଖରେ ଥିବା 100 ଟି ଖେଳଣାରୁ 40ଟି ଖେଳଣା ଭଜା ।		

3. ନିମ୍ନଲିଖିତ ଶତକଢ଼ାଗୁଡ଼ିକୁ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ଓ ଅନୁପାତରେ ପରିପ୍ରକାଶ କର ।

ଶତକଢ଼ାରେ	ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ	ଅନୁପାତରେ
30 %	$\frac{30}{100} = \frac{3}{10}$	3:10
45 %		
61 %		
75 %		
96 %		

4. ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପରିପ୍ରକାଶ କର ।

ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା	ଶତକଢ଼ାରେ
$\frac{2}{5}$	$\frac{2}{5} = \frac{2 \times 20}{5 \times 20} = \frac{40}{100} = 40\%$
$\frac{9}{10}$	
$\frac{20}{25}$	
$\frac{13}{50}$	

5. ଅନୁପାତଗୁଡ଼ିକୁ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଓ ଶତକଢ଼ାରେ ପରିପ୍ରକାଶ କର ।

ଅନୁପାତରେ	ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ	ଶତକଢ଼ାରେ
2:4	$\frac{2}{5} = \frac{2 \times 20}{5 \times 20} = \frac{40}{100}$	40 %
3:4		
6:10		
17:20		

6. ନିମ୍ନପ୍ରକାରରେ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପରିପ୍ରକାଶ କର ।

ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ବା ମିଶ୍ରସଂଖ୍ୟାରେ	ଶତକଢ଼ାରେ
$\frac{4}{5}$	$\left(\frac{4}{5} \times 100\right)\% = 80\%$
$\frac{9}{20}$	
$\frac{1}{4}$	
$\frac{2}{10}$	

କାର୍ଯ୍ୟଫଳ-୩୭

ଶତକଡ଼ାକୁ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଓ ଦଶମିକ
ସଂଖ୍ୟାରେ ପରି ବର୍ତ୍ତନ ସମ୍ବଲିତ
ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ ।

ଗଣିତ ପରୀକ୍ଷାର ମୋଟ ନମ୍ବର 100 ରୁ ଗୋବିନ୍ଦ ରଖିଛି 65 ନମ୍ବର । ଆମେ କହୁ ଗୋବିନ୍ଦ
ଗଣିତରେ 65% ନମ୍ବର ରଖିଛି ।

- ‘ଶତକଡ଼ା’ ଅର୍ଥ ‘ଶହେରୁ’ 1 । ଶତକଡ଼ାର ସଙ୍କେତ **%** ।

1.

- (a) ରାମପୁର ଗ୍ରାମରେ ମୋଟ 100 ଜଣ
ଲୋକଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ପୁରୁଷଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା 50 ଜଣ ।
ଡେବେ ସେହି ଗ୍ରାମରେ ମୋଟ
ଲୋକସଂଖ୍ୟାର କେତେ ଶତକଡ଼ା ପୁରୁଷ
ଅଟନ୍ତି ?
- (b) ଏକ ଚୋକେଇରେ ଥୁବା 100 ଟି ଆମ
ମଧ୍ୟରୁ ଶୁଭମ 30ଟି ଆମ ନେଇଗଲା ।
ଡେବେ ମୋଟର ଶତକଡ଼ା କେତେ ଆମ
ନେଇଗଲା ?
- (c) ସୋନମ 100 ଟି ଖେଳଶାରୁ 52 ଟି
ଖେଳଶା ଭାଙ୍ଗିଦେଲା ଡେବେ ସୋନମ
କେତେ ଶତକଡ଼ା ଖେଳଶା ଭାଙ୍ଗି ଦେଲା ?
- (d) ଏକ ବିଦ୍ୟାଳୟରେ ଗୋଟିଏ ଦିନ ଉପସ୍ଥିତ
ଥୁବା 100 ଜଣ ପିଲାଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ 85 ଜଣ
ମଧ୍ୟାହ୍ନ ଭୋଜନ ଖାଇଲେ, ଡେବେ ସେବିନ
ଉପସ୍ଥିତ ଥୁବା ପିଲାଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେତେ
ଶତକଡ଼ା ପିଲା ମଧ୍ୟାହ୍ନ ଭୋଜନ ଖାଇଲେ ?

(e) ନନ୍ଦପୁର ଗ୍ରାମର ମୋଟ ଗ୍ରାମବାସୀ 100 ଜଣ। ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ 60 ଜଣ ଲୋକ ସାକ୍ଷର, ତେବେ ନନ୍ଦପୁର ଗ୍ରାମର ଶତକଡ଼ା କେତେ ଲୋକ ସାକ୍ଷର ?

2. ଉଦାହରଣ: ହରି ଗଣିତରେ ମୋଟ 60 ନମ୍ବରରୁ 42 ନମ୍ବର ରଖିଲା। ତେବେ ସେ ଗଣିତରେ ଶତକଡ଼ା କେତେ ନମ୍ବର ରଖିଲା ?

ହରି ଗଣିତରେ ମୋଟ 60 ନମ୍ବରରୁ 42 ନମ୍ବର ରଖିଲା। ହରି ଗଣିତରେ ମୋଟ 1 ନମ୍ବରରୁ ରଖିଲା = $\frac{42}{60}$ ନମ୍ବର ତେବେ
ହରି ଗଣିତରେ 100 ନମ୍ବରରୁ ରଖିଲା =
 $\frac{42}{60} \times 100$ ନମ୍ବର = 70 ନମ୍ବର
. ହରି ଗଣିତରେ ଶତକଡ଼ା 70 ନମ୍ବର ରଖିଲା।

ଉଦାହରଣ ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର
ସମାଧାନ କର ।

(a) 80 ଟି ନଡ଼ିଆରୁ 20 ଟି ନଡ଼ିଆ ପଚିଯାଇଛି,
ତେବେ କେତେ ଶତକଡ଼ା ନଡ଼ିଆ ପଚିଯାଇଛି ?

(b) ଗୋଟିଏ ଶ୍ରେଣୀରେ 200 ଛାତ୍ରଛାତ୍ରୀଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ 80 ଜଣ ଛାତ୍ର ଅଛନ୍ତି । ତେବେ ଶ୍ରେଣୀରେ କେତେ ଶତକଡ଼ା । ଛାତ୍ର ଅଛନ୍ତି ?

(c) ମୀଳି ବରିଚାରେ ଲଗାଇଥିବା 50 ଟି ଗଛ ମଧ୍ୟରୁ 40 ଟି ଗଛ ବଞ୍ଚିଲା, ତେବେ ମୀଳି ଲଗାଇଥିବା କେତେ ଶତକଡ଼ା ଗଛ ବଞ୍ଚିଲା ?

3. 100 ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଡ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ଉଦ୍ଦାହରଣ	$\frac{4}{100} =$	100 ରୁ 4	ଶତକଡ଼ା 4	4 %
ସେହିପରି :	(a) $\frac{3}{100} =$			
	(b) $\frac{5}{100} =$			
	(c) $\frac{10}{100} =$			
	(d) $\frac{12}{100} =$			
	(e) $\frac{25}{100} =$			

(100 ହର ନଥ୍ବା ଭଗ୍ନ ସଂଖ୍ୟାରୁ ଶତକଡ଼ା)

4. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଶତକଡ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ଉଦ୍ଦାହରଣ : $\frac{8}{10} = \frac{8 \times 10}{10 \times 10} = \frac{80}{100} = 80\%$

ସେହିପରି :

(a) $\frac{5}{10} =$

(b) $\frac{10}{20} =$

(c) $\frac{14}{25} =$

(d) $\frac{9}{10} =$

(e) $\frac{20}{25} =$

ତୁମେ ଜାଣିଲାଁ : ହରକୁ 100 କରାଯାଇ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଡ଼ାରେ ପରିଣାତ କରାଯାଏ ।

5. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଶତକଡ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ଉଦ୍ଦାହରଣ

$$\frac{56}{200} = \frac{56 \div 2}{200 \div 2} = \frac{28}{100} = 28\%$$

(a) $\frac{38}{200} =$

(b) $\frac{124}{200} =$

(c) $\frac{130}{300} =$

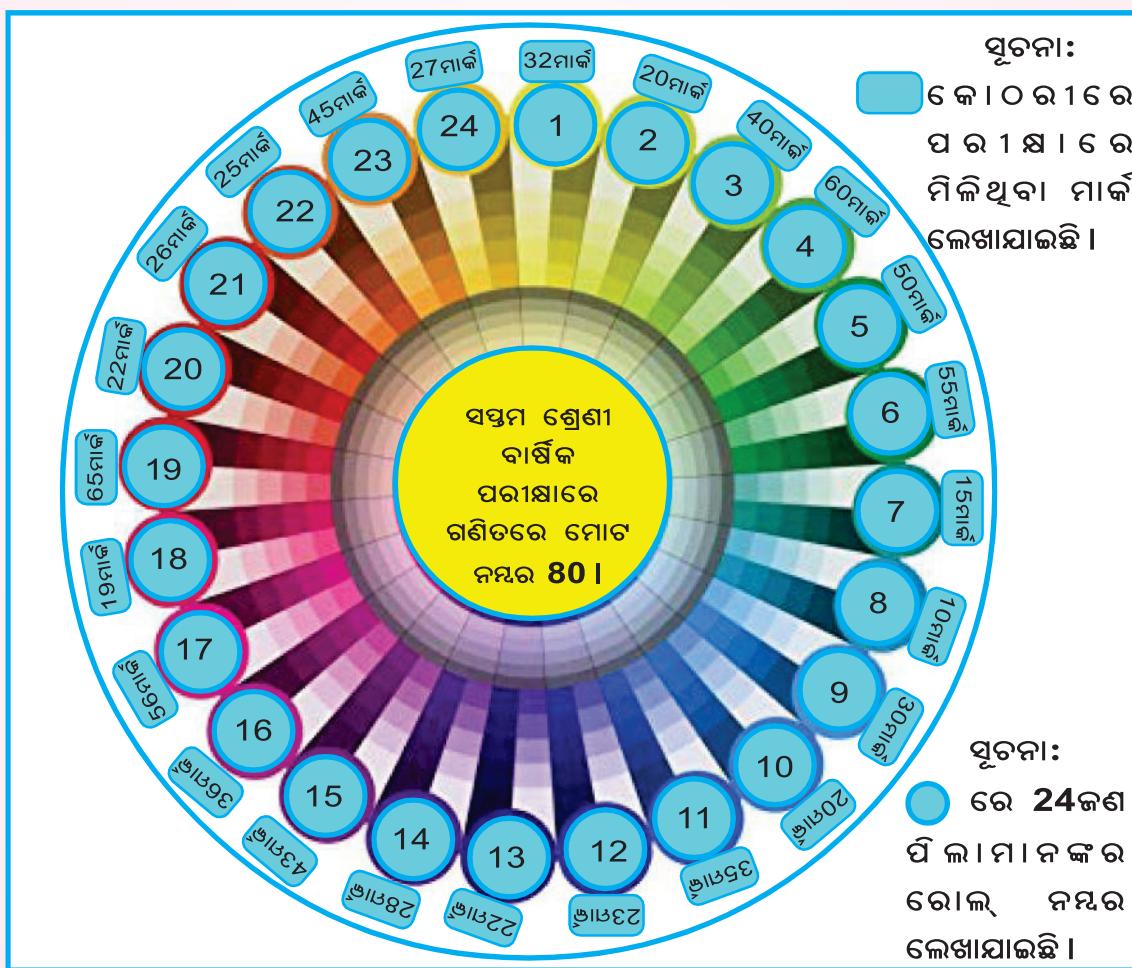
(d) $\frac{120}{400} =$

(e) $\frac{336}{800} =$

6. ନିମ୍ନ ସାରଣୀଟି ପୂରଣ କର ।

ଗୋଟିଏ ଗ୍ରାମର ମୋଟ ଲୋକ ସଂଖ୍ୟା	ସେ ଗ୍ରାମର ସାକ୍ଷର ଲୋକ ସଂଖ୍ୟା	ଶତକଢ଼ା ସାକ୍ଷର %
100	37	37 %
200	54	
300	84	
400	136	

7. ବାର୍ଷିକ ପରୀକ୍ଷାରେ ସମ୍ପୁର୍ଣ୍ଣ ଶ୍ରେଣୀର ଗଣିତରେ ମୋଟ 80 ନମ୍ବରରୁ 24 ଜଣ ଛାତ୍ରଛାତ୍ରୀଙ୍କର ମିଳିଥୁବା ମାର୍କ ଦିଆଯାଇଛି । ନିମ୍ନ ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।



30% ରୁ କମ୍ ନମ୍ବର ରଖୁଥୁବା ଛାତ୍ରଛାତ୍ରୀଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା =

30% ରୁ 50% ମଧ୍ୟରେ ନମ୍ବର ରଖୁଥୁବା ଛାତ୍ରଛାତ୍ରୀଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା =

50% ନମ୍ବରରୁ ଉର୍ଦ୍ଦ୍ଦୁ ରଖୁଥୁବା ଛାତ୍ରଛାତ୍ରୀଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା =

କାର୍ଯ୍ୟଘର-୩୩

ସରଳ ସୁଧ ହିସାବ କରିବା ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ
ଶତକଡ଼ା ଲାଭ/ କ୍ଷତି ଓ ସରଳ
ସୁଧହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।

ପରିସ୍ଥିତି-୧



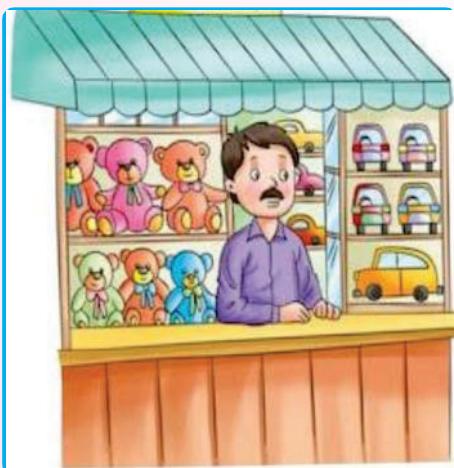
◆ ଜଣେ ଦୋକାନୀ ସେଓ କିଗ୍ରା ପ୍ରତି 30 ଟଙ୍କାରେ
କିଣି 50 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରିକଲା । କହିଲ ପିଲାମାନେ
ଦୋକାନୀର ଲାଭ ହେଲା କି କ୍ଷତି ହେଲା ?

◆ ଯଦି ଲାଭ ହେଲା କେତେ ଟଙ୍କା ଲାଭ ହେଲା ?

ଏଥରୁ ଜାଣିଲୁ ଯେ, ବିକ୍ରୟମୂଲ୍ୟ, କ୍ରୟମୂଲ୍ୟଠାରୁ ଅଧିକ ହେଲେ ଲାଭ ହୁଏ ।

ଅର୍ଥାତ୍ ଲାଭ = ବିକ୍ରୟମୂଲ୍ୟ - କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ

ପରିସ୍ଥିତି-୨



◆ ଜଣେ ଖେଳଣା ଦୋକାନୀ ଖେଳଣା ପ୍ରତି 20 ଟଙ୍କାରେ
କିଣି 15 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରି କଲା । କହିଲ ପିଲାମାନେ
ଦୋକାନୀର ଲାଭ ହେଲା କି କ୍ଷତି ହେଲା ?

◆ ଯଦି କ୍ଷତି ହେଲା ପ୍ରତି ଖେଳଣାରେ କେତେ ଟଙ୍କା କ୍ଷତି
ହେଲା ?

ସେହିପରି : କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ, ବିକ୍ରୟମୂଲ୍ୟଠାରୁ ଅଧିକ ହେଲେ କ୍ଷତି ହୁଏ ।

ଅର୍ଥାତ୍ : କ୍ଷତି = କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ - ବିକ୍ରୟମୂଲ୍ୟ

1. ନିମ୍ନପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକରେ ଲାଭ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଉଦାହରଣ : କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ = 40 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ = 50 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\text{ଲାଭ} &= \text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} - \text{କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ} \\ &= 50 \text{ ଟଙ୍କା} - 40 \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= 10 \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

(a) କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ = ଟ. 100.00, ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ = ଟ. 110.00

$$\text{ଲାଭ} =$$

(b) କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ = ଟ. 28.00, ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ = ଟ. 56.00

$$\text{ଲାଭ} =$$

(c) කුණුලය = ර. 71.00, විකුණුලය= ර. 130.00

ලාඡ =

(d) කුණුලය = ර. 89.00, විකුණුලය= ර. 119.00

ලාඡ =

(e) කුණුලය = ර. 95.00, විකුණුලය= ර. 115.00

ලාඡ =

2. ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକରେ କ୍ଷତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଉଦ୍ଦାହରଣ: କ୍ରୟାମ୍ବୂଲ୍ୟ = 50 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୟମ୍ବୂଲ୍ୟ = 40 ଟଙ୍କା।

$$\begin{aligned}\text{କ୍ଷତି} &= \text{କ୍ରୟାମ୍ବୂଲ୍ୟ} - \text{ବିକ୍ରୟମ୍ବୂଲ୍ୟ} \\&= 50 \text{ ଟଙ୍କା} - 40 \text{ ଟଙ୍କା} \\&= 10 \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

(a) କ୍ରୟାମ୍ବୂଲ୍ୟ = ଟ. 100.00, ବିକ୍ରୟମ୍ବୂଲ୍ୟ = ଟ. 80.00

$$\text{କ୍ଷତି} =$$

(b) କ୍ରୟାମ୍ବୂଲ୍ୟ = ଟ. 95.00, ବିକ୍ରୟମ୍ବୂଲ୍ୟ = ଟ. 87.00

$$\text{କ୍ଷତି} =$$

(c) କୁଷ୍ଟମୂଲ୍ୟ = ଟ. 150.00, ବିକୁଷ୍ଟମୂଲ୍ୟ= ଟ. 125.00

କ୍ଷତି =

(d) କୁଷ୍ଟମୂଲ୍ୟ = ଟ. 150.00, ବିକୁଷ୍ଟମୂଲ୍ୟ= ଟ. 125.00

କ୍ଷତି =

(e) କୁଷ୍ଟମୂଲ୍ୟ = ଟ. 220.00, ବିକୁଷ୍ଟମୂଲ୍ୟ= ଟ. 180.00

କ୍ଷତି =

ଉଦ୍‌ଦେହରଣା : 300 ଟ. ଦାମରେ ଗୋଟିଏ ବସ୍ତୁକୁ କିଣି 375 ଟ. ଦାମରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\text{ଲାଭ} = \text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} - \text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ}$$

$$= 375 \text{ ଟ.} - 300 \text{ ଟ.}$$

$$= 75 \text{ ଟ.}$$

300 ଟଙ୍କା କିଣାଦାମ୍ ବେଳେ ଲାଭ 75 ଟ.

$$1 \text{ ଟଙ୍କା କିଣାଦାମ୍ ବେଳେ ଲାଭ} = \frac{75}{300} \text{ ଟ.}$$

$$100 \text{ ଟଙ୍କା କିଣାଦାମ୍ ବେଳେ ଲାଭ} = \frac{75}{300} \times 100 = 25 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\therefore \text{ଶତକଡ଼ା ଲାଭ} = 25 = 25 \%$$

ଆମେ ଦେଖୁଲେ

$$\text{ଶତକଡ଼ା ଲାଭ} = \left(\frac{\text{ଲାଭ}}{\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ}} \times 100 \right) \%$$

3. ନିମ୍ନପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକରେ ଶତକଡ଼ା ଲାଭ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(a) କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ = 200 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ = 230 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ ଲାଭ} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \%\end{aligned}$$

(b) କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ = 120 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ = 150 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ ଲାଭ} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \%\end{aligned}$$

(c) କ୍ରୟମୂଳ୍ୟ = 80 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୟମୂଳ୍ୟ = 100 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned} \% \text{ ଲାଭ} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \% \end{aligned}$$

(କିଶାଦାମ୍ 100 ଟ. ନହୋଇ ଉଚ୍ଚ ହୋଇଥୁଲେ ଶତକଡ଼ା କ୍ଷତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ)

ଉଦାହରଣ : 200 ଟଙ୍କା ଦାମରେ ଗୋଟିଏ ବଞ୍ଚିକୁ କିଣି 180 ଟ. ଦାମରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\begin{aligned} \text{କ୍ଷତି} &= \text{କ୍ରୟମୂଳ୍ୟ} - \text{ବିକ୍ରୟ ମୂଳ୍ୟ} \\ &= 200 \text{ ଟ.} - 180 \text{ ଟ.} \\ &= 20 \text{ ଟ.} \end{aligned}$$

200 ଟଙ୍କା କିଶାଦାମବେଳେ କ୍ଷତି 20 ଟ.

$$1 \text{ ଟଙ୍କା କିଶାଦାମ ବେଳେ କ୍ଷତି} = \frac{20 \text{ ଟ.}}{200}$$

$$100 \text{ ଟଙ୍କା କିଶାଦାମ ବେଳେ କ୍ଷତି} = \frac{20 \text{ ଟ.}}{200} \times 100 \text{ ଟ.} = 10 \text{ ଟ.}$$

ଶତକଡ଼ା କ୍ଷତି 10 ଟଙ୍କା ବା 10%

ଆମେ ଦେଖୁଲେ :

$$\text{ଶତକଡ଼ା କ୍ଷତି} = \frac{\text{କ୍ଷତି}}{\text{କ୍ରୟମୂଳ୍ୟ}} \times 100$$

4. ନିମ୍ନପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକରେ ଶତକଡ଼ା କ୍ଷତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(a) କ୍ରୂଦ୍ଧମୂଲ୍ୟ = 300 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୀମୂଲ୍ୟ = 270 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ କ୍ଷତି} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\&= \boxed{} \%\end{aligned}$$

(b) କ୍ରୂଦ୍ଧମୂଲ୍ୟ = 220 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୀମୂଲ୍ୟ = 200 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ କ୍ଷତି} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\&= \boxed{} \%\end{aligned}$$

(c) କ୍ରୂଦ୍ଧମୂଲ୍ୟ = 140 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୀମୂଲ୍ୟ = 130 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ କ୍ଷତି} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\&= \boxed{} \%\end{aligned}$$

ଆমେ ଦେଖିଲେ:

$$\text{ଶତକଡ଼ା ଷତି} = \frac{\text{ଷତି}}{\text{କ୍ରୟମୂଳ୍ୟ}} \times 100$$

5. ନିମ୍ନପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକରେ ଶତକଡ଼ା ଷତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(a) କ୍ରୟମୂଳ୍ୟ = 300 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୟମୂଳ୍ୟ = 270 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ ଷତି} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \%\end{aligned}$$

(b) କ୍ରୟମୂଳ୍ୟ = 220 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୟମୂଳ୍ୟ = 200 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ ଷତି} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \%\end{aligned}$$

(c) କ୍ରୟମୂଳ୍ୟ = 140 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୟମୂଳ୍ୟ = 130 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ ଷତି} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \%\end{aligned}$$

କାର୍ଯ୍ୟଫଳ-୩ଠ

ଦିଆଯାଇଥିବା ବିଶିଷ୍ଟ ପରିସ୍ଥିତିକୁ ବ୍ୟାପକୀକରଣ କରିବା ପାଇଁ ଚଳରାଶି ଓ ଗାଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବ୍ୟବହାର କରିବା । (ସଲଖ ଚଳନ)



ପରିସ୍ଥିତି-1 ରେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଧର୍ଷ ସମୟରେ ଖୁଣ୍ଡର ଉଜତା 6 ସେ.ମି ବେଳେ ଏହାର ଛାଇର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 4 ସେ.ମି

ପରିସ୍ଥିତି-2ରେ ସେହି ସମୟରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଖୁଣ୍ଡର ଉଜତା 3 ସେ.ମି ବେଳେ ଏହାର ଛାଇର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 2 ସେ.ମି

ଏବେ ପିଲାମାନେ ଉତ୍ସମ୍ଭବ ପରିସ୍ଥିତିକୁ ଦେଖିଲା ପରେ ଜାଣିଲ ଯେ, ଦିନର ଏକ ନିର୍ଦ୍ଧର୍ଷ ସମୟରେ ପ୍ରଥମ ପରିସ୍ଥିତିରେ ଖୁଣ୍ଡର ଉଜତା 6 ସେ.ମି ବେଳେ ଏହାର ଛାଇର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 4 ସେ.ମି କିନ୍ତୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ପରିସ୍ଥିତିରେ ଖୁଣ୍ଡର ଉଜତା 3 ସେ.ମି ବେଳେ ଏହାର ଛାଇର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 2 ସେ.ମି ଅର୍ଥାତ୍ ଖୁଣ୍ଡର ଉଜତା ବୃଦ୍ଧି ପାଇଲା ବେଳେ ଛାଇର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ମଧ୍ୟ ବୃଦ୍ଧି ପାଉଛି । ତେବେ ଏହି ପ୍ରକାର ଚଳନକୁ ଆମେ ସଲଖ ଚଳନ ବୋଲି କହିପାରିବା ।

ଅନ୍ୟ ଅର୍ଥରେ କହିଲେ ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ମଧ୍ୟରେ ଗୋଟିକର କୌଣସି ବୃଦ୍ଧି ବା ହ୍ରାସ ଘଟିଲେ ଅନ୍ୟଟିର ସମାନୁପାତିକ ହାରରେ ବୃଦ୍ଧି ବା ହ୍ରାସ ଘଟେ । ତେବେ ଏହି ଦୁଇ ଚଳରାଶି ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସଂପର୍କକୁ ଆମେ ସଲଖ ସଲନ ବୋଲି କହିଥାଉ ।

**x ଓ y ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ।
x \propto y ଅର୍ଥାତ୍ x = ky (k ଏକ ଧୂବକ ରାଶି)**

$$\text{ବା } k = \frac{x}{y}$$

$$\text{ଏହାର ସୂଚ୍ରଟି ହେଲା } \frac{x_1}{y_1} = \frac{x_2}{y_2}$$

ଉଦ୍‌ବାହିରଣ-1

ଗୋଟିଏ ଖାତାର ଦାମ୍ 12 ଟଙ୍କା।

$$\Rightarrow 5 \text{ ଟଙ୍କା } \text{ ଖାତାର ଦାମ୍ } 12 \times 5 = 60 \text{ ଟଙ୍କା।}$$

$$\Rightarrow 10 \text{ ଟଙ୍କା } \text{ ଖାତାର ଦାମ୍ } 12 \times 10 = 120 \text{ ଟଙ୍କା।}$$

ଖାତା ସଂଖ୍ୟା (x)	$x_1 = 1$	$x_2 = 5$	$x_3 = 10$
ଖାତାର ମୂଲ୍ୟ ଟଙ୍କାରେ (y)	$y_1 = 12$	$y_2 = 60$	$y_3 = 120$

$$\therefore \frac{x_1}{y_1} = \frac{x_2}{y_2} = \frac{x_3}{y_3}$$

ଏଠାରେ $x \propto y$

$$\therefore \frac{x_1}{y_1} = \frac{x_2}{y_2} = \frac{x_3}{y_3}$$

ଉଦ୍‌ବାହିରଣ-2

ଗୋଟିଏ ସେଓର ଓଜନ = 150 ଗ୍ରାମ

5ଟି ସେଓର ଓଜନ = 850 ଗ୍ରାମ

6ଟି ସେଓର ଓଜନ = 960 ଗ୍ରାମ

ସେଓର ସଂଖ୍ୟା (x)	$x_1 = 1$	$x_2 = 5$	$x_3 = 6$
ଓଜନ (y) କି.ଗ୍ରାମେ	$y_1 = 150$	$y_2 = 850$	$y_3 = 960$

$$\frac{x_1}{y_1} = \frac{1}{150}, \frac{x_2}{y_2} = \frac{5}{850} = \frac{1}{170}, \frac{x_3}{y_3} = \frac{6}{960} = \frac{1}{160}$$

ଉପରୋକ୍ତ ଦୂଇଟି ଉଦାହରଣରୁ ତୁମେ କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କଲ ?

୧ମ ଉଦାହରଣରେ ଖାତା ସଂଖ୍ୟା ଯେତେ ଗୁଣ, ତା'ର ମୂଲ୍ୟ ମଧ୍ୟ ସେତିକି ଗୁଣ ହେଉଛି ।

ଯଥା ଖାତା 2 ରୁ ହେଲା 10, ଦାମ ଥିଲା 60ରୁ 120 ।

ଖାତା ସଂଖ୍ୟା 2 ଗୁଣ ହେଲେ ତା'ର ମୂଲ୍ୟ ମଧ୍ୟ ଦୂଇଗୁଣ ହେଉଛି । ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ (ଖାତା ସଂଖ୍ୟା ଓ ମୂଲ୍ୟ) ମଧ୍ୟରେ ସଳଖ ଚଳନ ସମ୍ଭବ ରହୁଛି ।

କିନ୍ତୁ 2ୟ ଉଦାହରଣରେ ତାହା ଘରୁନାହିଁ ଏଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଚଳ ମଧ୍ୟରେ ସଳଖ ଚଳନ ଘରୁ ନାହିଁ ।

ଉଦାହରଣ-3

7 କିଲୋ ଚିନିର ଦାମ 280 ଟଙ୍କା

9 କିଲୋ ଚିନିର ଦାମ କେତେ

ଚିନିର ପରିମାଣ (x)	$x_1 = 7$	$x_1 = 9$
ଚିନିର ମୂଲ୍ୟ (y)	$y_1 = 280$	$y_2 = ?$

ଏଠାରେ ସଳଖ ଚଳନ ଘରୁଛି

$$\text{ଡେଣ୍ଟ } \frac{x_1}{y_1} = \frac{x_2}{y_2} = \frac{7}{28} = \frac{9}{y_2}$$

$$\Rightarrow y_2 = \frac{9 \times 280}{7} = 360 \text{ ଟଙ୍କା}$$

1. 1ବନ୍ଧୁ ସିମେଣ୍ଟ୍‌ର ଦାମ 1050 ଟଙ୍କା ହେଲେ
2ବନ୍ଧୁ ସିମେଣ୍ଟ୍‌ର ଦାମ କେତେ ?

2. 5ଟି ଖେଳନାର ଦାମ 375 ଟଙ୍କା
ହେଲେ ସେହିଭଳି 7ଟି ଖେଳନାର ଦାମ
କେତେ ହେବ ?

3. ଗୋଟିଏ ବିଦ୍ୟାଳୟର ଷ୍ଟର ଶ୍ରେଣୀରେ
ପଢୁଥିବା 30 ଜଣ ଛାତ୍ରୀଙ୍କ ଲାଗି
ପୋଷାକ ତିଆରି ଲାଗି କପଡ଼ା କିଣିବା
ଖର୍ଚ୍ଚ 2100 ଟଙ୍କା ହେଲେ, ତେବେ 7ମୀ
ଶ୍ରେଣୀରେ ପଢୁଥିବା 22 ଜଣ ଛାତ୍ରୀଙ୍କ
ଲାଗି ପୋଷାକ ତିଆରି ପାଇଁ କେତେ ଟଙ୍କା

କାର୍ଯ୍ୟପରିକାର-୩୪

ଦିଆଯାଇଥିବା ବିଶିଷ୍ଟ ପରିସ୍ଥିତିକୁ
ବ୍ୟାପକୀକରଣ କରିବା ପାଇଁ ଚଳରାଶି
ଓ ଗାଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବ୍ୟବହାର
କରିବା (ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ)



2 ଜଣ ଲୋକ ଗୋଟିଏ
କାମକୁ 4 ଦିନରେ କରନ୍ତି ।
ଅର୍ଥାତ୍ ଲୋକସଂଖ୍ୟା = 2
ଦିନ ସଂଖ୍ୟା = 4

1 ଜଣ ଲୋକ ସେହି
କାମକୁ $2 \times 4 = 8$
ଦିନରେ କରନ୍ତି ।
ଅର୍ଥାତ୍ ଲୋକସଂଖ୍ୟା = 1
ଦିନ ସଂଖ୍ୟା = 8

4 ଜଣ ଲୋକ ସେହି କାମକୁ
 $8 \div 4 = 2$ ଦିନରେ କରନ୍ତି ।
ଅର୍ଥାତ୍ ଲୋକସଂଖ୍ୟା = 4
ଦିନ ସଂଖ୍ୟା = 2

ପରିସ୍ଥିତି-1

ପରିସ୍ଥିତି-2

ଲୋକସଂଖ୍ୟା ହ୍ରାସ ସହ ଦିନ ସଂଖ୍ୟା
(ସମୟ) ବୃଦ୍ଧି ହେଉଛି ।

ଲୋକସଂଖ୍ୟା ବୃଦ୍ଧି ସହ ଦିନ ସଂଖ୍ୟା
(ସମୟ) ହ୍ରାସ ହେଉଛି ।

ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ

ଅନ୍ୟ ଅର୍ଥରେ ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ମଧ୍ୟରେ ଯଦି ଗୋଟିକର
କୌଣସି ବୃଦ୍ଧି / ହ୍ରାସ ହେଲେ ଅନ୍ୟଟିର ସମାନ୍ୟପାତିକ
ହାରରେ ହ୍ରାସ / ବୃଦ୍ଧି ହୁଏ ତେବେ ଏହି ଚଳରାଶି ଦ୍ୱୟ
ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସଂପର୍କକୁ ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ କହିଥାଉ ।
ଯଦି x ଓ y ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ହୁଏ ।

$$x \propto \frac{1}{y} \Rightarrow x_1 y_1 = x_2 y_2$$

- ଗୋଟିଏ ବସ ଭୁବନେଶ୍ୱରରୁ ମାଲକାନାଗିରି ଯିବା ପାଇଁ ଘଣ୍ଟାପ୍ରତି 80 କି.ମି ବେଗରେ
ଗଲେ 3 ଘଣ୍ଟା ସମୟ ନିଏ । ତେବେ ଘଣ୍ଟାପ୍ରତି 60 କି.ମି ବେଗରେ ଗଲେ କେତେ ଘଣ୍ଟା
ସମୟ ଲାଗିବ ।

ଘଣ୍ଟାପ୍ରତି ବେଗ (X)	$x_1 = 80$	$x_2 = 60$
ସମୟ (y)	$y_1 = 3$	$y_2 = ?$

- ଧଳବାବୁ ତାଙ୍କ ଘରୁ ଅଫିସକୁ 40 କି.ମି ବେଗରେ ସୁଚରରେ ଗଲେ 2 ଘଣ୍ଟା ସମୟ ଲାଗେ । ଯଦି ସେ 50 କି.ମି ବେଗରେ ସୁଚରରେ ଅଫିସକୁ ଯିବେ ତେବେ ତାଙ୍କୁ କେତେ ଘଣ୍ଟା ସମୟ ଲାଗିବ । ?
- ଗୋଟିଏ ଚକୋଲେଟ୍ ଡବାରେ 50 ଟି ଚକୋଲେଟ୍ ରଖିଲେ ସମୂଦ୍ରାୟ ଚକୋଲେଟ୍ ରଖିବା ପାଇଁ 25 ଟି ଡବା ଦରକାର । ସବୁଡ଼କ ଚକୋଲେଟକୁ 64 ଟି ଡବାରେ ରଖିଲେ, ପ୍ରତି ଡବାରେ କେତୋଟି ଚକୋଲେଟ୍ ରହିବ । ?
- ଗୋଟିଏ ପାଣିଟାଙ୍କିରେ 3 ଟି ପାଇପ ଦ୍ୱାରା 40 ମିନିଟ୍‌ରେ ପୂର୍ଣ୍ଣ ହୁଏ । କେତୋଟି ପାଇପ ଦ୍ୱାରା ଏହି ପାଣି ଟାଙ୍କିରେ 50 ମିନିଟ୍‌ରେ ପୂର୍ଣ୍ଣ ହେବ ।

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୂଚନା

- ◆ ଶିକ୍ଷକ ଆବଶ୍ୟକ ପରିସ୍ଥିତି ଫର୍ଦ୍ଦ ବା ଉଦ୍‌ଦ୍ୱାରା ମାଧ୍ୟମରେ ଶତକଡ଼ା ଲାଭ / କ୍ଷତି, ଶତକନା ଲାଭ / କ୍ଷତି, ଚଳନ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଦୈନିକ ଘଟଣା ଆଧାରିତ ସରଳ ସମସ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକ ସମାଧାନ କରାଇବେ । ଆବଶ୍ୟକ ସ୍ଥଳେ ପରିସ୍ଥିତି ଫର୍ଦ୍ଦ ବଦଳାଇ ଧାରଣାକୁ ଦୃଢ଼ୀଭୂତ କରିବେ ।

ଶିକ୍ଷଣମାମଗ୍ରୀ:

- ◆ ପରିସ୍ଥିତି ଫର୍ଦ୍ଦ, ପ୍ରଶ୍ନ ବ୍ୟାଙ୍କ

ଫଳାଫଳ:

- ◆ କାର୍ଯ୍ୟଫର୍ଦ୍ଦ - 30 ରୁ 35 କଲେ-
- ◆ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଡ଼ାରେ ଏବଂ ଭାଇସ୍ ଭରସା ପ୍ରକାଶ କରିବ ।
- ◆ ବିଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତିକୁ ଶତକଡ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବ ।
- ◆ ଲାଭ, କ୍ଷତି ଓ ଶତକଡ଼ା ଲାଭକ୍ଷତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।
- ◆ ସଲଖଚଳନ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ସମସ୍ୟା ସମାଧାନ କରିବ ।
- ◆ ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ସମସ୍ୟା ସମାଧାନ କରିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍ଷ-୩୭

ଆକଳନ ପର୍ଦ୍ଦ-2

9. $\frac{4}{5} = \boxed{\quad}$?

10. 15% කු ඔග්‍රස්ජයා රුපරේ ප්‍රකාශ කලේ නිමුෂු මත්‍ර කෙළේ ඇති ?

11. 5 අක 2 ද්‍රාන්ග්‍රැම 8 ග්‍රාන්ග්‍රැම විශිෂ්ට ස්ථානයාටි කියා ?

12. $3.5 + 0.45 = \boxed{\quad}$?

13. $4.5 \times 2.3 = \boxed{\quad}$?

- (a) 23.45 (b) (c) 54.32 (d) 23.54

14. පාර්ශ්ව තිතුරේ $\angle AOC$ $\angle BOC$ ට දුර පර්‍යාගුරු කෙළේ ප්‍රකාශ කොණ ?

- (a) අනුපුරක (b) පරිපුරක (c) පරිපුරක (d) ඔහු තුළ 'B' ට 'C'

15. $50^{\circ} 50' 50''$ ර අනුපුරක කොණටිර පරිමා කෙටෙ ?

- (a) (b) (c) (d)

16. අක ආයුත්‍රිත දේශීය 'l' අකක ට ප්‍රස්ථා 'b' අකක හෝලේ අහාර පරිසාමා කෙටෙ ?

- (a) $l \times b$ අකක (b) $(l + b)$ අකක (c) $2l \times b$ අකක (d) $2(l + b)$ අකක

17. $\left\{ \left(a^x \right)^y \right\}^z = \boxed{\quad}$?

- (a) a^{xyz} (b) $a+x+y+z$ (c) a^{xyz} (d) $(ax)^{yz}$

18. 512 කු මොළික ආධාර විශිෂ්ට යාම රාශ්‍රී ප්‍රකාශ කර !

- (a) 9^2 (b) 5^{12} (c) 51^2 (d) 2^9

19. $(12345)^0 = \boxed{\quad}$?

- (a) 0 (b) 1 (c) 12345 (d) 54321

20. 15 එක එරෙහි පර්‍යාගුරු ව්‍යාපෘති කෙටොටි බිඳුරේ ශේද කරිබේ ?

- (a) 105 (b) 120 (c) 1 (d) 15

**ବର୍ଷର ଅବଶିଷ୍ଟାଂଶ
ସମୟ ଲାଗି ଶିକ୍ଷଣ କାର୍ଯ୍ୟ**

**Practice worksheets for
Rest of the Year**

ସୂଚୀପତ୍ର

କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟା	ଶିକ୍ଷଣ ଫଳାପଳ	କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧ କ୍ରମିକ ନଂ	ଶ୍ରେଣୀ ପାଠ୍ୟ ପୁସ୍ତକ ସଂପର୍କିତ ପ୍ରସଙ୍ଗ / ପାଠ	ପୃଷ୍ଠା
1	ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ ସହିତ ସମସ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କରିବ ।	1, 2	7ମ ଓ 6ୟ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା	144-152
2	ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କରିବ ।	3	7ମ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା	153-156
3	ଉଗ୍ରାଂଶ ଓ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଧାରଣା ଆହରଣ କରିବ ଓ ଏକ ସମ୍ପର ଆଂଶକୁ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବ ।	4	7ମ ଉଗ୍ରାଂଶ ଓ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା	157-161
4	ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା / ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଗ ଓ ଫେଡ଼ାଶ ସମ୍ବଲିତ ଦୈନିକିନ ଜୀବନ ଘଟଣା ଆଧାରିତ ସରଳ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ ।	5	7ମ ଉଗ୍ରାଂଶ ଓ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା	162-163
5	ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାରେ ମିଶାଣ, ଫେଡ଼ାଶ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣର ଧର୍ମଗୁଡ଼ିକୁ ସାଧାରଣୀକରଣ କରିବା	6, 7	7ମ ଓ 8ମ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟା	164-170
6	ଆକଳନପଦ୍ଧ - 03	8		171-172
7	ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା / ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କରିବା ପାଇଁ କଳନବିଧିକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବ ।	9	7ମ, ଉଗ୍ରାଂଶ ଓ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା	173-176
8	ଦିମାତ୍ରିକ ଆକୃତି ସଂପର୍କରେ ଛୁଟିବ ଏବଂ ଧାର, ଶୀର୍ଷ ଓ କର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବୁଝାଇବ ।	10	6 ଷ - ଜ୍ୟାମିତିର ମୌଳିକ ଧାରଣା	177-178
9	ଜ୍ୟାମିତିକ ଧାରଣା ଯଥା - ରେଖା, ରେଖାଖଣ୍ଡ, ଆବର୍ତ୍ତ ଚିତ୍ର କୋଣ ତ୍ରିଭୁଜ, ଚତ୍ରଭୁଜ, ବୃତ୍ତ ଇତ୍ୟାଦିକୁ ନିଜ ପରିବେଶର ଉଦାହରଣ ନେଇ ବର୍ଣ୍ଣନା କର ।	11	7 ମ ତ୍ରିଭୁଜର ଧର୍ମ	179-180
10	କୋଣ ଓ ବାହୁର ମାପ ଅନୁଯାୟୀ ତ୍ରିଭୁଜମାନଙ୍କୁ କର୍ଣ୍ଣାକରଣ କରିବ ।	12	7 ମ - ତ୍ରିଭୁଜର ଧର୍ମ	181-182

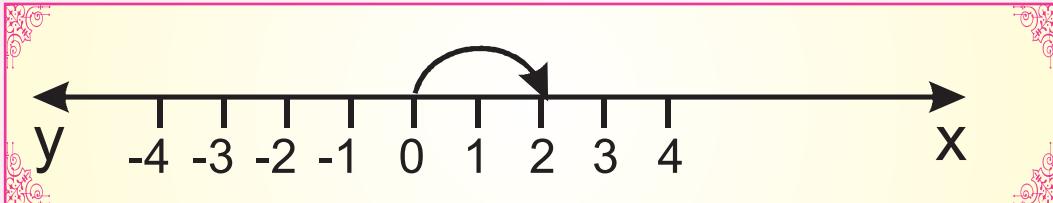
ସୂଚୀପତ୍ର

କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟା	ଶିକ୍ଷଣ ଫଳାଫଳ	କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି କ୍ରମିକ ନଂ	ଶ୍ରେଣୀ ପାଠ୍ୟ ପୁସ୍ତକ ସଂପର୍କିତ ପ୍ରସଙ୍ଗ / ପାଠ	ପୃଷ୍ଠା
11	ଧର୍ମ ଆଧାରରେ କୋଣ ଯୋଡ଼ାକୁ ବର୍ଗୀକରଣ କରିବ, ଯେପରିକି ପ୍ରତୀପ କୋଣ, ସନ୍ଧିହିତ କୋଣ, ଅନୁପୁରକ ଓ ପରିପୁରକ କୋଣ ଯୋଡ଼ା, ଏକାନ୍ତର ଓ ଅନୁରୂପ କୋଣ ଏବଂ ଗୋଟିଏ କୋଣର ପରିମାଣ ଦର ଥୁଲେ ଅନ୍ୟଟିର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ।	13,14	7ମ ମୌଳିକ ଜ୍ୟାମିତିକ ଚିତ୍ର	183-187
12	ଆକଳନପଦ୍ଧତି - 04	15		188-189
13	ଦିଆଯାଇଥବବା ନିର୍ଭିକ ପରିସ୍ଥିତି କୁ ବ୍ୟାପକୀକରଣ କରିବା ପାଇଁ ଚଳରାଶି ଓ ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବ୍ୟବହାର କରିବ।	16,17	7ମ ଘାତାଙ୍କ ଓ ଘାତରାଶି	190-191
14	ବୀଜଗାଣିତିକ ପରିପ୍ରକାଶ ଗୁଡ଼ିକର ଯୋଗ/ ଫେଡ଼ାଣ କରିବ।	18	7ମ - ଘାତାଙ୍କ ଓ ଘାତରାଶି	192-193
15	ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା ଘାତାଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କରିବ।	19	8ମ ଘାତାଙ୍କ ଓ ଘାତରାଶି	194-197
16	ଆକଳନପଦ୍ଧତି - 05	20		198-199
17	ସରଳ ସୁଧ ହିସାବ କରିବା ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ଶତକନୀ ଲାଭକ୍ଷତି ଓ ସରଳ ସୁଧହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ।	21,22	7ମ ଓ 8ମ ବ୍ୟବହାରିକ ଗଣିତ	200-214
18	ସଳଖ ଓ ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ ସଂକ୍ରାନ୍ତୀୟ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ।	23,24	6ମ, 7ମ ଓ 8ମ ଚଳନ	215-218
19	ସରଳ ଜ୍ୟାମିତିକ ଅକୃତିର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ଓ ପରିସାମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ।	25	ପରିସାମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ	219-221
20	ବର୍ଣ୍ଣକ୍ଷେତ୍ର ଓ ଆୟତ କ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ।	26	ପରିମିତି (ପରାସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ)	222-226
21	ବୁଝୁଭୁଜରକ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ।	27	ପରିମିତି (ପରାସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ)	227-229
22	ଆକଳନପଦ୍ଧତି - 06	28		230-234

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍ତ୍ତ-୧

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ ସମ୍ପର୍କରେ ସମସ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କରିବ।

ଉଦାହରଣ :- ସଂଖ୍ୟା ରେଖାର $+2$ ସ୍ଥାନ ଚିହ୍ନାଥିଲା।



1. : ସେହିପରି $4, -2$ ଓ -3 ଉପରୋକ୍ତ ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ ଚିହ୍ନଗୁଡ଼ିକ କର ।

2. : ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନରେ ଉପର୍ଯୁକ୍ତ ବୃଦ୍ଧତର ($>$) କିମ୍ବା କ୍ଷୁଦ୍ରତର ($<$) ଚିହ୍ନ ବ୍ୟବହାର କର ।

ଉଦାହରଣ $5 > 2$

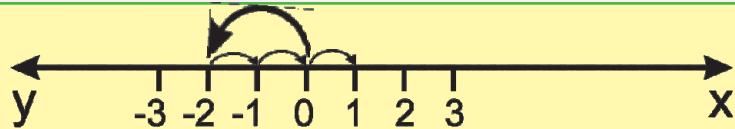
- | | | | |
|------------------|------------------------|-----------------------|------------------------|
| i. $2 \square 1$ | (ii) $2 \square -2$ | (iii) $0 \square -5$ | (iv) $-5 \square +2$ |
| v. $5 \square 7$ | (vi) $-17 \square -11$ | (vii) $-6 \square +5$ | (viii) $29 \square 19$ |

ପ୍ରଶ୍ନ - 3: ସାନ ସଂଖ୍ୟା ଉପରେ ଗୋଲ ବୁଲାଅ ।

ଉଦାହରଣ : $2, ①$

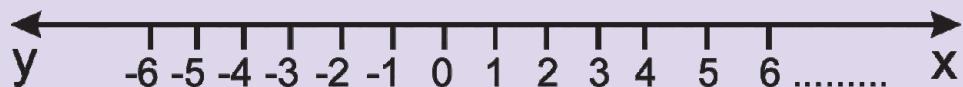
- | | | | |
|-------------|---------------|-----------------|----------------|
| (i) $-6, 0$ | (ii) $7, -6$ | (iii) $-15, 15$ | (iv) $12, 0$ |
| (v) $-3, 6$ | (vi) $42, 10$ | (vii) $8, -16$ | (viii) $2, -2$ |

4.(a) (-2) ଓ 3 ର ଯୋଗପଳକୁ ସଂଖ୍ୟା ରେଖା ସାହାଯ୍ୟରେ ଦର୍ଶାଅ ଓ ଉତ୍ତର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



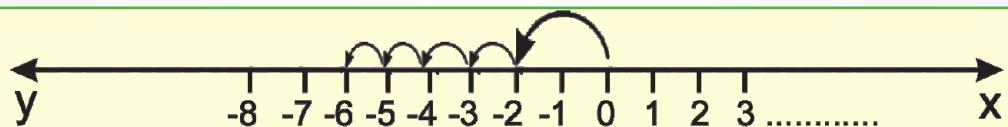
$$\therefore (-2) + 3 = 1$$

(b) (-5) ଓ 7 ର ଯୋଗପଳକୁ ସଂଖ୍ୟା ରେଖା ସାହାଯ୍ୟରେ ଦର୍ଶାଅ ଏବଂ ଉତ୍ତର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



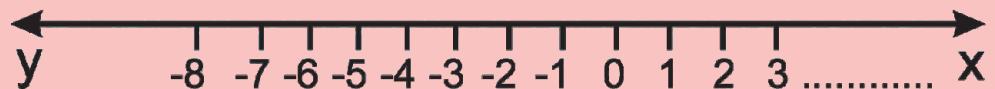
$$-5+7 = \boxed{}$$

5.(a) (-2) ରୁ 4 ର ବିଯୋଗପଳକୁ ସଂଖ୍ୟା ରେଖା ସାହାଯ୍ୟରେ ଦର୍ଶାଅ ଏବଂ ଉତ୍ତର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



$$\therefore (-2) - 4 = -6$$

(b) (-5) ରୁ 2 ର ବିଯୋଗପଳକୁ ସଂଖ୍ୟା ରେଖା ସାହାଯ୍ୟରେ ଦର୍ଶାଅ ଏବଂ ଉତ୍ତର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



$$(-5)-2 = \boxed{}$$

6. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱୟର ଯୋଗପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

- ସେପରି (a) $(-2) + 3 = 1$
 (b) $(-2) + (-3) = -1$
 (c) $(-5) + (-3) = -8$
 ସେହିପରି (d) $(-11) + 7 = \boxed{}$
 (e) $(-5) + (-9) = \boxed{}$
 (f) $(12) + (-8) = \boxed{}$

7. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱୟର ବିଯୋଗପଳ କ୍ଷୁର କର।

ସେପରି	(a) $(-2) - 4 = -6$
	(b) $(-3) - (-5) = (-3) + 5 = 2$
	(c) $7 - (-3) = 7 + 3 = 10$
ସେହିପରି	(d) $(-11) - 9 = \boxed{}$
	(e) $(-19) - (-12) = \boxed{} +$
	$\boxed{} = \boxed{}$
	(f) $17 - (-8) = \boxed{} +$
	$\boxed{} = \boxed{}$

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୂଚନା	
$1 + 3 = 4$	$(-4) + 3 = -1$
$0 + 3 = 3$	$(-4) + 2 = -2$
$(-1) + 3 = 2$	$(-4) + 1 = -3$
$(-2) + 3 = 1$	$(-4) + 0 = -4$
$(-3) + 3 = 0$	$(-4) - 1 = -5$
$(-4) + 3 = -1$	$(-4) + (-1) = -5$
$1 + 3 = 4$	$(-4) + (-3) = -7$
$1 + 2 = 3$	
$1 + 1 = 2$	

ଜାଣିରଖ : ଏକ ରଣାମ୍ବକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗ କରିବା ବେଳେ ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାକୁ ନେଇ ବିଯୋଗ କରିବା $(+2) + (-3) = (+2) - (+3) = 2 - 3 = -1$
ଏକ ରଣାମ୍ବକ ସଂଖ୍ୟା ବିଯୋଗ କରିବା ପାଇଁ ତାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗ କରିବାକୁ ହୁଏ । $(+3) - (-2) = (+3) + (+2) = 3 + 2 = 5$

(a) ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବିଭିନ୍ନ ଧର୍ମ

- ସଂବୃତି ନିୟମ :-

$$(-2) + (-5) = -7$$

$$5 + (-2) = 3, (-4) + 3 = -1$$

$\therefore a$ ଓ b ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ, $a+b$ ମଧ୍ୟ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେବ ଅର୍ଥାତ୍ ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗପଳ ମଧ୍ୟ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେବ ।

- କ୍ରମବିନିମୟ 1 ନିୟମ :-

$$(-3) + (-8) = (-8) + (-3) = -11$$

$$4 + (-5) = (-5) + 4 = -1$$

a ଓ b দুইটি পূর্ণসংখ্যা হেলে

$$\therefore a+b = b+a$$

অর্থাৎ পূর্ণসংখ্যারে যোগক্রিয়া ক্রমবিনিময় নিয়ম পালন করে।

ঝ সহযোগী নিয়ম :-

$$4 + (2+5) = (4+2) + 5$$

$4 + 7 = 6 + 5$

$11 = 11$

a, b ଓ c তিনোটি পূর্ণসংখ্যা হেলে

$$a + (b+c) = (a+b) + c$$

অর্থাৎ পূর্ণসংখ্যা ক্ষেত্রে যোগক্রিয়া সহযোগী নিয়ম পালন করে।

8. পরীক্ষা কর।

(i) $\{2+(-3)\} + 5 = 2+\{(-3)+5\}$

(ii) $\{(-11)+((-6)\}+(-5) = (-11)+\{ (-6)+(-5)\}$

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-2

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ ସମ୍ପର୍କତ ସମସ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କରିବ ।

A. **ସଂକ୍ରତ ନିୟମ :-** $(-2)-8 = -10$, $(-4) - (-6) = (-4)+6 = 2$

a, b ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ, a - b ମଧ୍ୟ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା ହେବେ ଅର୍ଥାତ୍ ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ବିଯୋଗଫଳ ମଧ୍ୟ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା

କ୍ରମବିନିମୟ1 ନିୟମ :- ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାରେ ବିଯୋଗ ପ୍ରକର୍ଷିତ କ୍ରମବିନିମୟ1 ନିୟମ ପାଳନ କରେ ନାହିଁ ।

$$a - b = b - a$$

ସହଯୋଗ1 ନିୟମ - ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାରେ ବିଯୋଗ ପ୍ରକର୍ଷିତ ମଧ୍ୟ ସହଯୋଗ1 ନିୟମ ପାଳନ କରେ ନାହିଁ ।

$$(a - b) - c = a - (b - c)$$

B. $0+5 = 5$, $-2+0 = -2$, $-11+0 = -11$

$$a+0 = a$$

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ‘0’ ଏପରି ଏକ ସଂଖ୍ୟା ଯେଉଁ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ତାହାକୁ ଯୋଗକଲେ ଯୋଗଫଳ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ହେବ । ତେଣୁ ‘0’ କୁ ଯୋଗାମ୍ବକ ଅଭେଦ କୁହାଯାଏ ।

ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାକୁ ତାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଯୋଗ କଲେ ଯୋଗଫଳ ‘0’ ହେବ ।

ଯଥା $(-5) + 5 = 0$, $(a) + (-a) = 0$, $(-5) + 5$ ପରଷ୍ପର ବିପରୀତ ଅଟନ୍ତି)

ଏଣୁ (5) କୁ 5 ର ଓ 5 କୁ (-5)ର ଯୋଗାମ୍ବକ ବିଲୋମୀ କୁହାଯାଏ ।

ଡୁମପାଇଁ କାମ :-

1. ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୁରଣ କର ।

- (a) ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସହ କୁ ଯୋଗକଲେ, ଯୋଗଫଳ ମୂଳ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସହ ସମାନ ହେବ ।
- (b) କୁ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗାମ୍ବକ ଅଭେଦ କୁହାଯାଏ ।
- (c) ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗଫଳ ‘0’ ହେଲେ, ସେମାନେ ପରଷ୍ପର ।
- (d) -5 ର ଯୋଗାମ୍ବକ ବିଲୋମୀ ।

2. ଠିକ୍ ଉଚ୍ଚି ପାଖରେ (✓) ଓ ଭୁଲ ଉଚ୍ଚି ପାଖରେ (✗) ଚିହ୍ନ ଦିଆ ।

(a) ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାରେ ଯୋଗପ୍ରକ୍ରିୟା କ୍ରମବିନିମୟୀ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

(b) ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାରେ ବିଘୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା କ୍ରମବିନିମୟୀ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

(c) ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାରେ 1 କୁ ଯୋଗାତ୍ମକ ଅଭେଦ କୁହାଯାଏ ।

3.

(i) $a = -4, b = -8,$

ଡେବେ $a+b = b+a$ ସତ୍ୟତା ପ୍ରତିପାଦନ କର ।

(ii) $a = -15, b = 89, c = -67$

ଡେବେ $a + (b+c) = (a+b) + c$

ସତ୍ୟତା ପ୍ରତିପାଦନ କର ।

କାର୍ଯ୍ୟଫଳ-3

ଗୁଣନର ଚିହ୍ନ ପଢ଼ନ୍ତି ନିୟମ

ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାକୁ ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କରିବ ।

$$\text{.. ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+) \times \text{ ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+) = \text{ ଧନମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+)$$

$$\text{.. ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+) \times \text{ ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-) = \text{ ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-)$$

$$\text{.. ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-) \times \text{ ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } = \text{ ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-)$$

$$\text{.. ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } \times \text{ ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-) = \text{ ଧନମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+)$$

(ହରଣର ଚିହ୍ନ ପଢ଼ନ୍ତି ନିୟମ)

$$\text{.. ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+) \div \text{ ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+) = \text{ ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+)$$

$$\text{.. ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+) \div \text{ ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-) = \text{ ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-)$$

$$\text{.. ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-) \div \text{ ଧନାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+) = \text{ ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-)$$

$$\text{.. ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-) \div \text{ ରଣାମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (-) = \text{ ଧନମୂଳକ ସଂଖ୍ୟା } (+)$$

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାରେ ଗୁଣନ ଓ ହରଣର ଧର୍ମ

ଗୁଣନ ପ୍ରକିଯାର ବିଭିନ୍ନ ଧର୍ମ -

(a) ସଂବୃତିନିୟମ -

$$-5 \times 2 = -10, -8 \times 0 = 0, -3 \times -4 = 12$$

a, b ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ, a × b ମଧ୍ୟ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେବ ।

ଅର୍ଥାତ୍ ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣପଳ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେବ

(b) କ୍ରମ ବିନିମୟୀ ନିୟମ -

$$(-3) \times (-5) = (-5) \times (-3) = 15$$

a ଓ b ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ

$$a \times b = b \times a$$

ଅର୍ଥାତ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାରେ ଗୁଣନପ୍ରକର୍ଷା କ୍ରମବିନିମୟୀ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

(c) ସହଯୋଗୀ ନିୟମ -

$$\{(-2) \times (3)\} \times (-4) = (-2) \times \{3 \times (-4)\}$$

$$(-6) \times (-4) = (-2) \times (-12)$$

$$24 = 24$$

a, b ଓ c ତିନୋଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ

$$(axb) \times c = a \times (b \times c)$$

ଅର୍ଥାତ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ ଗୁଣନ ପ୍ରକର୍ଷା ସହଯୋଗୀ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

- (d) ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର '1' ଏପରି ଏକ ସଂଖ୍ୟା, ତାକୁ ଯେଉଁ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟାଦାରା ଗୁଣନ କଲେ ଗୁଣଫଳ ସେହି ମୂଳ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେବ ।

ଡେଣ୍ଟୁ '1' କୁ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନାମୂଳ ଅଭେଦ କହାଯାଏ ।

- (e) ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ପାଇଁ ଏପରି ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ, ଯେପରିକି ସେମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ 1 ହେବ, ତେଣୁ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନାମୂଳ ବିଲୋମୀ ନାହିଁ ।

- (f) ଯୋଗ ଉପରେ ଗୁଣନ ପ୍ରକର୍ଷାର ବଣ୍ଣନ ନିୟମ :-

$$\{(-3) \times \{(-5) + 7\}\} = \{(-3) \times (-5)\} + \{(-3) \times 7\}$$

$$\text{ବାମପାର୍ଶ୍ୱ} = (-3) \times \{(-5) + 7\} = (-3) \times 2 = -6$$

$$\text{ଦକ୍ଷିଣ ପାର୍ଶ୍ୱ} = \{(-3) \times (-5)\} + \{(-3) \times 7\} = 15 + (-21) = -6$$

$$\therefore \text{ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ} = \text{ଦକ୍ଷିଣ ପାର୍ଶ୍ୱ}$$

a, b ଓ c ତିନୋଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଲେ

$$\text{ତେଣୁ } a \times (b + c) = (a \times b) + (a \times c)$$

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଉପରେ ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ବନ୍ଧନ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

$$\text{ସେହିପରି } 3 \times (6 - 2) = (3 \times 6) - (3 \times 2)$$

$$\text{ବାମପାର୍ଶ୍ୱ} = 3 \times (6 - 2) = 3 \times 4 = 12$$

$$\text{ଦକ୍ଷିଣପାର୍ଶ୍ୱ} = (3 \times 6) - (3 \times 2) = 18 - 6 = 12$$

$$\text{ବାମପାର୍ଶ୍ୱ} = \text{ଦକ୍ଷିଣପାର୍ଶ୍ୱ}$$

$$\text{ସେହିପରି } a \times (b - c) = (a \times b) - (a \times c)$$

a, b ଓ c ତିନୋଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଉପରେ ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ମଧ୍ୟ ବନ୍ଧନ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

ଡୁମ ପାଇଁ କାମ -

1. (a) ଯେକୌଣସି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସହ କୁ ବନ୍ଧନକଲେ ଗୁଣପଳ ମୂଳ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସହ ସମାନ ହେବ ।
 (b) କୁ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟର ଗୁଣନାମୂଳ ଅଭେଦ କୁହାଯାଏ ।

2. ସତ୍ୟତା ପ୍ରତି ପାଦନ କର :-

$$a = 625, b = -35, c = 65$$

ତେବେ (i) $a \times (b+c) = a \times b + a \times c$

ଉତ୍ତର:-

$$(ii) a \times (b - c) = (a \times b) - (a \times c)$$

ଉତ୍ତର:-

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- କାର୍ଯ୍ୟଫର୍ଦ୍ଦ- 1 ରୁ 3 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ
- ଶିକ୍ଷକ ଆବଶ୍ୟକ ଶିକ୍ଷଣ ସାମ୍ବଗୀ ବ୍ୟବହାର କରି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ସାନ, ବଡ଼, ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରାଇବ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

- ସଂଖ୍ୟାରେଖା ପଢି
- ଫଳାଫଳ**
- ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଓ ସାନବଡ଼ ଚିହ୍ନଟ କରିବ ।
- ଯୋଗ, ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ବିଭିନ୍ନ ଧର୍ମ କହିବ ।
- ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମାନଙ୍କ ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କରିବ ଓ ବିଭିନ୍ନ ଧର୍ମ ଜାଣିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-4

ଉଗ୍ରାଂଶ ଓ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଧାରଣା ଆହରଣ କରିବ ସ ଏକା ସମୂହର ଅଂଶକୁ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବ ।

ଡୁମ ମାଆ ଡୁମକୁ ଗୋଟିଏ ସେଓ ସମାନ ଦୁଇପାଳ କରି ଗୋଟିଏ ପାଳ ଦେଲେ । ଆମେ ଅନ୍ୟ ଅର୍ଥରେ କହିପାରିବା ଡୁମ ମାଆ ଡୁମକୁ ଗୋଟିଏ ସେଓକୁ ଦୁଇ ସମାନ ଭାଗ କରି ଗୋଟିଏ ଭାଗ ଦେଲେ, ତାହାକୁ ଆମେ $\frac{1}{2}$ କହିପାରିବା ।

ଅର୍ଥାତ୍ 2 ସମାନ ଭାଗରୁ 1 ଭାଗ

ଏଠାରେ $\frac{1}{2}$ କୁ ଏକ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା କୁହାଯାଏ ।

ଯାହାର 1 ଲବ ଓ 2 ହର ।

$$\begin{matrix} \frac{1}{2} & \text{ଲବ} \\ & \text{ହର} \end{matrix}$$

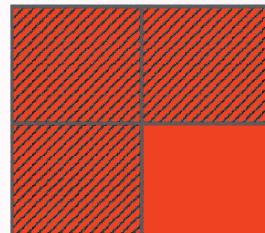
$$\frac{1}{2}$$



ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ଦେଖ ।

ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ତ୍ରୀ ଚିତ୍ରରେ 4 ସମାନ ଭାଗରୁ 3 ଭାଗ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଛି ।

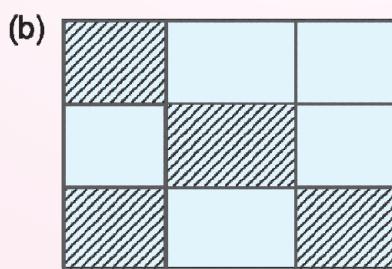
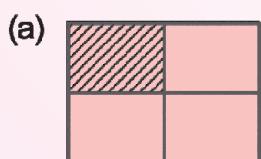
ଏଠାରେ ରଙ୍ଗଦିଆଯାଇଥିବା ଅଂଶକୁ ଚିତ୍ରଚିର $\frac{3}{4}$ ଅଂଶ କୁହାଯାଏ ।



ସେହିପରି କୁହ : -

$$\frac{3}{4}$$

1. ନିମ୍ନ ଚିତ୍ର ଗୁଡ଼ିକର ଗାର ଚିହ୍ନିତ ଅଂଶକୁ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାକୁ ପ୍ରକାଶ କର ।



2. ନିମ୍ନ ଉଗ୍ରତାଙ୍କୁ ଚିତ୍ରରେ ଦର୍ଶାଅ ।

(a) $\frac{3}{4} =$

(b) $\frac{5}{8} =$

(c) $\frac{1}{2} =$

3. ନିମ୍ନ ଉଗ୍ରତାଙ୍କୁ ଚିତ୍ରରେ ଦର୍ଶାଅ ।

(a) $\frac{5}{4} =$

(b) $\frac{7}{3} =$

(c) $\frac{11}{4} =$

3. ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଭଗ୍ନଶଂଖ୍ୟାର ସମଭଗ୍ନଶଂଖ୍ୟା ଲେଖିବା ।
ଉଦାହରଣ ଦେଖି ପ୍ରତ୍ୟେକର ଦୁଇଟି ଲେଖାଏଁ ସମଭଗ୍ନ ଶଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।

ସେପରି $\frac{3}{4} = \frac{3 \times 2}{4 \times 2} = \frac{6}{8}$ ଏବଂ $\frac{3}{4} = \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12}$

$\frac{3}{4}$ ର ଦୁଇଟି ସମଭଗ୍ନଶଂଖ୍ୟା $\frac{6}{8}$ ଓ $\frac{9}{12}$

ସେହିପରି :-

(a) $\frac{2}{3} = \frac{2 \times \boxed{\quad}}{3 \times \boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$, $\frac{2}{3} = \frac{2 \times \boxed{\quad}}{3 \times \boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$

$\frac{2}{3}$ ର ଦୁଇଟି ସମଭଗ୍ନ ଶଂଖ୍ୟା $\frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$ ଓ $\frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$

(b) $\frac{5}{6} = \frac{5 \times \boxed{\quad}}{6 \times \boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$, $\frac{5}{6} = \frac{5 \times \boxed{\quad}}{6 \times \boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$

$\frac{5}{6}$ ର ଦୁଇଟି ସମଭଗ୍ନଶଂଖ୍ୟା $\frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$ ଓ $\frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$

(c) $\frac{3}{5} = \frac{3 \times \boxed{\quad}}{5 \times \boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$, $\frac{3}{5} = \frac{3 \times \boxed{\quad}}{5 \times \boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$

$\frac{3}{5}$ ର ଦୁଇଟି ସମଭଗ୍ନଶଂଖ୍ୟା $\frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$ ଓ $\frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$

4. ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଭଗ୍ନଶଂଖ୍ୟା ମାନଙ୍କର ଲାଗିଷ୍ଟତମ ରୂପ ଲେଖିବା ।

ସେପରି $\frac{8}{12} = \frac{8 \div 2}{12 \div 2} = \frac{4}{6}$ ଏବଂ ପୁନଃ ଲାଗିଷ୍ଟ କଲେ $\frac{4 \div 2}{6 \div 2} = \frac{2}{3}$

ସେହିପରି :-

8 ଓ 12 ର ସବୁଠାରୁ ବଡ଼ ସାଧାରଣ ଗୁଣନୀୟକ 4 ଏବେ ସିଧାସଳଖ ପାଇବା $\frac{8}{12} = \frac{8 \div 4}{12 \div 4} = \frac{2}{3}$

ସେହିପରି କର :

(a) $\frac{6}{9} = \frac{6 \div \boxed{\quad}}{9 \div \boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$

(b) $\frac{10}{16} = \frac{10 \div \boxed{\quad}}{16 \div \boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}}$

$$(c) \frac{4}{8} = \frac{4 \div \boxed{}}{8 \div \boxed{}} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$(d) \frac{12}{18} = \frac{12 \div \boxed{}}{18 \div \boxed{}} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

$$(e) \frac{8}{9} = \frac{8 \div \boxed{}}{9 \div \boxed{}} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$$

5. ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରିବା ।

$$\text{ଯେପରି : } 3\frac{2}{5} = \frac{(5 \times 3) + 2}{5} = \frac{17}{5}$$

$$\text{ମିଶ୍ରସଂଖ୍ୟାଟି = } \frac{(\text{ହର} \times \text{ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା) + \text{ଲକ}}{\text{ହର}}$$

ସେହିପରି :-

$$(a) 1\frac{2}{3} =$$

$$(b) 2\frac{3}{4} =$$

$$(c) 8\frac{7}{9} =$$

$$(d) 12\frac{5}{8} =$$

$$(e) 15\frac{3}{5} =$$

6. ଅପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା

$$\text{ଯେପରି} = \frac{17}{4} = 4\frac{1}{4}$$

$17 \div 4$ = ଭାଗଫଳ 4 ଓ ଭାଗଶେଷ 1

$$\text{ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାଟି} = \text{ଭାଗଫଳ} \frac{\text{ଭାଗଶେଷ}}{\text{ଭାଜକ}}$$

ସେହିପରି :-

(a) $\frac{12}{5} =$

(b) $\frac{6}{5} =$

(c) $\frac{37}{5} =$

(d) $\frac{43}{9} =$

(e) $\frac{88}{7} =$

7. ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କର :-

(a) $\frac{500}{20} =$

(b) $\frac{229}{19} =$

(c) $\frac{527}{23} =$

(d) $\frac{725}{35} =$

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-5

ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା / ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଗ ଓ ଘେଡ଼ାଣ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ଓ ଘେଡ଼ାଣ ଆଧାରିତ ସରଳ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ।

1. ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣିତ କରିବା

$$\text{ଉଦାହରଣ : } \frac{1}{3}, \frac{1}{4} \text{ ଓ } \frac{1}{2} \text{ ର ସମହର ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଯଥାକ୍ରମେ } \frac{4}{12}, \frac{3}{12} \text{ ଓ } \frac{6}{12}$$

ଆସିଲା ଜାଣିବା :- 3, 4 ଓ 2 ର ସବୁଠାରୁ ସାନ (ଲାଇଷ୍) ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକ = 12

$$\frac{1}{3}, \frac{1}{4} \text{ ଓ } \frac{1}{2} = \text{ର ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ } 12 \text{ ହର ବିଶିଷ୍ଟ କରାଗଲେ}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{1 \times 4}{3 \times 4} = \frac{4}{12}, \frac{1}{4} = \frac{1 \times 3}{4 \times 3} = \frac{3}{12}, \frac{1}{2} = \frac{1 \times 6}{2 \times 6} = \frac{6}{12}$$

ସେହିପରି

- (i) $\frac{2}{3}, \frac{2}{5}$ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ କଲେ [] , [] ହେବ ।
- (ii) $\frac{3}{4}, \frac{2}{3}, \frac{1}{5}$ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କଲେ [] , [] , [] ହେବ ।
- (iii) $\frac{1}{2}, \frac{1}{5}, \frac{2}{3}$ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କଲେ [] , [] , [] ହେବ ।
- (iv) $\frac{7}{8}, \frac{5}{12}$ କୁ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କଲେ [] , [] . ହେବ ।
- (v) $\frac{9}{11}, \frac{3}{2}$ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କଲେ [] , [] . ହେବ ।

2. ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଯୋଗ କରିବା ।

$$\text{ଉଦାହରଣ } = 1\frac{2}{3} + \frac{4}{5} = \frac{5}{3} + \frac{4}{5} = \frac{25+12}{15} = \frac{37}{15}$$

ଯୋଗ କରିବାର ସୋଧାନ :-

- ପ୍ରଥମେ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅପ୍ରକୃତ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣିତ କରିବା
- ହର ମାନଙ୍କର ଲ.ସା.ଗୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା । ଲ.ସା.ଗୁଟି ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ସାଧାରଣ ହର ହେବ ।
- ଲ.ସା.ଗୁ କୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ହର ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରି ଭାଗଫଳକୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ଲବ ଦ୍ୱାରା ଗୁଣ କରି ଲେଖିବା ।
- ନୂତନ ଲବମାନଙ୍କୁ ଯୋଗକରି $\frac{\text{ଯୋଗଫଳ}}{\text{ହର}}$ ଲେଖିବା
- ଯୋଗଫଳକୁ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା

ଉଦାହରଣ ଭଳି ନିମ୍ନ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକର ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର -

$$(i) \quad \frac{2}{3} + \frac{1}{2} =$$

$$(ii) \quad \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} =$$

$$(iii) \quad 3\frac{4}{5} + 2\frac{1}{2} =$$

$$(iv) \quad 1\frac{3}{4} + 2\frac{2}{3} + 3\frac{5}{6} =$$

3. ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ବିଯୋଗ କରିବା

$$\text{ଉଦାହରଣ} = 3\frac{3}{4} - 2\frac{1}{3} = \frac{15}{4} - \frac{7}{3}$$

$$= \frac{45 - 28}{12} = \frac{17}{12} = 1\frac{5}{12}$$

ଯୋଗ ପାଇଁ ନିଆଯାଇଥିବା ସମସ୍ତ ପ୍ରଶାଳୀ ନିଆୟିବ । କେବଳ ଶେଷ ସୋଧାନରେ ଯୋଗ ପରିବର୍ତ୍ତେ ବିଯୋଗ କରାୟିବ ।

$$(i) \quad \frac{3}{4} - \frac{1}{2} =$$

$$(ii) \quad 1\frac{2}{3} - \frac{4}{5} =$$

$$(iii) \quad 3\frac{3}{4} - 2\frac{3}{5} =$$

4. (i) ଆଷତାକୃତ ଗୋଟିଏ ଖେଳ ପତିଆର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଓ ପ୍ରସ୍ତୁ ଯଥାକ୍ରମେ $8\frac{1}{2}$ ସେମି. ଏବଂ $10\frac{2}{5}$ ସେ.ମି. ହେଲେ, ଉଚ୍ଚ ଖେଳ ପଡ଼ିଆର ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(ii) ନେହା ପାଖରେ ୪୦ ଟଙ୍କା ଥିଲା । ସେଥିରୁ ସେଥିରେ ସେ $\frac{1}{7}$ ଭାଗ ଖର୍ଚ୍ଚ କରିଦେଲେ, ତା'ପାଖରେ ଆଉ କେତେ ଟଙ୍କା ବଳକା ରହିଲା ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-6

ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାରେ ମିଶାଣ,
ଫେଡ଼ାଣ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣର
ଧର୍ମଗୁଡ଼ିକୁ ସାଧାରଣୀକରଣ କରିବା

1. ନିମ୍ନସ୍ଥ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ଧନ୍ୟାମୂଳକ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକୁବାଛି ଲେଖ ।

$$\frac{2}{3}, \frac{5}{7}, 0, 2, 5, \frac{-5}{8}, \frac{5}{-8}, \frac{-2}{-5}, \frac{5}{0}, -2$$

ଉତ୍ତର =

2. ଯେପରି $\frac{3}{5}$ ର ଯୋଗାମୂଳକ ବିଲୋମୀ $-\frac{3}{5}$ ଓ $\frac{-3}{5}$ ର ଯୋଗାମୂଳକ ବିଲୋମୀ $\frac{3}{5}$ ସେପରି ନିମ୍ନସ୍ଥ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଯୋଗାମୂଳକ ବିଲୋମୀ ହିଁର କର ।

$$\frac{2}{9}, \frac{-5}{8}, 0, \frac{-4}{-5}$$

ତେବେ

(i) $\frac{2}{9}$ ର ଯୋଗାମୂଳକ ବିଲୋମୀ =

(ii) $\frac{-5}{8}$ ର ଯୋଗାମୂଳକ ବିଲୋମୀ =

(iii) '0' ର ଯୋଗାମୂଳକ ବିଲୋମୀ =

(iv) $\frac{-4}{-5}$ ର ଯୋଗାମୂଳକ ବିଲୋମୀ =

3. ଯେପରି $\frac{2}{3}$ ଓ $\frac{3}{5}$ ମଧ୍ୟରେ ଗୋଟିଏ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟା

$$= \frac{1}{2} \left(\frac{2}{3} + \frac{3}{5} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{2 \times 5 + 3 \times 3}{15} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{10 + 9}{15} \right) = \frac{1}{2} \times \frac{19}{15} = \frac{19}{30}$$

ସେହିପରି $\frac{8}{9}$ ଓ $\frac{5}{12}$ ର ମଧ୍ୟରେ ଗୋଟିଏ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

4. (i) 5 ଓ 6 ମଧ୍ୟରେ ତିନୋଟି ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(ii) $\frac{3}{5}$ ଓ $\frac{3}{5}$ ମଧ୍ୟରେ ଚାରୋଟି ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସୂଚନା : ଯदି a ଓ b ଦୁଇଟି ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟା ହୁଅଛି ଏବଂ a ଓ b ମଧ୍ୟରେ ଥୁବା ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ , ତେବେ

$$x_1 = \frac{1}{2}(a+b)$$

$$x_2 = \frac{1}{2}(a+x_1), x_3 = \frac{1}{2}(a+x_2)$$

$$x_4 = \frac{1}{2}(a+x_3) \dots \dots \dots x_n = \frac{1}{2}(a+x_{n-1})$$

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-7

ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାରେ ମିଶାଣ
 ଫେଡ଼ାଶ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣରୁ
 ଧର୍ମଗୁଡ଼ିକୁ ସାଧାରଣ କରିବ।

1. ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଯୋଗ କର ।

ଯେପରି, $\frac{5}{7} + \frac{6}{7} = \frac{5+6}{7} = \frac{11}{7}$

ସେହିପରି (କ) $\frac{2}{7} + \left(-\frac{6}{7} \right) =$

(ଖ) $\frac{3}{4} + \left(-\frac{1}{4} \right) =$

2. ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଶତ କରି ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଯେପରି, $\frac{11}{4} + \frac{3}{8} = \frac{11 \times 2}{4 \times 2} + \frac{3}{8} = \frac{22}{8} + \frac{3}{8} = \frac{22+3}{8} = \frac{25}{8} = 3\frac{1}{8}$

ସେହିପରି (କ) $\frac{-3}{7} + \frac{7}{10} =$

(ଖ) $\frac{5}{4} + \frac{-4}{3} =$

3. ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ବିଯୋଗ କର ।

ଯେପରି, $\frac{7}{5} - \frac{4}{5} = \frac{7-4}{5} = \frac{3}{5}$

ସେହିପରି (କ) $\frac{5}{9} - \left(-\frac{7}{9} \right) =$

(ଖ) $\frac{-2}{5} - \left(-\frac{3}{5} \right) =$

4. ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରି ବିଯୋଗ କର ।

ସେପରି $\frac{5}{9} - \frac{3}{11} = \frac{5 \times 11}{9 \times 11} - \frac{3 \times 9}{11 \times 9} = \frac{55}{99} - \frac{27}{99} = \frac{55 - 27}{99} = \frac{28}{99}$

(କ) $\frac{5}{6} - \frac{2}{5} =$ []

(ଖ) $\frac{-7}{8} - \left(\frac{-3}{4} \right) =$ []

5. ନିମ୍ନଲିଖିତ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସେପରି, $\frac{7}{24} \times 16 = \frac{7 \times 16}{24} = \frac{112}{24} = \frac{112 \div 8}{24 \div 8} = \frac{14}{3} = 4\frac{2}{3}$

ସେହିପରି (କ) $\frac{9}{8} \times \frac{32}{7} =$ []

(ଖ) $\frac{-13}{15} \times \frac{25}{26} =$ []

(ଗ) $\frac{16}{15} \times \frac{-20}{5} =$ []

6. ନିମ୍ନଲିଖିତ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ହରଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସେପରି, $\frac{-4}{9} \div \frac{2}{3} = \frac{4}{9} \times \frac{3}{2} = \frac{12}{18} = \frac{12 \div 6}{18 \div 6} = \frac{2}{3}$

ସେହିପରି (i) $\frac{5}{9} \div \frac{4}{3} =$ []

(ii) $\frac{-8}{17} \div \frac{16}{34} =$ []

(iii) $\left(\frac{-3}{5} \right) \div \left(\frac{-5}{4} \right) =$ []

7. (a) ନିମ୍ନଲିଖିତ ପରିମୋଘ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଯେପରି :-

$$(କ) \quad x = \frac{2}{3}, Y = \frac{3}{4}$$

$$x \times y = \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\text{ସେହିପରି :- } (ଖ) \quad x = \frac{4}{7}, y = \frac{3}{5}$$

$$x \times y =$$

(b) ନିମ୍ନଲିଖିତ ପରିମୋଘ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଭାଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଯେପରି :-

$$(କ) \quad x = \frac{4}{15}, y = \frac{7}{15}$$

$$x \div y = \frac{4}{15} \div \frac{7}{15} = \frac{4}{15} \times \frac{15}{7} = \frac{4}{7}$$

$$\text{ସେହିପରି :- } (ଖ) \quad x = \frac{2}{5}, y = \frac{3}{5}$$

$$x \div y =$$

8. ଉଦାହରଣ ପଢି ତଳ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକୁ ସମାଧାନ କର ।

ଉଦାହରଣ - ଆମ ସ୍କୁଲ ଲାଇବ୍ରେରୀରେ ଥିବା 40 ଟି ବହି ମଧ୍ୟରୁ $\frac{1}{5}$ ଅଂଶ ଗଣିତ ବହି ଏବଂ $\frac{1}{4}$ ଅଂଶ ବିଜ୍ଞାନ ବହି ଅଛି । ତେବେ କେତୋଟି ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ବହି ଅଛି ?

ସମାଧାନ-ସ୍କୁଲ ଲାଇବ୍ରେରୀରେ ଥିବା ଗଣିତ ବହି ସଂଖ୍ୟା $40 \times \frac{1}{5}$ ଅଂଶ = $\frac{40 \times 1}{5} = \frac{40}{5} = 8$ ଖଣ୍ଡ

ବିଜ୍ଞାନ ବହିର ସଂଖ୍ୟା $40 \times \frac{1}{4} = 10$ ଖଣ୍ଡ

ତେବେ, ଗଣିତ ବହି ଓ ବିଜ୍ଞାନ ବହି ସଂଖ୍ୟା ମିଶିଲେ $8+10=18$ ଖଣ୍ଡ ବହି ଅଛି ।

ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ବହି ସଂଖ୍ୟା = ମୋଟ ବହି ସଂଖ୍ୟା - (ଗଣିତ ଓ ବିଜ୍ଞାନ ବହି ସଂଖ୍ୟା)

$$= 40 - 18 = 22$$

∴ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ବହି 22 ଖଣ୍ଡ ଅଛି ।

9. ଜଣେ ଦୋକାନୀ ପାଖରେ ଥିବା 20 ଗୋଟି ପେନସିଲ ମଧ୍ୟରୁ ସେ ପ୍ରଥମ ଦିନ ମୋଟ ପେନସିଲର $\frac{1}{2}$ ଅଂଶ ବିକ୍ରି କଲେ । ଓ ପରଦିନ ବଳକା ଥିବା ପେନସିଲଗୁଡ଼ିକର $\frac{1}{5}$ ଅଂଶ ବିକ୍ରି କଲେ । ତେବେ ସେ ଉଚ୍ଚ ଦୂଇ ଦିନରେ ମୋଟରେ କେତୋଟି ପେନସିଲ ବିକ୍ରି କଲେ ?

ସମାଧାନ:- ପ୍ରଥମ ଦିନ ବିକ୍ରି କରିଥିବା ପେନସିଲ ସଂଖ୍ୟା 20 ର $\frac{1}{2}$ ଅଂଶ =

$$20 \times \frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \boxed{} = \boxed{}$$

ବଳକା ଥିବା ପେନସିଲ ସଂଖ୍ୟା = $\boxed{} - \boxed{} = \boxed{}$

ଦ୍ୱିତୀୟ ଦିନ ବିକ୍ରି କରିଥିବା ପେନସିଲ ସଂଖ୍ୟା 10 ର $\frac{1}{5}$ ଅଂଶ = $\boxed{} \times \boxed{} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} = \boxed{}$

ଦୂଇ ଦିନରେ ବିକ୍ରି କରିଥିବା ମୋଟ ପେନସିଲ ସଂଖ୍ୟା = $\boxed{} + \boxed{} = \boxed{}$

10. ଗୋଟିଏ ଶ୍ରେଣୀର ମୋଟ ଛାତ୍ରଛାତ୍ରୀ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି 32 । ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଛାତ୍ରୀ ସଂଖ୍ୟା ମୋରେ $\frac{3}{8}$ ଅଂଶ । ମୋଟ ଛାତ୍ରଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ $\frac{1}{2}$ ଅଂଶ ସାଇକେଲରେ ସ୍ଥାନକୁ ଆସନ୍ତି । କେତେଜଣ ଛାତ୍ର ସାଇକେଲରେ ସ୍ଥାନକୁ ଆସନ୍ତି ?

ସମାଧାନ :

ଶ୍ରେଣୀର ମୋଟ ଛାତ୍ରଛାତ୍ରୀ ସଂଖ୍ୟା =

ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଛାତ୍ରୀସଂଖ୍ୟା ମୋଟ ପିଲାଙ୍କ ସଂଖ୍ୟାର = $\boxed{}$ ଅଂଶ

$\text{ଛାତ୍ରୀସଂଖ୍ୟା} = \boxed{} \times \boxed{} \text{ ଅଂଶ} = \boxed{}$

$\text{ଛାତ୍ରୀସଂଖ୍ୟା} = \boxed{} - \boxed{} = \boxed{}$

ସାଇକେଲରେ ଆସନ୍ତି ମୋଟ ଛାତ୍ରୀସଂଖ୍ୟା $\boxed{}$ ର $\boxed{}$ ଅଂଶ

$$= \boxed{}$$

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧର୍ତ୍ତ 4 ରୁ 7 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଶିକ୍ଷକ ଉପଯୁକ୍ତ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରି ଶିକ୍ଷଣ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ କରାଇ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ପରିଚୟ, ଯୋଗ, ବିଯୋଗ ଏବଂ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟା ପରିମେୟ ଓ ଏମାନଙ୍କ ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଦକ୍ଷତା ଗୁଡ଼ିକୁ ଦୃଢ଼ୀତ୍ତ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

” ପରିଷ୍ଲ୍ଲିତ ଫର୍ଦ୍ଦ, ପ୍ରସଙ୍ଗ ଭିତ୍ତିକ ସାରଣୀ

ଫଳାଫଳ

- ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ପରିମେୟ ଯୋଗ / ବିଯୋଗ କରିବ ।
- ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାର ଚାରିଗାଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା (+, -, ×, ,) ବ୍ୟବହାର କରିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟଫଳ-୪

ଆକଳନ ପାର୍ଦ୍ଦ-୩

ସୁଚନା ଅନୁଯାୟୀ ଉପଯୁକ୍ତ ଉଭରଟି ବାହି ଠିକ୍ ଚିହ୍ନ (✓) ଦିଆ ।

1. 4 ଓ -5 ମଧ୍ୟରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ କେତେ ?

(a) -1

(b) 1

(c) 9

(d) -9

2. ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ବିଯୋଗଫଳ ସର୍ବଦା ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଏହା ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ କେଉଁ ଧର୍ମ କୁ ସୁଚାଉଛି ।

(a) ସଂବୃତି ନିୟମ

(b) କ୍ରମବିନିମୟ ନିୟମ

(c) ସହଯୋଗୀ ନିୟମ

(d) ବଣ୍ଣନ ନିୟମ

3. କେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗାମ୍ବକ ବିଲୋମୀ ସେ ନିଜେ ?

(a) 1

(b) 0

(c) -1

(d) ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ

4. ନିମ୍ନେ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନାମ୍ବକ ଅଭେଦ ।

(a) 0

(b) -1

(c) 1

(d) 'O' ଓ '-1' ଉଭୟ

5. $-\frac{3}{5}$ ର ଯୋଗାମ୍ବକ ବିଲୋମୀର ଗୁଣନାମ୍ବକ ବିଲୋମୀ କେତେ ?

(a) $-\frac{3}{5}$

(b) $\frac{5}{3}$

(c) $\frac{3}{5}$

(d) $-\frac{5}{3}$

6. 3 ଓ 5 ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ଗୋଟିଏ ପରିମେୟ ସଂଖ୍ୟାଟି କ'ଣ ?

(a) 4

(b) 5

(c) 2

(d) 3

7. $X = \frac{3}{4}$ ແລະ $X = \frac{5}{8}$ $X \div Y$ ແກ່ໄລ ເກີດເຫັນ?

- (a) $\frac{3}{4}$ (b) $\frac{15}{12}$ (c) $\frac{5}{6}$ (d) $\frac{6}{5}$

8. $\frac{1}{2} + \frac{3}{4} = \dots \dots \dots$?

- (a) 1 (b) $\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $\frac{5}{4}$

9. $\frac{59}{6}$ ລົມສໍາຜົນ = ?

- (a) $6\frac{6}{9}$ (b) $6\frac{5}{9}$ (c) $9\frac{5}{6}$ (d) $5\frac{9}{6}$

10. 100 ລົມ $\frac{3}{5} = \dots \dots \dots$?

- (a) 60 (b) 75 (c) 80 (d) 100

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍ଷ-9

ଉଗୁସଂଖ୍ୟା/ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନ
ଓ ହରଣ କରିବା ପାଇଁ କଳନବିଧିର
ବ୍ୟବହାର କରିବ ।

ପୂର୍ବରୁ ଆମେ ଉଗୁସଂଖ୍ୟା ବିଷୟରେ ଜାଣିଛେ ।

ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ଏକ ସ୍ଥତନ୍ତ୍ର ପ୍ରକାରର ଉଗୁସଂଖ୍ୟା ।

ଯାହାର ହର $10, 100$ ବା 10 ର ଘାତ ସଂଖ୍ୟା ହୋଇଥାଏ ।

ସେହି ଉଗୁସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ବିଦ୍ୟୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖାଯାଏ ।

ଯଥା $\frac{3}{10}$ ଏକ ଉଗୁସଂଖ୍ୟା, ଯାହାର ଦଶମିକ ରୂପ 0.3 ଅଟେ ।

$\frac{35}{100}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ 0.35

$\frac{35}{10}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ 3.5

ସେହିପରି :-

$\frac{11}{10}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

$\frac{136}{1000}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

$\frac{317}{100}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

$\frac{27}{1000}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

$\frac{5768}{1000}$ ର ଦଶମିକ ରୂପ =

1. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଯୋଗପଳ ସ୍ଥିର କର। (ଶିକ୍ଷକ କଲାପଣାର ସ୍ଥଳରେ ଲେଖି ଶିଖେଇବେ)

ଯେପରି $2.5 + 3.2 = 5.7$

ସେହିପରି (a) $3.6 + 2.3 =$

(b) $7.3 + 5.8 =$

(c) $2.35 + 3.23 =$

(d) $23.2 + 11.23 =$

$$\begin{array}{r} 2.5 \\ + 3.2 \\ \hline 5.7 \end{array}$$

2. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ବିଯୋଗପଳ ସ୍ଥିର କର।

ଯେପରି, $6.5 - 2.3 = 4.2$

ସେହିପରି (a) $2.8 - 1.6 =$

(b) $9.8 - 3.9 =$

(c) $2.32 - 1.25 =$

(d) $58.29 - 29.81 =$

$$\begin{array}{r} 6.5 \\ - 2.3 \\ \hline 4.2 \end{array}$$

3. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଗୁଣପଳ ସ୍ଥିର କର।

ଯେପରି, $2.3 \times 5 = 11.5$

ସେହିପରି (a) $2.8 \times 2 =$

(b) $3.7 \times 0.6 =$

(c) $2.32 \times 7 =$

(d) $5.5 \times 3.6 =$

(ଶିକ୍ଷକ ଗୁଣନକ୍ରିୟା ଶିଖାଇବା ବେଳେ ଦଶମିକ ଚିହ୍ନର ଅବସ୍ଥାତି ସମ୍ପର୍କରେ ଅନେକ ଉଦାହରଣ ଦେଇ ବୁଝାଇବେ ।)

$$\begin{array}{r} 2.3 \\ \times 5 \\ \hline 11.5 \end{array}$$

4. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ଦୟର ଭାଗପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

ଯେପରି, $1.2 \div 6 = 0.2$

ସେହିପରି (a) $2.8 \div 7 =$

(b) $5.6 \div 8 =$

(c) $5.55 \div 5 =$

(d) $33.33 \div 11 =$

(ଶିକ୍ଷକ ସରଳ ଉଦ୍ଦାହରଣ ମାନ ଦେଇ
ଅଧ୍ୟକ୍ଷ ବୁଝାଇବେ । ହରଣ କରିବାର
ପ୍ରକ୍ରିୟା ଓ ଦଶମିକ ଚିହ୍ନର ଅବସ୍ଥା
ସମ୍ପର୍କରେ ଆଲୋଚନା କରିବେ ।)

. 2
6) 1. 2
1. 2
0

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- କାର୍ଯ୍ୟବର୍ଦ୍ଦି 8 ଓ 9 ଶିକ୍ଷକ ଉପଯୁକ୍ତ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରି ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟ ଗୁଡ଼ିକୁ କରାଇ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଚାରିଗାଣିତିକ ପ୍ରକାଶ ସମ୍ପାଦନ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

- ପ୍ରସଙ୍ଗଭିତ୍ତିକ ସୁଚନାବର୍ଦ୍ଦି 3 ସାରଣୀ
ଫଳାଫଳ
- 10 ବା 10ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ହରଥିବା ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ରେ ପ୍ରକାଶ କରିବ ।
- ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କ ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ କରିବ ।

କାର୍ତ୍ତ୍ୟଫର୍ମ-10

ଦ୍ଵିମାତ୍ରିକ ଆକୃତି ସଂପର୍କରେ ବୁଝିବ
ଏବଂ ଧାର, ଶାର୍ଷ ଓ କର୍ଷ ସଂଖ୍ୟାକୁ
ବୁଝାଇବ।

1. ‘କ’ ସ୍ତରେ ସହ ‘ଖ’ ସ୍ତରକୁ ଯୋଡ଼ ।

‘କ’ ସ୍ରୋତ

‘ଖ’ ସ୍ରୀମଦ୍

ସରଳରେଖା



ପ୍ରେସ୍



ରେଖାଖଣ୍ଡ



ବ୍ୟାକ



ବିଦ୍ୟା



2. ଗୋଟିଏ ଲେଖାର୍ଥ ସରଳରେଖା, ରଶ୍ମି ଓ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କରି ସେବୃତିକର ନାମକରଣ କର ।

ରେଖା/ ସରଳରେଖା	ରତ୍ନି	ରେଖାଖଣ୍ଡ

৩. রেখাখণ্ড গুଡ়িকর দেৰিঘৰ্য ষ্টেল সাহায্যৰে মাপি সাৱণীৰে লেখ।

ଛ _____ କି

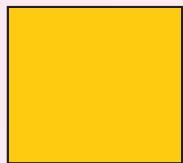
ଭୁବନେଶ୍ୱର ପାତ୍ର

ତେ _____ କି

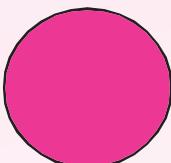
၄၅

ରେଖାଖଣ୍ଡର ନାମ	ଦୈର୍ଘ୍ୟ (ସେ.ମି.ରେ)

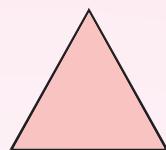
4. ପ୍ରଦର୍ଶିତ ଚିତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ କେଉଁଛୁଟିକ ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ର ()ରୁ ଦିଆ ।



(୧)



(୨)



(୩)



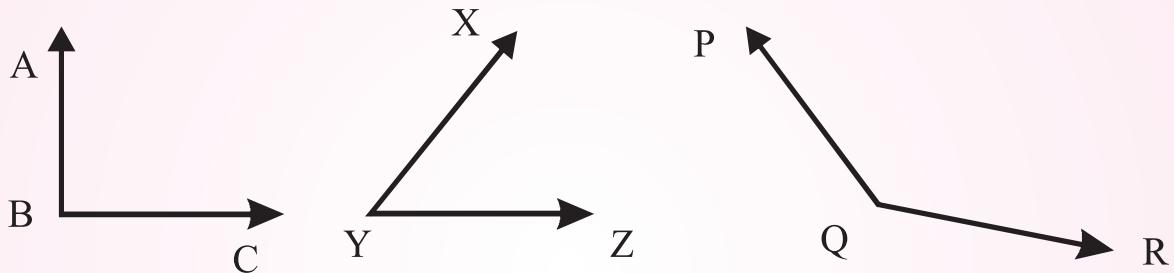
(୪)



(୫)

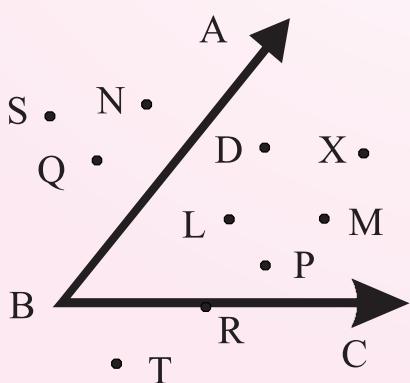


5. କୋଣମାନଙ୍କର ବାହୁମାନଙ୍କ ନାମ, ଶାର୍କ୍ଷବିଦ୍ୟର ନାମ ଓ କୋଣମାନଙ୍କର ନାମ ସାରଣୀ ମଧ୍ୟରେ ଲେଖ ।



ଚିତ୍ର ନଂ	ବାହୁମାନଙ୍କର ନାମ	ଶାର୍କ୍ଷବିଦ୍ୟର ନାମ	କୋଣର ନାମ
(1)			
(2)			
(3)			

6. ପ୍ରଦର୍ଶିତ କୋଣର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିଦ୍ୟ, ବହିଃସ୍ଥ ବିଦ୍ୟ ଓ କୋଣ ଉପରିସ୍ଥ ବିଦ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।

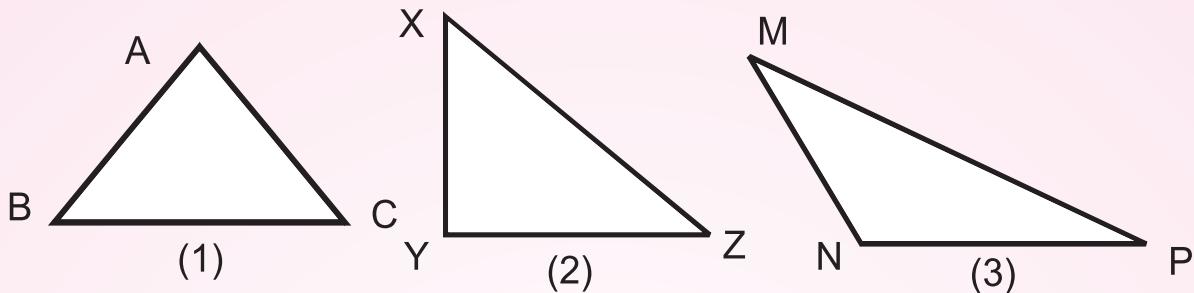


କୋଣ ଉପରିସ୍ଥ ବିଦ୍ୟ	କୋଣର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିଦ୍ୟ	କୋଣର ବହିଃସ୍ଥ ବିଦ୍ୟ

କାର୍ଯ୍ୟପାର୍କ-11

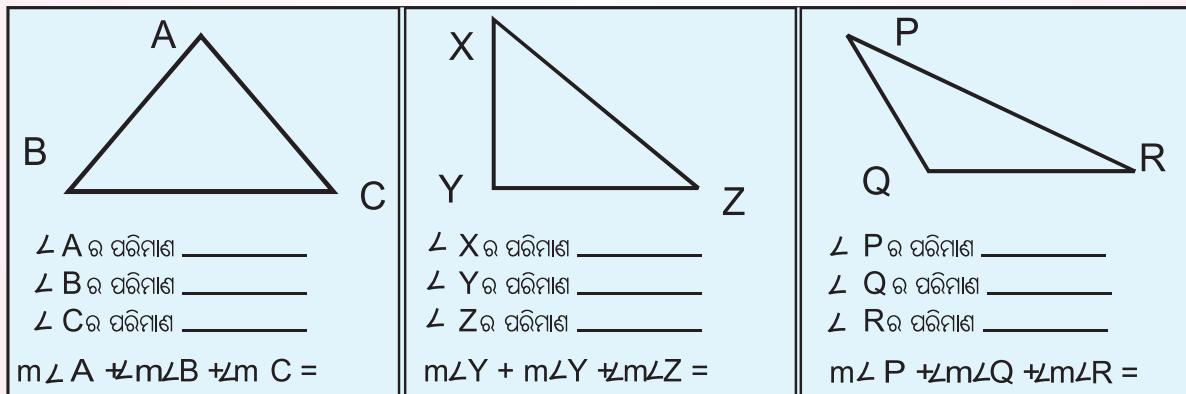
ଜ୍ୟାମିତିକ ଧାରଣା, ଯଥା - ରେଖା ରେଖାଖଣ୍ଡ, ଆବଳିତିତ୍ର, କୋଣ, ତ୍ରିଭୁଜ, ବୃତ୍ତର ଉଚ୍ଚାଦିକୁ ନିଜ ପରିବେଶର ଉଦାହରଣ ମେଳକର୍ଷନା କରିବ।

(1) ପ୍ରଦତ୍ତ ଚିତ୍ର ଦେଖି ସାରଣୀର ଥିବା ଶୂନ୍ୟପୂରଣ ପୂରଣ କର ।

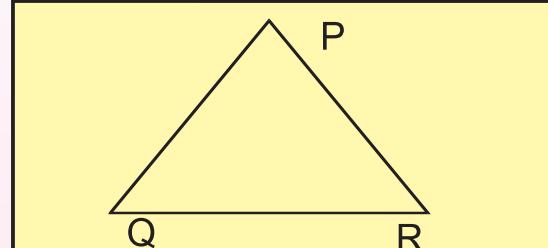
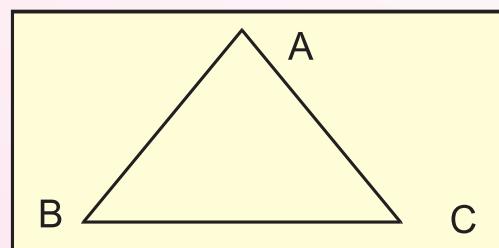


ଚିତ୍ର ନଂ	ତ୍ରିଭୁଜର ନାମ	ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁମାନଙ୍କ ନାମ	ତ୍ରିଭୁଜର ଶାର୍କବିଦ୍ୟର ନାମ	ତ୍ରିଭୁଜର କୋଣ ଗୁଡ଼ିକର ନାମ
1				
2				
3				

(2) ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ରରେ ତ୍ରିଭୁଜର କୋଣତ୍ରୟ ପରିମାଣ ମାପି ଲେଖ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କ ପରିମାଣର ସମନ୍ତି ସ୍ଥିର କର ।



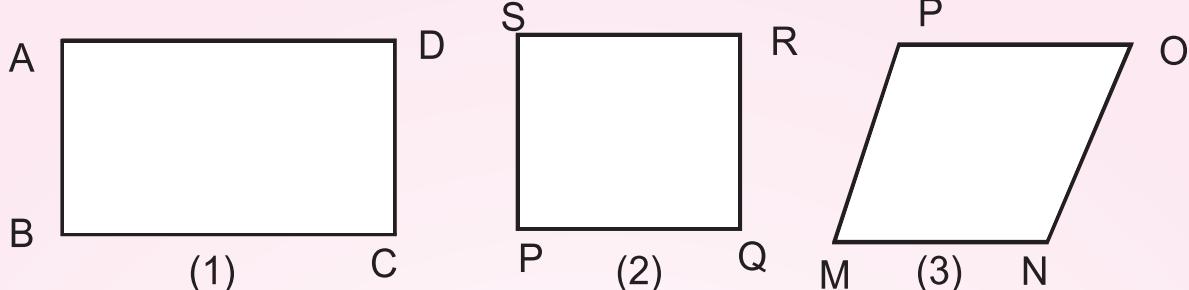
(3) ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ତ୍ରିଭୁଜମାନଙ୍କର ବାହୁମାନଙ୍କ ଦୈର୍ଘ୍ୟ ମାପି ତଳ ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।



AB	BC	AC	AB+BC	BC+AC	AC+AB

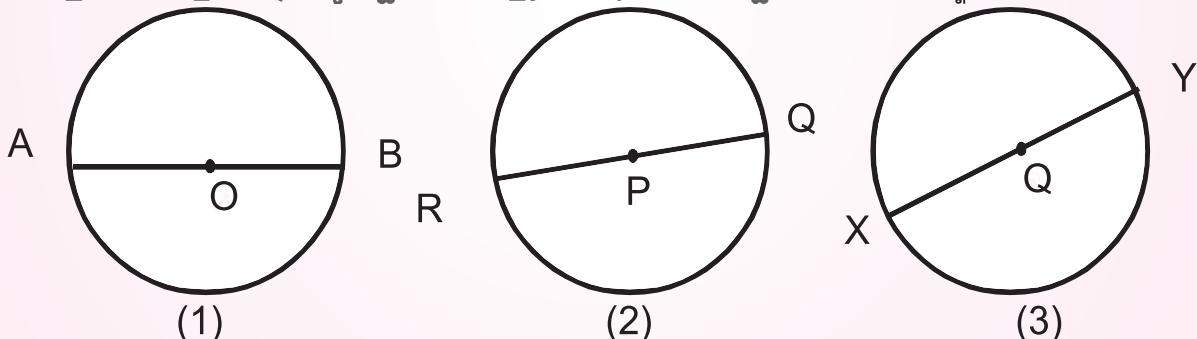
PQ	QR	PR	PQ+QR	QR+PR	PR+PQ

(4) ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଚତୁର୍ଭୁଜର ଶାର୍ଷ ବିନ୍ଦୁ, ବାହୁ ଓ କୋଣ ଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।



ଚିତ୍ର ନଂ	ଶାର୍ଷ ବିନ୍ଦୁଗୁଡ଼ିକର ନାମ	ବାହୁଗୁଡ଼ିକର ନାମ	କୋଣଗୁଡ଼ିକର ନାମ
1			
2			
3			

(5) ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ବୃତ୍ତଗୁଡ଼ିକର କେନ୍ଦ୍ର, ବ୍ୟାସ, ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।

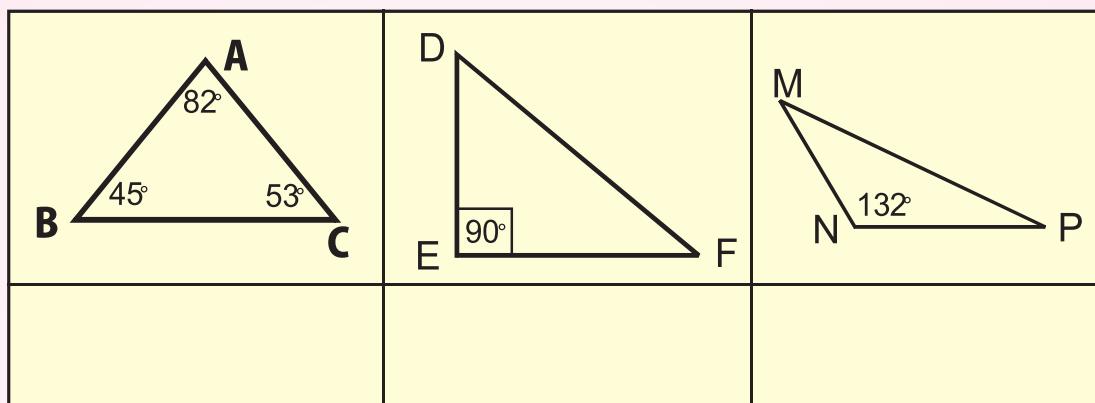


ଚିତ୍ର ନଂ	କେନ୍ଦ୍ର ନାମ	ବ୍ୟାସର ନାମ	ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧଗୁଡ଼ିକର ନାମ
1			
2			
3			

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍କ-12

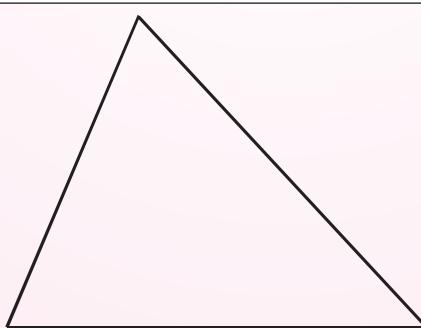
କୋଣ ଓ ବାହୁର ମାପ ଅନୁଯାୟୀ
ତ୍ରିଭୂଜମାନଙ୍କୁ ବର୍ଗୀକରଣ କରିବ ।

1. କେଉଁ ପ୍ରକାର ତ୍ରିଭୂଜ ଲେଖ ।



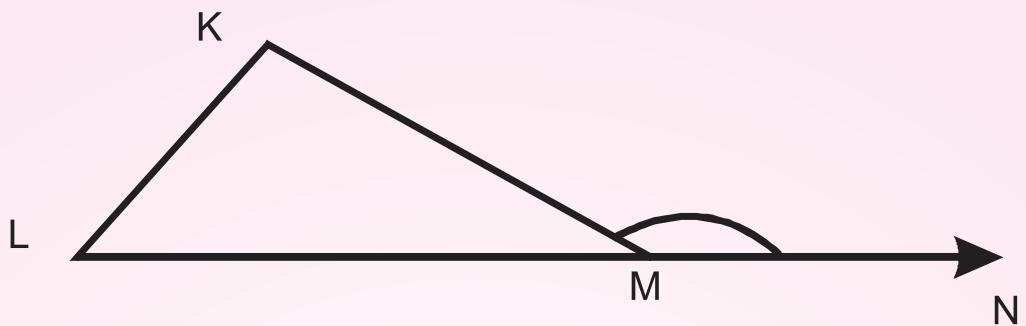
2. ଯେକୌଣସି ତ୍ରିଭୂଜଟିଏ ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର ମଧ୍ୟମା ଦର୍ଶାଅ । ନାମକରଣ କର ।

3.



- (i) ଦଉ \triangle ର ନାମକରଣ କରି କୋଣ ତ୍ରୟକୁ ମାପି ଚିତ୍ରରେ ଲେଖ ।
- (ii) କୋଣମାନଙ୍କର ସମନ୍ତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- (iii) ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟରୁ ଭୂମି ପ୍ରତି ଲକ୍ଷ ସେଟ୍କୋଷାର ସାହାଯ୍ୟରେ ଅଙ୍କନ କରି ଏହାର ଦୈର୍ଘ୍ୟ କେତେ ଲେଖ ।

4 :-



(i) $\angle KMN$ ଏକ ବହିସ୍ତୁ କୋଣ । ଏହାର ମାପ କର ।

$\angle KMN$ ର ପରିମାଣ :

(ii) $\angle LKM$ ଏକ ଅନ୍ତଃସ୍ତୁ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ କୋଣ । ଏହାର ପରିମାଣ ଲେଖ ।

$\angle LKM$ ର ପରିମାଣ :

(iii) $\angle KLM$ ଏକ ଅନ୍ତଃସ୍ତୁ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ କୋଣ । ଏହାର ପରିମାଣ ଲେଖ ।

$\angle KLM$ ର ପରିମାଣ :

(ସଙ୍ଗ) ଏମାନଙ୍କ ଭିତରେ ଥିବା ସଂପର୍କଟି ଲେଖ ।

(ଝ) $\angle KMN$ ର ସନ୍ଧିତ କୋଣ ମାପ ।

$\angle KMN$ ର ସନ୍ଧିତ କୋଣର ପରିମାଣ

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍ଦ୍ଦ-13

ଧର୍ମ ଆଧାରରେ କୋଣ ଯୋଡ଼ାକୁ ବର୍ଗାକରଣ କରିବ, ଯେପରିକି ପ୍ରଥମ କୋଣ, ସମ୍ମିଳିତ କୋଣ, ଅନୁପୂରକ ଓ ପରିପୂରକ କୋଣ ଯୋଡ଼ା, ଏକାତ୍ମର ଓ ଅନୁଭୂପ କୋଣ ଏବଂ ଗୋଟିଏ କୋଣର ପରିମାଣ ଦର ଥିଲେ ଅନ୍ୟତିର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ।

ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ ℓ_1 ଓ ℓ_2 ରେଖା ଦୟକୁ ℓ_3 , ରେଖା ଦୂଇଟି ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରେ

(I) ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣ ଚାରିଟିର ନାମ ଲେଖ ।

ଉତ୍ତର :-

(II) ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ ଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।

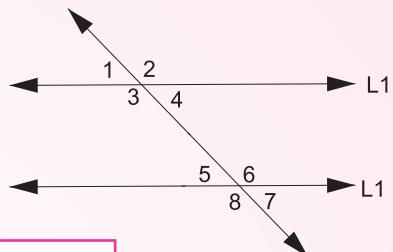
ଉତ୍ତର :-

(III) ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣ 3 ର ଛେଦକର ଅପର ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣଟି

(IV) ବହିଃସ୍ଥ କୋଣ 1 ର ଛେଦକର ଅପର ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣଟି

(V) ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣ 4 ର ଛେଦକର ଅପର ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣଟି

(VI) ବହିଃସ୍ଥ 2 କୋଣଟିର ଛେଦକର ଅପର ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣଟି



ମନୋରକ୍ଷା :- ଦୂଇଟି ସରଳରେଖାକୁ ଅନ୍ୟଏକରେଖା ଦୂଇଟି ଉନ୍ନି ଉନ୍ନି ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦକଲେ, କୌଣସି ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣର ଛେଦକର ଅପରପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣକୁ ତା'ର ଏକାତ୍ମର କୋଣ କିମ୍ବା କୌଣସି ବହିଃସ୍ଥ କୋଣର ଛେଦକର ଅପର ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ବହିଃସ୍ଥ କୋଣକୁ ତା'ର ଏକାତ୍ମର କୋଣ ଜୁହାଯାଏ ।

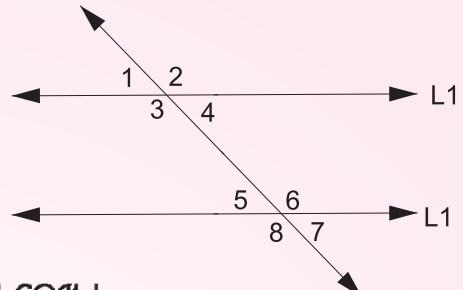
(VII) 1 ର ଏକାତ୍ମର କୋଣଟି

(VIII) 2 ର ଏକାତ୍ମର କୋଣଟି

(IX) 3 ର ଏକାତ୍ମର କୋଣଟି

(X) 4 ର ଏକାତ୍ମର କୋଣଟି

ପ୍ରଶ୍ନ-୨ :- ପାର୍ଶ୍ଵ ଚତୁରେ ℓ_1 ଓ ℓ_2 ର ରେଖାଦୟରେ ଏକ ଛେଦକ ରେଖା ℓ_3 ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରୁଛି ।



ଚତୁର ଦେଖ ଉଭର ଦିଅ ।

- (i) ଛେଦକ ℓ_3 ଛେଦକର ବାମ ପାର୍ଶ୍ଵ କୋଣ ଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।

ଯେପରି $\angle 1$, ସେପରି -

- (ii) ରେଖା ‘ ℓ_3 ’ ର ଦକ୍ଷିଣ ପାର୍ଶ୍ଵ କୋଣ ଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।

ଯେପରି $\angle 1$, ସେପରି -

- (iii) ବହିସ୍ଥ $\angle 1$ ର ଛେଦକର ଏକ ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣଟି ।

- (iv) ବହିସ୍ଥ $\angle 2$ ର ଛେଦକର ଏକ ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣଟି ।

- (v) ବହିସ୍ଥ $\angle 3$ ର ଛେଦକର ଏକ ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ବହିସ୍ଥ କୋଣଟି ।

- (vi) ବହିସ୍ଥ $\angle 4$ ର ଛେଦକର ଏକ ପାର୍ଶ୍ଵ ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ବହିସ୍ଥ କୋଣଟି ।

ମନେରଖ :- ଦୁଇଟି ରେଖାକୁ ଅନ୍ୟଏକରେଖା ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦକଲେ, କୌଣସି ବହିସ୍ଥ କୋଣର ଅନୁରୂପ କୋଣ ହେଉଛି, ଛେଦକର ଏକା ପାର୍ଶ୍ଵ ଉତ୍ତରକୋଣର ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣ ଏବଂ କୌଣସି ଅନ୍ତଃସ୍ଥ କୋଣର ଅନୁରୂପ କୋଣ ହେଉଛି, ଛେଦକର ସେହି ପାର୍ଶ୍ଵ ଉତ୍ତର କୋଣର ଦୂରବର୍ତ୍ତୀ ବହିସ୍ଥକୋଣ ।

- (vii) $\angle 1$ ର ଅନୁରୂପ କୋଣଟି ।

- (viii) $\angle 2$ ର ଅନୁରୂପ କୋଣଟି ।

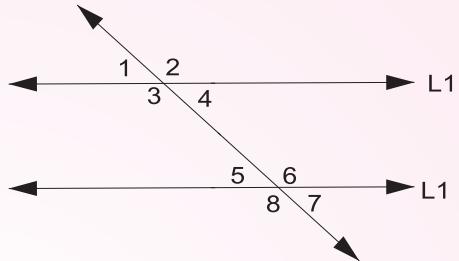
- (ix) $\angle 3$ ର ଅନୁରୂପ କୋଣଟି ।

- (x) $\angle 4$ ର ଅନୁରୂପ କୋଣଟି ।

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍ଷ-14

ଧର୍ମ ଆଧ୍ୟାତ୍ମିକ କୋଣ ଯୋଡ଼ାକୁ ବର୍ଣ୍ଣାକରଣ କରିବ, ଯେପରିକି ପ୍ରତୀପ କୋଣ, ସମ୍ମିଳିତ କୋଣ, ଅନୁପୂରକ ଓ ପରିପୂରକ କୋଣ ଯୋଡ଼ା, ଏକାନ୍ତର ଓ ଅନୁରୂପ କୋଣ ଏବଂ ଗୋଟିଏ କୋଣର ପରିମାଣ ଦର ଥିଲେ ଅନ୍ୟତିର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ।

- ଆମେ ଜାଣିଛେ ଦୁଇଟି ସମାନ୍ତରସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରି ଏହାକୁ ଏକ ଛେଦକରେଖା ଛେଦକଲେ ଉପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏକାନ୍ତର କୋଣ ଯୋଡ଼ା ମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ସମାନ ।



- ଅଙ୍କନ କରିଥିବା ଚିତ୍ରକୁ ଉପରୋକ୍ତ ଚିତ୍ର ପରି ନାମିତ କରି ନିମ୍ନଲ୍ଲିଖିତ ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।

ସାରଣୀ :-

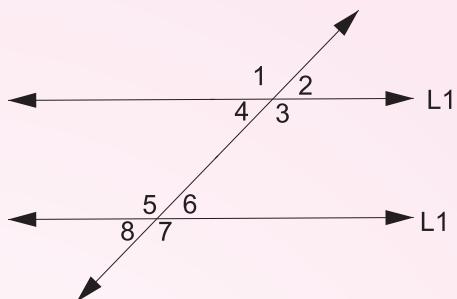
ଉପରୋକ୍ତ ସାରଣୀରୁ ଆମେ ଏହି ସିଦ୍ଧାନ୍ତରେ ଉପନୀତ ହେଲୁ ଯେ

$$\angle 1 = \dots\dots\dots, \quad \angle 2 = \dots\dots\dots, \quad \angle 3 = \dots\dots\dots, \quad \angle 4 = \dots\dots\dots,$$

ସିଦ୍ଧାନ୍ତ :- ଦୁଇଟି ସମାନ୍ତର ସରଳରେଖାକୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ସରଳରେଖା ଛେଦକଲେ ଛେଦବିନ୍ଦୁରେ ଉପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏକାନ୍ତର କୋଣ ଯୋଡ଼ା ମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ସମାନ ।

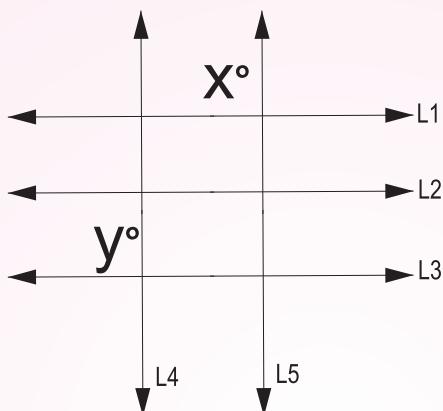
ସୁଚନା :- ଶିକ୍ଷକ, ସମାନ୍ତର ସରଳରେଖା, ଅନୁରୂପ କୋଣ ଉପପାଦ୍ୟ (ତଥ୍ୟ)କୁ ଅଙ୍କନମୂଳକ / ପରୀକ୍ଷାମୂଳକ ପ୍ରଣାଳୀରେ ପ୍ରମାଣ କରିବେ ।

2. পার্শ্বে চিত্রে $\ell_1 \parallel \ell_2 \parallel \ell_3$ ছেদক,
এবং $m\angle 1 = 120^\circ$ হলে অন্যসমগ্র
কোণ গুড়িকর পরিমাণ স্থিরকর।



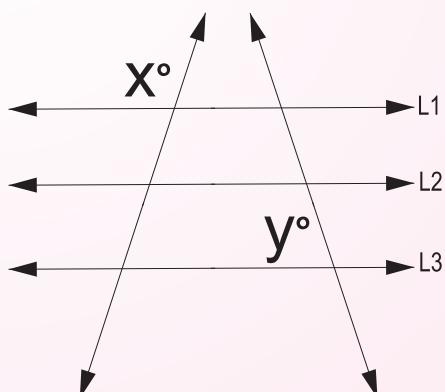
লক্ষ্য :-

3.



পার্শ্বে চিত্রে $\ell_1 \parallel \ell_2 \parallel \ell_3$ এবং $\ell_4 \parallel \ell_5$ দুটি ছেদক এবং $x^\circ = 90^\circ$ হলে $y^\circ = \underline{\hspace{2cm}}$

4. পার্শ্বে চিত্রে $\ell_1 \parallel \ell_2 \parallel \ell_3$,
 ℓ_4 ও ℓ_5 দুটি ছেদক এবং
 $x^\circ = 120^\circ$ হলে $y^\circ = \underline{\hspace{2cm}} 1$



সূচনা :-

শিক্ষক পিলাঙ্ক আবশ্যিকতাকু ভিত্তিকরি অধৃক কার্যপদ্ধ করিবে বা প্রবৃত্ত কার্যপদ্ধকু বদলাই
পরিবে।

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୂଚନା

- .. ଶିକ୍ଷକ ଶିକ୍ଷଣ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ଉପଯୁକ୍ତ ଶିକ୍ଷଣ ସାମ୍ବଗୀ ବ୍ୟବହାର କରି କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି- 10 ରୁ 14 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

GEO BOARD ସୂଚା, କାଠ, ରିପଲ, ପେନ, ବିଭିନ୍ନ ଜ୍ୟାମିତିକ ଆକୃତିର ପଟି ଜ୍ୟାମିତି ବାକ୍, GRA KIT

ଫଳାଫଳ

- .. ମୌଳିକ ଜ୍ୟାମିତିକ ଚିତ୍ର ଯଥା - ତ୍ରିଭୁଜ, ଚତୁର୍ଭୁଜ, ବୃତ୍ତ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଧାରଣା ତଥା ବର୍ଗୀକରଣ କରିବ ।
- .. ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ତ୍ରିଭୁଜ ଓ ତ୍ରିଭୁଜର କୋଣ ସଂପର୍କରେ କହିବ ଓ ବୁଝିବ ।
- .. ସଂକ୍ରାନ୍ତି କୋଣ, ଅନୁରୂପ କୋଣ ଏବଂ ସମାନର ସରଳରେକା ସମ୍ବନ୍ଧିତ ସଂପର୍କ କହିବ ଓ ଲେଖିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-15

ଆକଳନପଦ୍ଧତି - 04

ସୁଚନା ଅନୁସାରେ ଦର ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଠିକ୍ ଉତ୍ତର ବାହି ଠିକ୍ ଚିହ୍ନ ଦିଆ ।

1. 12.35 ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ରୂପ = ?

- (a) $\frac{1235}{10}$ (b) $\frac{1235}{100}$ (c) $\frac{1235}{1000}$ (d) $\frac{1235}{10000}$

2. ର ଦଶମିକ ରୂପ . ?

- (a) 0.3468 (b) 345.6 (c) 3.456 (d) 3456

3. $3.5 + 4.03 =$?

- (a) 7.053 (b) 7.53 (c) 4.38 (d) 7.35

4. $2.5 \times 1.5 =$?

- (a) 3.75 (b) 37.5 (c) 0.375 (d) 37.5

5. ନିମ୍ନଲ୍ଲିଖିତ ସଂଖ୍ୟା ବିହୀନ ପଦ ନୁହେଁ ?

- (a) ରେଖା (b) ବିଦ୍ୟୁତ (c) ସମଳତ (d) ରେଖାଖଣ୍ଡ

6. ତ୍ରିଭୁଜ ABCରେ ନିମ୍ନଲ୍ଲିଖିତ କେଉଁ ସଂପର୍କତ ଠିକ୍ ?

- (a) $AB + BC > AC$ (b) $ABC < AC$

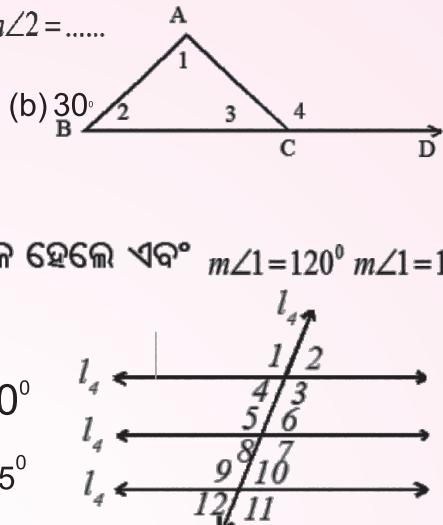
- (c) $AB + BC = AC$ (d) $AB + AC < BC$

9. ପାର୍ଶ୍ଵ ତିତ୍ରରେ $l_1 \parallel l_2 \parallel l_3 \& l_4$ ଏମାନଙ୍କ ଛେଦକ ହେଲେ ଏବଂ $m\angle 1 = 120^\circ$ $m\angle 1 = 120^\circ$

- $$m\angle 10 = \dots$$

10. ପ୍ରଶ୍ନ-୯ ଚିତ୍ରରେ $m\angle 4 + m\angle 9 = \dots\dots$

(a) 60°
 (c) 120°



କାର୍ଯ୍ୟଘର-16

ଦିଆଯାଇଥବବା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପରିସ୍ଥିତିକୁ
ବ୍ୟାପକୀକରଣ କରିବା ପାଇଁ ଚଳରାଶି ଓ
ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବ୍ୟବହାର କରିବ।

1. ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ ଚିହ୍ନ ବ୍ୟବହାର କରି ନିମ୍ନଲିଖିତ ଉକ୍ତିଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।

ଯେପରି x ଓ 2 ର ଯୋଗଫଳ $= x + 2$

(a)	a ଓ 4 ର ଯୋଗଫଳ	=
(b)	5 ଅପେକ୍ଷା x ଅଧିକ	=
(b)	$(x+y)$ ଠାରୁ 2 ଅଧିକ	=
(d)	y ଠାରୁ 4 ଭଣା	=
(e)	z ଅପେକ୍ଷା x କମ୍	=

2. ଗୁଣନ ଓ ଭାଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ଚିହ୍ନ ବ୍ୟବହାର କରି ନିମ୍ନଲିଖିତ ଉକ୍ତିଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।

ଯେପରି 3 ର 5 ଗୁଣ $= 5 \times 3$

(a)	a ର ଦୁଇଗୁଣ	=
(b)	a ଓ b ର ଯୋଗଫଳର 3 ଗୁଣ	=
(c)	x ର ଦୁଇ ଢୂତୀଯାଙ୍ଗ	=
(d)	p ଓ q ର ଯୋଗଫଳର ଅଧା ।	=

3. ନିମ୍ନଲିଖିତ ସାରଣୀଟିକୁ ପୂରଣ କର ।

ପଦ	ସହଗ	ଅଞ୍ଜାତରାଶି	ଘାତ
$2x$	2	X	1
$-3y^2$			
$9z^3$			
p^4			
$6q^4$			

4. ଶୂନ୍ୟଷ୍ଟାନ ପୂରଣ କର ।

- (i) $a + a + a =$ a
- (ii) $a + a + b =$ $a +$
- (iii) $a + a + b + b =$ $a +$ b
- (iv) $a + a + b + b + c =$ $a +$ $b +$
- (v) $a \times a + b \times b + c \times c =$ $+$ $+$

କାର୍ଯ୍ୟଘର-17

ଦିଆଯାଇଥବବା ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ପରିସ୍ଥିତିକୁ
ବ୍ୟାପକାକରଣ କରିବା ପାଇଁ ଚଳରାଶି ଓ
ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବ୍ୟବହାର କରିବ ।

1. ଉଦାହରଣ ପଢି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭର ଦିଅ ।

ଯେପରି x ଠାରୁ y ର 2 ଗୁଣ ଅଧିକ = $x + 2y$

ସେହିପରି (i) a ଠାରୁ 10 ଅଧିକ =

(ii) x ଅପେକ୍ଷା 15 କମ୍ =

(iii) p ଠାରୁ p ର ଏକ ଦୂଜୀଯାଙ୍କ କମ =

(iv) x ଦୂଜ ଗୁଣ ଠାରୁ y ର ପାଞ୍ଚ ଗୁଣ ଅଧିକ =

(v) 9 z ର ଏକ ପଞ୍ଚମାଙ୍କ ଠାରୁ 3 କମ =

2. ସାଙ୍କେତିକ ଉଚ୍ଚିକୁ ଭାଷାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ଯେପରି = $2b + 5c$ = b ର ଦୂଜ ଗୁଣଠାରୁ c ର 5 ଗୁଣ ଅଧିକ ।

ସେହିପରି (i) $4x - y$ =

(ii) $\frac{z}{5} - 2$ =

(iii) $m + n$ =

(iv) $3p + 2q - x$ =

(v) $\frac{3m}{4} + n$ =

3. ‘କ’ ସ୍ତର

$$x + 4$$

$$2x - y + 1$$

$$ab - (a+b)$$

$$p+q+r$$

$$y + \frac{x}{5}$$

‘ଖ’ ସ୍ତର

y ଠାରୁ x ର ଏକ ପଞ୍ଚମାଙ୍କ ଅଧିକ

p ଓ q ର ଯୋଗଫଳ ଠାରୁ x ଅଧିକ

x ର ଦୂଜଗୁଣ ଠାରୁ y ଉଣା ଓ ତା’ଠାରୁ 1 ଅଧିକ

a ର b ର ଗୁଣଫଳରୁ a ଓ b ର ଯୋଗଫଳ ଉଣା

x ଠାରୁ ଚାରି ଅଧିକ ।

y ଠାରୁ ଚାରି ଅଧିକ ।

କାର୍ଯ୍ୟଘର-18

ବୀଜ ଗଣିତିକ ପରିପ୍ରକାଳୀ ଗୁଡ଼ିକର ଯୋଗ/ ବିଯୋଗ କରିବ

1. କୋଠରୀ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର।

ମନୋମିଆଲ	ସହଗ	ଘାତ	ଅଞ୍ଚାତ ରାଶି
$2x$	2	1	x
$3y^2$	3		
$-7z$			
$9p^4$			
$\frac{2}{3} r^3$			
x^5			

ବି.ଦ୍ର - ଏଠାରେ ଶିଷ୍ଟକ $x^0=1$ ର ସୂଚନା ଦେଇ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟା ଏକ ମନୋମିଆଲ ବୋଲି ସୂଚନା ଦେବେ।

2. କୋଠର ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ମନୋମିଆଲମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ସଦୃଶ ମନୋମିଆଲ ଗୁଡ଼ିକ ପୃଥକ କରି ନିମ୍ନରେ ଲେଖ।

$$x, \quad 3y^2, \quad \frac{1}{2}^3, \quad y^2, \quad -9x, \quad 92P, \quad P^4$$

$$2.3 p^4, \quad 20x, \quad -30y^2, 36p, \quad 20, \quad 5y^2, 100$$

(ବି.ଦ୍ର - ପ୍ରଥମରୁ ଶିଷ୍ଟକ ସଦୃଶ ପଦ ସମ୍ପର୍କରେ ଧାରଣା ଦେବେ)

ଉତ୍ତର -

3. ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(i) $a + a + a + a =$

(ii) $a + a + a + b + b =$

(iii) $a + a + b + b + c =$

(iv) $x + x + y + z + z + z =$

4. ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

(i) $2a + a = (\quad + \quad) a =$

(ii) $3x^2 - x^2 = (\quad - \quad) x^2 =$

(iii) $-7p + 3p = (\quad + \quad) p =$

(iv) $-7z^2 - 2z^2 = (\quad - \quad) z^2 =$

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି-19

ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା ଘାତାଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ
ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ।

1. ନିମ୍ନ ସାରଣୀର ଶୂନ୍ୟପ୍ଲାନଗୁଡ଼ିକ ପୂରଣ କର।

ସଂଖ୍ୟା	ଘାତାକୀୟ ରୂପ	ଆଧାର	ଘାତକ
16	4^2	4	2
25			2
64		2	
81			4
216			3
	x^3		

2. ଶୂନ୍ୟପ୍ଲାନ ପୂରଣ କର।

ସେପରି $-8 = (-2) \times (-2) \times (-2) = (-2)^3$

(i) $-27 = (-3) \times () \times () = \boxed{\quad}$

(ii) $-125 = () \times () \times () = (-5)^3$

(iii) $-64 = () \times () \times () = \boxed{\quad}$

3. ଦିଆଯାଇଥିବା ଘାତରାଶି ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ କିଏ ବଡ଼ ହିଁର କର।

(i) 4^3 ଓ 3^4

ସେପରି $4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64$

$3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$

$\therefore 3^4$ ବଡ଼

(ii) 5^3 ଓ 3^5

(iii) 2^8 ઓ 8^2

(iv) 2^{10} ઓ 10^2

4. નિમ્ન સંખ્યામાનકું મૌલિક સંખ્યામાનકું રાત રાશિર ગુણપદ્ધતિ રૂપે પ્રકાશ કર।

યોગ્ય :-

(i) 392 કુ મૌલિક સંખ્યામાનકું રાત રાશિર ગુણપદ્ધતિ રૂપે પ્રકાશ કલે।

$$\begin{array}{r}
 2 | 392 \\
 2 | 196 \\
 2 | 98 \\
 7 | 49 \\
 \hline
 7
 \end{array}
 \quad 392 = 2^3 \times 7^2$$

એહેઠે,

(ii) 500

(iii) 432

5. આધાર, ઘાતકી ઓ સંખ્યાભૂક સહજ દર્શાઓ।

ઉદાહરણ $2x^4$ રે, આધાર = x

ઘાતકી = 4

ઓ સહજ = 2

(i) $3x^5$ ରେ ଆଧାର =

ଘାତାଙ୍କ =

ସହଗ =

(ii) $32y^9$ ରେ ଆଧାର =

ଘାତାଙ୍କ =

ସହଗ =

6. ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଘାତରାଶିର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କର ।

(i) 864

(ii) 2744

7. ସରଳ କର ।

(i) $a^5 \times a^4 \div a^3$

(ii) $\frac{25 \times 10^6 \times 625}{2^3 \times 32 \times 5^3}$

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- “ ଶିକ୍ଷକ ଆବଶ୍ୟକ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର ଶିକ୍ଷଣକାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ କରାଇ କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ 16 ରୁ 19 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

- “ ବିଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତି ପଦ୍ଧତି ସୁଚନା ପାଇଁ
ଫଳାଫଳ
- “ ବିଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତିକୁ ବୀଜଗାଣୀତିକ ଉତ୍ତି ପ୍ରକାଶ କରିବ ।
- “ ସଦୃଶ ମନୋମିଆଲ ଗୁଡ଼ିକର ଯୋଗ/ ବିଯୋଗ କରିବ ।
- “ ଘାତ ରାଶିମାନଙ୍କର ଆଧାର, ଘାତାଙ୍କ, ସହଗ, ଗୁଣନ, ହରଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟଗର୍ଭ-20

ଆକଳନପଦ୍ଧ - 05

ପୁରୁଷା ଅନୁଷ୍ଠାରେ ସମ୍ମାନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉପଯୁକ୍ତ ଉଭର ବାକି ଠିକ୍ ଚିହ୍ନ ଦିଆ ।

8. $\frac{98 \times 35}{125}$ କୁ ମୌଳିକ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ଘାତ ରାଶିମାନଙ୍କ ଗୁଣପଦଳ ରୂପ ପ୍ରକାଶ କର ।
- (a) $2^1 \times 5^{-2} \times 7^3$ (b) $2^{-1} \times 5^2 \times 7^3$
(c) $2^1 \times 5^{-2} \times 7^{-3}$ (d) $2^{-1} \times 5^2 \times 7^{-3}$
9. ଏକ ମନୋମିଆଲର ଘାତକ ସର୍ବଦା..... ?
- (a) କୁଣ୍ଡାଳୁକ (b) ଧନାଦୂଳୁକ
(c) 0 (d) ଅଣରଣ୍ଡାମୂଳୁକ
10. ନିମ୍ନସ୍ଥ ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁ ପଦ ଦୁଇଟିର ଯୋଗ ବିଯୋଗ କରାଯାଇପାରିବ ।
- (a) $2x$ ଓ $-5x^2$ (b) $7p$ ଓ $-9q$
(c) $4m$ ଓ $6m n$ (d) $3n$ ଓ $4n$

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍-21

ସରଳ ସୁଧ ହିସାବ କରିବା
ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ଶତକନୀ ଲାଭକ୍ଷତି ଓ
ସରଳ ସୁଧହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା।

ଉଦ୍ଦାହରଣ- 1

500 ଟଙ୍କା ଦାମରେ ଗୋଟିଏ ବସ୍ତୁକୁ କିଣି 550 ଟଙ୍କା ଦାମରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\begin{aligned}\text{ଲାଭ} &= \text{ବିକ୍ରି ମୂଲ୍ୟ} - \text{କ୍ରୂଷ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ} \\ &= 550 \text{ ଟଙ୍କା} - 500 \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= 50 \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

500 ଟଙ୍କା କିଣାଦାମ ବେଳେ ଲାଭ 50 ଟଙ୍କା ।

$$1 \text{ ଟଙ୍କା } \text{କିଣାଦାମ } \text{ବେଳେ \, ଲାଭ} = \frac{50}{500} \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\begin{aligned}100 \text{ ଟଙ୍କା } \text{କିଣାଦାମ } \text{ବେଳେ \, ଲାଭ} &= \frac{50}{500} \times 100 \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= 10 \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

\therefore ଶତକତା ଲାଭ 10

$$\text{ଶତକତା ଲାଭ} = \frac{\text{ଲାଭ}}{\text{କ୍ରୂଷ୍ଣମୂଲ୍ୟ}} \times 100$$

1. ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନ ଗୁଡ଼ିକରେ ଶତକତା ଲାଭ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(i) କ୍ରୂଷ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ = 300 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରି ମୂଲ୍ୟ = 360 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ ଲାଭ} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \%\end{aligned}$$

(ii) କ୍ରୂଷ୍ଣମୂଲ୍ୟ = 150 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରି ମୂଲ୍ୟ = 180 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ ଲାଭ} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \%\end{aligned}$$

(iii) କ୍ରୂଷ୍ଣମୂଲ୍ୟ = 800 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରି ମୂଲ୍ୟ = 840 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\% \text{ ଲାଭ} &= \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100 \\ &= \boxed{} \%\end{aligned}$$

ଉଦ୍‌ବାହରଣ- 2

ଜଣେ ଫଳ ବେପାରୀ ଏକ କି.ଗ୍ରା ସେଓକୁ 150 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 120 ଟଙ୍କା ଦାମରେ ବିକ୍ରି କଲେ ।

$$\text{କ୍ଷତି} = \frac{\text{କ୍ରୂଧ ମୂଲ୍ୟ} - \text{ବିକ୍ରୂଧ ମୂଲ୍ୟ}}{\text{କ୍ରୂଧ ମୂଲ୍ୟ}}$$

$$= 150 \text{ ଟଙ୍କା} - 120 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$= 30 \text{ ଟଙ୍କା}$$

150 ଟଙ୍କା କିଣାଦାମ ବେଳେ କ୍ଷତି 30 ଟଙ୍କା

$$1 \text{ ଟଙ୍କା କିଣାଦାମ ବେଳେ କ୍ଷତି} = \frac{30}{150} \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$100 \text{ ଟଙ୍କା କିଣାଦାମ ବେଳେ କ୍ଷତି} = \frac{30}{150} \times 100 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$= 20 \text{ ଟଙ୍କା}$$

\therefore ଶତକତା କ୍ଷତି 20 ଟଙ୍କା

$$\text{ଶତକତା କ୍ଷତି} = \frac{\text{କ୍ଷତି}}{\text{କ୍ରୂଧମୂଲ୍ୟ}} \times 100$$

2. ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନ ଗୁଡ଼ିକରେ ଶତକତା କ୍ଷତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(i) କ୍ରୂଧ ମୂଲ୍ୟ = 230 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୂଧ ମୂଲ୍ୟ = 200 ଟଙ୍କା

$$\% \text{ କ୍ଷତି} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100$$

$$= \boxed{}$$

(ii) କ୍ରୂଧମୂଲ୍ୟ = 300 ଟଙ୍କା, ବିକ୍ରୂଧ ମୂଲ୍ୟ = 270 ଟଙ୍କା

$$\% \text{ କ୍ଷତି} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100$$

$$= \boxed{}$$

(iii) କ୍ରୂଧମୂଲ୍ୟ = 160, ବିକ୍ରୂଧ ମୂଲ୍ୟ = 200 ଟଙ୍କା

$$\% \text{ କ୍ଷତି} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \times 100$$

$$= \boxed{}$$

ଉଦାହରଣ- 3

କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ ଓ ଶତକତା ଲାଭ ଦିଆଯାଇଥିଲେ ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ।

ଗୋଟିଏ ପୋଷାକକୁ 360 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 10% ଲାଭରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ 100 ଟ. ବେଳେ ଲାଭ 10 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟମୂଲ୍ୟ} &= \text{କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ} + \text{ଲାଭ} \\ &= 100 + 10 \\ &= 110 \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

100 ଟଙ୍କା କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ ବେଳେ, ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 110 ଟଙ୍କା

1 ଟଙ୍କା କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ ବେଳେ ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ $\frac{110}{100}$ ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}360 \text{ ଟଙ୍କା କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ ବେଳେ ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{110}{100} \times 360 \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= \frac{(100+10) \times 360}{100} \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= 396 \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

\therefore ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 396 ଟଙ୍କା

$$\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} = \frac{(100 + \text{ଲାଭ}) \times \text{କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ}}{100}$$

3. (i) ଗୋଟିଏ ବହିକୁ 640 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 28% ଲାଭରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{+} \times \boxed{}}{\boxed{}} \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= \boxed{} \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

(ii) ଗୋଟିଏ ଚିନି ବସ୍ତାକୁ 240 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 12% ଲାଭରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{+} \times \boxed{}}{\boxed{}} \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= \boxed{} \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

(iii) ଗୋଟିଏ ଲୁଗାକୁ 180 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 15% ଲାଭରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ ଟଙ୍କା} &= \frac{\boxed{+} \times \boxed{}}{\boxed{}} \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= \boxed{} \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

(iv) ଗୋଟିଏ ଜିନିଷକୁ 250 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 20% ଲଭରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{+} \times \boxed{}}{\boxed{}} \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= \boxed{} \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

ଉଦାହରଣ- 4

କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ ଓ ଶତକତା କ୍ଷତି ଦିଆଯାଇଥିଲେ ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ।

ଗୋଟିଏ ରେଡ଼ିଓକୁ 450 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 4% କ୍ଷତିରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ 100 ଟ. ବେଳେ କ୍ଷତି 4 ଟଙ୍କା ।

$$\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} = \text{କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ} - \text{କ୍ଷତି}$$

$$= 100 \text{ ଟଙ୍କା} - 4 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$= 96 \text{ ଟଙ୍କା}$$

100 ଟଙ୍କା କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ ବେଳେ, ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 96 ଟଙ୍କା ।

$$1 \text{ ଟଙ୍କା କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ ବେଳେ ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ } \frac{96}{100} \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$450 \text{ ଟଙ୍କା କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ ବେଳେ ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} = \frac{96}{100} \times 450 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$= \frac{(100 - 4) \times 450}{100} \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$= 432 \text{ ଟଙ୍କା}$$

\therefore ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 432 ଟଙ୍କା ।

ଆମେ ଦେଖୁଲେ,

$$\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} = \frac{(100 - \text{କ୍ଷତି}) \times \text{କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ}}{100}$$

4. (i) ଗୋଟିଏ ଆମ ଝୁଡ଼ିକୁ 300 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 5% କ୍ଷତିରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} = \frac{100-5}{100} \times 300 = \frac{\boxed{100-5} \times \boxed{300}}{\boxed{100}} = \frac{\boxed{95} \times \boxed{300}}{\boxed{100}}$$

$$= \boxed{285}$$

(ii) ଗୋଟିଏ ସାଇକେଲକୁ 600 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 6% କ୍ଷତିରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ର୍ୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{} \times \boxed{}}{100} = \frac{\boxed{}}{100} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

(iii) ଗୋଟିଏ ଜିନିଷକୁ 400 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 8% କ୍ଷତିରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା ।

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ର୍ୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{} \times \boxed{}}{100} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

(iv) ଗୋଟିଏ ଅଣ୍ଟା ଚ୍ରେକୁ 450 ଟଙ୍କାରେ କିଣି 12% କ୍ଷତିରେ ବିକ୍ରି କରାଗଲା

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ର୍ୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{} \times \boxed{}}{100} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

ଉଦାହରଣ- 5

ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ ଓ ଶତକଡ଼ା ଲାଭ ଦିଆଯାଇଥିଲେ ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ।

ଗୋଟିଏ ବହିକୁ 72 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରୟ କରି ଶତକଡ଼ା 20 ଲାଭ ହେଲା ।

ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 100 ଟ. ବେଳେ ଲାଭ 20 ଟଙ୍କା

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} + \text{ଲାଭ} \\ &= 100 + 20 \\ &= 120\end{aligned}$$

ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 120 ଟଙ୍କା ବେଳେ, କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 100 ଟଙ୍କା

$$\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ } 1 \text{ ଟଙ୍କା ବେଳେ \text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ } \frac{100}{120} \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ } 72 \text{ ଟଙ୍କା ବେଳେ \text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{100}{120} \times 72 \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= \frac{100 \times 72}{100 \quad 20} \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= 60 \text{ ଟଙ୍କା}\end{aligned}$$

\therefore କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 60 ଟଙ୍କା

$$\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} = \frac{100 \times \text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ}}{100 + \text{ଲାଭ}}$$

5. (i) ଗୋଟିଏ ରେଡ଼ିଓକୁ 440 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରୟ କରି ଶତକଡ଼ା 10 ଲାଭ ହେଲା ।

$$\begin{aligned}\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{100 \times 440}{100 + 10} = \boxed{} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

(ii) ଗୋଟିଏ ବ୍ୟାଗକୁ 360 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରୟ କରି ଶତକଡ଼ା 20 ଲାଭ ହେଲା ।

$$\begin{aligned}\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{} \times \boxed{}}{\boxed{} + \boxed{}} = \boxed{} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

(iii) ଗୋଟିଏ ଚୌକିକୁ 230 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରୟ କରି ଶତକଡ଼ା 15 ଲାଭ ହେଲା ।

$$\begin{aligned}\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{} \times \boxed{}}{\boxed{} + \boxed{}} = \boxed{} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

(iv) ଗୋଟିଏ ପରିବା ଛୁଡ଼ିକୁ 260 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରୟ କରି ଶତକଡ଼ା 30 ଲାଭ ହେଲା ।

$$\begin{aligned}\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{\boxed{} \times \boxed{}}{\boxed{} + \boxed{}} = \boxed{} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

ଉଦାହରଣ- 6

ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ ଓ ଶତକଡ଼ା କ୍ଷତି ଦଉଥିଲେ କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ।

ଗୋଟିଏ ଜିନିଷକୁ 180 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରୟ କରି ଶତକଡ଼ା 10 କ୍ଷତି ହେଲା ।

କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ 100 ଟଙ୍କା ବେଳେ କ୍ଷତି 10 ଟଙ୍କା ।

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟମୂଲ୍ୟ} &= \text{କ୍ରୟମୂଲ୍ୟ} - \text{କ୍ଷତି} \\ &= 100 - 10 \\ &= 90 \text{ ଟଙ୍କା}.\end{aligned}$$

ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 90 ଟଙ୍କା ବେଳେ, କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 100 ଟଙ୍କା ।

ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ 1 ଟଙ୍କା ବେଳେ କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ $\frac{100}{90}$ ଟଙ୍କା ।

$$\begin{aligned}\text{ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ } 180 \text{ ଟଙ୍କା ବେଳେ \, କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{100}{90} \times 180 \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= \frac{100 \times 180}{100 - 10} \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= 200 \text{ ଟଙ୍କା}.\end{aligned}$$

$$\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} = \frac{100 \times \text{ବିକ୍ରୟମୂଲ୍ୟ}}{100 - \% \text{କ୍ଷତି}}$$

6. (i) ଗୋଟିଏ ବହିକୁ 240 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରି କରି ଶତକଡ଼ା 90 କ୍ଷତି ହେଲା ।

$$\begin{aligned}\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{100 \times (240)}{100 - 20} = \boxed{\quad} \\ &= \boxed{\quad}\end{aligned}$$

(ii) ଗୋଟିଏ ପୁଲ ଛୁଡ଼ିକୁ 255 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରି କରି ଶତକଡ଼ା 15 କ୍ଷତି ହେଲା ।

$$\begin{aligned}\text{କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{100 \times \boxed{\quad}}{\boxed{\quad}} = \frac{\boxed{\quad}}{\boxed{\quad}} \\ &= \boxed{\quad}\end{aligned}$$

(iii) ଗୋଟିଏ ଘଡ଼ିକୁ 450 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରି କରି ଶତକତ୍ତା 10 କ୍ଷତି ହେଲା ।

$$\begin{aligned}\text{କୁଣ୍ଡ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{100 \times \boxed{}}{\boxed{}} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

(iv) ଗୋଟିଏ ସାର୍କୁ 368 ଟଙ୍କାରେ ବିକ୍ରି କରି ଶତକତ୍ତା 8 କ୍ଷତି ହେଲା ।

$$\begin{aligned}\text{କୁଣ୍ଡ ମୂଲ୍ୟ} &= \frac{100 \times \boxed{}}{\boxed{}} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \\ &= \boxed{}\end{aligned}$$

କାର୍ପ୍ୟାଙ୍କ-22

ସରଳ ସୁଧ ହିସାବ କରିବା
ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ଶତକଡ଼ା ଲାଭକ୍ଷତି ଓ
ସରଳ ସୁଧହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।

(ସୁଧ, ମୂଲଧନ, ସୁଧରହାର, ସମୟ ସମୂଳସୁଧ, ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର)

ମନେରଖ :-

- ‡ ପ୍ରତି ୧୦୦ ଟଙ୍କା ଜମା ଉପରେ ବର୍ଷ ଲାଗି ଯେତେ ପରିମାଣର ସୁଧ ଦିଆଯାଏ, ତାକୁ ଶତକଡ଼ା ସୁଧ ହାର କୁହାଯାଏ ଓ ଏହାକୁ ‘R’ ସଂକେତ ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ ।
- ‡ ଜମାଥିବା ଟଙ୍କା ପରିମାଣକୁ ମୂଲଧନ କୁହାଯାଏ ଓ ଏହାକୁ ‘P’ ସଂକେତ ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ ।
- ‡ ଯେତେ ବର୍ଷ ଲାଗି ଜମାଟଙ୍କା ଗଛିତ ଥାଏ, ତାକୁ ଜମାର ସମୟ କୁହାଯାଏ, ଓ ଏହାକୁ ‘T’ ସଂକେତ ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ ।
- ‡ ଜମା ଉପରେ ଯେଉଁ ସୁଧ ମିଳେ ତାକୁ ‘I’ ସଂକେତ ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ ।
ମନେକର ମୂଲଧନ = ୧ ଟଙ୍କା, ସୁଧର ହାର = R%, ସମୟ = T ବର୍ଷ ।

$$100 \text{ ଟଙ୍କାର } | \text{ବର୍ଷର ସୁଧ} = R \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$1 \text{ ଟଙ୍କାର } | \text{ବର୍ଷର ସୁଧ} = \frac{R}{100} \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$P \text{ ଟଙ୍କାର } | \text{ବର୍ଷର ସୁଧ} = \frac{PR}{100} \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$P \text{ ଟଙ୍କାର } T \text{ ବର୍ଷର ସୁଧ} = \frac{PTR}{100} \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\text{ସରଳ ସୁଧ (I)} = \frac{PTR}{100}$$

$$‡ \quad \text{ମୂଲଧନ (P)} = \frac{1 \times 100}{TR}$$

$$‡ \quad \text{ସୁଧର ହାର (R)} = \frac{1 \times 100}{PT}$$

$$‡ \quad \text{ସମୟ (T)} = \frac{1 \times 100}{PR}$$

$$‡ \quad \text{ସମ୍ବଲ ସୁଧ (A)} = P + I$$

$$‡ \quad I = A - P$$

$$‡ \quad P = A - I$$

1. ସମ୍ପର୍କ କର :

- (i) ଯେତେ ଟଙ୍କା ଦିଆଗଲା : ସୁଧ
- (ii) ମୋଟ ଟଙ୍କା ଯାହା ଫେରାଯିବ : ମୂଳଧନ
- (iii) ଯେତିକି ଅଧିକ ଟଙ୍କା ଦେବାକୁ ହେବ : ସମ୍ବଲ ସୁଧ

2. ଠିକ୍ କି ଭୁଲ ଲେଖ :

- (କ) ସୁଧର ହାର ପ୍ରତିବର୍ଷ ବା ପ୍ରତି ମାସ ହିସାବ ହୋଇଥାଏ । []
- (ଖ) ମୂଳଧନ ସହିତ ସୁଧକୁ ଯୋଗକରି ଯେଉଁ ପରିମାଣ ଦିଆଯାଏ ତାହାକୁସମ୍ବଲସୁଧ କୁହାଯାଏ []
- (ଗ) ସୁଧ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା ପାଇଁ ଆମେ (ସୁଧ = ମୂଳଧନ ସମୟ) କରିଥାଉ । []
- (ଘ) ରାଜ କୁମାର 100 ଟଙ୍କା ଧାର ନେଇଥିଲେ । ତିନିମାସ ପରେ ସେ 115 ଟଙ୍କା ଫେରାଇଲେ । ଏଠାରେ ମୂଳଧନ 100 ଟଙ୍କା ଓ ସୁଧ 15 ଟଙ୍କା । []
- (ଡ) ରାଜେଶ ବାର୍ଷିକ 10% ହାରରେ 1000 ଟଙ୍କା 1 ବର୍ଷ ପାଇଁ ନେଇଥିଲେ । ରାଜେଶ 100 ଟଙ୍କା ସୁଧ ଦେବେ । []
- (ଚ) ମୋର ଯେତେ ଟଙ୍କା ଫେରାଇବାକୁ ହେବ ତାହାକୁ ସୁଧ କହାଯାଏ । []
- (ଛ) କୃଷକ ଘର ତିଆରି କରିବା ପାଇଁ କୃଷି ଯନ୍ତ୍ର କିଣିବା ପାଇଁ, ଘର ସାମଗ୍ରୀ କିଣିବା ପାଇଁ, ବିହନ କିଣିବା ପାଇଁ ବା ଅନ୍ୟ କେଉଁ କାମ ପାଇଁ ଧାର ନେଇଥାଏ । []
- (ଜ) ରାଜୀବ ବ୍ୟଙ୍କରେ 1000 ଟଙ୍କା ଜମା ରଖିଲେ । ବାର୍ଷିକ 20% ହାରରେ 2 ବର୍ଷରେ ରାଜୀବଙ୍କୁ 4000 ଟଙ୍କା ସୁଧ ମିଳିଲା । []

3. ବର୍ତ୍ତମାନ ନିମ୍ନ ସାରଣୀ ପୂରଣକର ।

ରଙ୍କିତ ଅଲଗା ଅଲଗା କାମ ପାଇଁ ଧାର ନେଲା	କେତେ ବର୍ଷ ପାଇଁ ନେଲା	ସୁଧର ହାର (%) ରେ)	ସୁଧ	ସମ୍ବଲ ସୁଧ
500	2	20%		
1000	2	18%		
10,000	2	16%		
50,000	2	14%		
1,00,000	2	10%		
5,00,000	2	8%		
10,00,000	2	6%		

4. 5% ବାର୍ଷିକ ସୁଧହାରରେ 2 ବର୍ଷ ପାଇଁ 1000 ଟଙ୍କା ଜମା ରଖିଲେ । ସମୁଦାୟ ସରଳ ସୁଧ ବାବଦକୁ କେତେ ମିଳିବ ?

ସମାଧାନ - ଏଠାରେ, ସୁଧର ହାର(R) = 5 %

$$\text{ମୂଲଧନ } (P) = 1000 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\text{ସମୟ } (T) = 2 \text{ ବର୍ଷ}$$

$$\text{ସରଳ ସୁଧ } (I) = \frac{PTR}{100}$$

$$= \frac{1000 \times 2 \times 5}{100} = 100 \text{ ଟଙ୍କା}$$

5. 10% ବାର୍ଷିକ ସୁଧହାରରେ 5 ବର୍ଷ ପାଇଁ 3000 ଟଙ୍କା ଜମା ରଖିଲେ, ସମୁଦାୟ ସରଳ ସୁଧ ବାବଦକୁ କେତେ ଟଙ୍କା ମିଳିବ ?

ସମାଧାନ - ଏଠାରେ, ସୁଧର ହାର (R) = 10%

$$\text{ମୂଲଧନ } (P) = 3000 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\text{ସମୟ } (T) = 5 \text{ ବର୍ଷ}$$

$$\text{ସରଳ ସୁଧ } (I) = \frac{PTR}{100}$$

$$= \frac{(\boxed{}) \times (\boxed{}) \times (\boxed{})}{100}$$

$$= \frac{(\boxed{})}{(\boxed{})} = \boxed{}$$

6. 8% বার্ষিক সুধহারেরে 3 বর্ষ পাই 2500 টকা জমা রখলে সমুদায় এরক সুধ বাবদকু কেতে মিলিব ?

$$\text{সমাধান} - \text{এতারে, সুধর হার } (R) = \boxed{}$$

$$\text{মূলধন } (P) = \boxed{}$$

$$\text{সময় } (T) = \boxed{}$$

$$\begin{aligned}\text{এরকসুধ } (I) &= \frac{P \times T \times R}{100} \\&= \frac{(\boxed{}) \times (\boxed{}) \times (\boxed{})}{100} \\&= \frac{(\boxed{})}{(\boxed{})} \quad \boxed{}\end{aligned}$$

7. বার্ষিক শতকরা 9 হারেরে 5 বর্ষৰ এরক সুধ 1800 টকা হেলে, মূলধন কেতে ?

$$\text{সমাধান এতারে, সুধর হার } (R) =$$

$$\text{সময় } (T) =$$

$$\text{এরকসুধ } (I) =$$

$$\begin{aligned}\text{মূলধন } (P) &= \frac{I \times 100}{T \times R} \\&= \frac{(\boxed{}) \times 100}{(\boxed{}) \times (\boxed{})} \\&= \frac{(\boxed{})}{(\boxed{})} \quad \boxed{}\end{aligned}$$

8. 3% বার্ষিক সুধ হারেরে 4 বর্ষৰ এরকসুধ 120 টকা হেলে, মূলধন কেতে ?

$$\text{সমাধান} - \text{এতারে, সুধর হার}$$

$$\text{সুধর হার } (R) =$$

$$\text{সময় } (T) =$$

$$\text{এরকসুধ } (I) =$$

$$\begin{aligned}\text{মূলধন } (P) &= \frac{I \times 100}{T \times R} \\&= \frac{(\boxed{}) \times 100}{(\boxed{}) \times (\boxed{})} \\&= \frac{(\boxed{})}{(\boxed{})} \quad \boxed{}\end{aligned}$$

9. 5000 টাঙ্কা মূলধনের 3 বর্ষের সরলসুধ 900 টাঙ্কা হলে, সুধর হার কেতে ?

সমাধান : এতারে, সুধর হার (R) =

সময় (T) =

সরলসুধ (I) =

$$\text{সুধরহার} (P) = \frac{I \times 100}{P \times T}$$

$$= \frac{(\square) \times 100}{(\square) \times (\square)}$$

$$= \frac{(\square)}{(\square)} \quad \boxed{\square}$$

10. 400 টাঙ্কা মূলধনের 6% বার্ষিক সুধ হারের সরল সুধ 252 টাঙ্কা কেতে বর্ষের হেব ?

সমাধান - এতারে, মূলধন (P) =

সরল সুধ (I) =

সুধর হার (R) =

$$\text{সময়} (T) = \frac{I \times 100}{PR}$$

$$= \frac{(\square) \times 100}{(\square) \times (\square)}$$

$$= \frac{(\square)}{(\square)} \quad \boxed{\square}$$

11. 3000 টাঙ্কা মূলধনের 5% বার্ষিক সুধহারে 600 টাঙ্কা সরল সুধ কেতে বর্ষের হেব ?

সমাধান - এতারে, মূলধন (P) =

সরল সুধ (I) =

সুধর হার (R) =

$$\text{সময়} (T) = \frac{I \times 100}{P \times R}$$

$$= \frac{(\square) \times 100}{(\square) \times (\square)}$$

$$= \frac{(\square)}{(\square)} \quad \boxed{\square}$$

କାର୍ଯ୍ୟଫଳ-23

ସଲଖ ଓ ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ
ସଂକ୍ଷାତ୍ତ୍ଵୀଯ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ

(1) ଶୂନ୍ୟପ୍ଲାନ ପୂରଣ କର ।

- (a) ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସମ୍ପର୍କକୁ କୁହାଯାଏ ।
- (b) ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରଥମ ରାଶି ବଢ଼ିଲେ ଯଦି ଦିତୀୟ ରାଶି ସମାନ୍ୟପାତିକ ଭାବେ ବଢ଼େ କିମ୍ବା ପ୍ରଥମ ରାଶି କମିଲେ ଯଦି ଦିତୀୟ ରାଶି ସମାନ୍ୟପାତରେ କମେ, ତେବେ ଏହା ଚଳନ ।
- (c) ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରଥମ ରାଶି ବଢ଼ିଲେ ଯଦି ଦିତୀୟ ରାଶିଟି ସମାନ୍ୟପାତିକ ଭାବେ କମେ କିମ୍ବା ପ୍ରଥମ ରାଶି କମିଲେ ଯଦି ଦିତୀୟ ରାଶିଟି ସମାନ୍ୟପାତରେ ବଢ଼େ । ତେବେ ଏହା ଚଳନ ।
- (d) x ଓ y ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ଏବଂ $x \alpha y$, ତେବେ $\frac{x_1}{x_2} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$
- (e) x ଓ y ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ଏବଂ $x \alpha \frac{1}{y}$, ତେବେ $x_1 x y_1 = \boxed{} \times \boxed{}$
- (f) x ଓ y ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ଏବଂ $x \alpha y$, ତେବେ ଧୂବକ $k = \boxed{}$
- (g) x ଓ y ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ଏବଂ $x \alpha \frac{1}{y}$ ତେବେ ଧୂବକ $k = \boxed{}$

(2) ପ୍ରଶ୍ନ ସମାଧାନ କରି ଲେଖ ।

- (a) $x \alpha y$ ହୁଏ $x_1 = 2, y_1 = 4, x_2 = 3$, ତେବେ y_2 କେତେ ?

ସମାଧାନ:-

$$\Rightarrow x \alpha y \text{ ହେଲେ } \frac{x_1}{y_1} = \frac{x_2}{y_2} \Rightarrow y_2 = \frac{x_2 \times y_1}{x_1} = \frac{3 \times 4}{2} = \frac{12}{2} = 6$$

- (b) $x \alpha \frac{1}{y}$ ହୁଏ $x_1 = 5, y_1 = 10, x_2 = 25$ ହେଲେ y_2 କେତେ ?

ସମାଧାନ:-

$$x \alpha \frac{1}{y} \text{ ହେଲେ } x_1 \times y_1 = x_2 \times y_2 \Rightarrow y_2 = \frac{x_1 \times y_1}{x_2} = \frac{5 \times 10}{25} = 2$$

- (c) $x \alpha y$ ହୁଏ $x_1 = 6, y_1 = 18, x_2 = 5$ ହେଲେ y_2 କେତେ ?

(d) $x \propto \frac{1}{y}$ এ $x_1 = 12, y_1 = 8, x_2 = 16$ হেলে y_2 কেতে ?

(3) সারণী মাধ্যরে থুবা শূন্য স্থান পূরণ কর ।

x	1	2		9		5
y	2		6	18	36	
$\frac{x}{y}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$		$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

(4) সারণী মাধ্যরে থুবা শূন্য স্থান পূরণ কর ।

x	20		3	12		6
y	3	4			15	
xy	60	60	60	60	60	60

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍ଷ-24

ସଲଖ ଓ ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ
ସଂକ୍ରାନ୍ତୀୟ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ

ଉଦାହରଣ:-

ଗୋଟିଏ କଲମର ଦାମ 10 ଟଙ୍କା ହେଲେ 12 ଟି କଲମର ଦାମ 120 ଟଙ୍କା ହେବ ।

$$\begin{aligned} \text{ସେହିପରି } 8 \text{ ଟି କଲମର ଦାମ} &= 8 \times 10 \\ &= 80 \text{ ଟଙ୍କା} \end{aligned}$$

$$1 \text{ ଟି କଲମର ଦାମ} = \frac{80}{8} 10 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\begin{aligned} 15 \text{ ଟି କଲମର ଦାମ} &= 15 \times 10 \\ &= 150 \text{ ଟଙ୍କା} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 7 \text{ ଟି କଲମର ଦାମ} &= 7 \times 10 \\ &= 70 \text{ ଟଙ୍କା} \end{aligned}$$

ଏଥରୁ ଜଣାପଡ଼ୁଛି ଯେ, ବନ୍ଦୁ ସଂଖ୍ୟା ବଢ଼ିଲେ, ତା'ର ମୂଲ୍ୟ ବନ୍ଦୁଛି, ବନ୍ଦୁ ସଂଖ୍ୟା କମିଲେ ମୂଲ୍ୟ ମଧ୍ୟ କମୁଛି ।
ପରିମାଣ ବୃଦ୍ଧିତ ସହ ମୂଲ୍ୟରସମାନ୍ୟପାତିକ ବୃଦ୍ଧି ଓ ପରିମାଣର ହାସ ସହ ମୂଲ୍ୟର ସମାନ୍ୟପାତିକ ହାସକୁ ସଲଖ ଚଳନ କୁହାଯାଏ ।

ଯଦି x ଓ y ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି ହୁଏ ।

ତେବେ $x \propto y$

$$x = YK$$

$$\frac{x}{y} = K$$

$$\frac{x_1}{y_1} = \frac{x_2}{y_2} = K$$

ଉଦାହରଣ : ୧

5 କି.ଗ୍ରା. ଆଲୁର ଦାମ 60 ଟଙ୍କା ହେଲେ 3 କି.ଗ୍ରା. ଆଲୁର ଦାମ କେତେ ?

ସମାଧାନ :-

ଆଲୁ (କି.ଗ୍ରା.ରେ) x	$x_1 = 5$	$x_2 = 3$
ଆଲୁର ଦାମ (ଟଙ୍କାରେ) y	$y_1 = 60$	$y_2 = ?$

$$\frac{x_1}{Y_1} = \frac{x_2}{Y_2}$$

$$\Rightarrow \frac{5}{60} = \frac{3}{Y_2}$$

$$\Rightarrow 5Y_2 = 60 \times 3$$

$$\Rightarrow Y_2 = \frac{60 \times 3}{5}$$

$$= 48 \text{ টকা}$$

(a) প্রশ্ন পুত্তিকর উভয় চলন ধারারে সমাধান কর।

গোটিএ খাতার মূল্য 15 টকা হেলে 10 টি খাতার মূল্য কেতে টকা হেব।

সমাধান :-

(b) 12 জন শ্রমিক গোটিএ কামকু 18 দিনের সারতি, তেবে 8 জন শ্রমিক সেহি কামকু কেতে দিনের সারিবে চলন প্রক্রিয়ারে সমাধান কর।

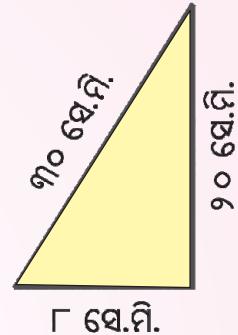
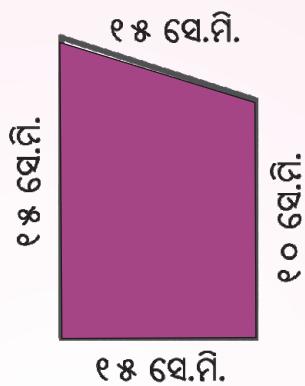
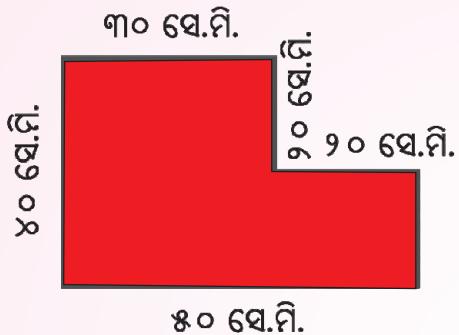
সমাধান :-

କାର୍ଯ୍ୟଘର-25

ସରଳ ଜ୍ୟାମିତିକ ଆକୃତିର
ଶୈଖପଲ ଓ ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ
କରିବ ।

ଜ୍ୟାମିତିକ ଚିତ୍ରର ପରିସୀମା

ଡଳେ ଚିନ୍ହୁର ସାଙ୍ଗମାନଙ୍କର ରୂପାଳ ଚିତ୍ର ଦିଆଯାଇଛି । ଏହି ରୂପାଳ ଗୁଡ଼ିକରେ ସାମନ୍ୟ କଟାଯାଇଛି । ଏହି
ପ୍ରତ୍ୟେକ ରାମାଳର ଧାର ଗୁଡ଼ିକୁ ମାପି ହିସାବ କରି କୁହ ଏହା କେତେ ଲମ୍ବର ଲେସ ଦରକାର ?



ପ୍ରଥମ ରୂପାଳ

ଦ୍ୱିତୀୟ ରୂପାଳ

ତୃତୀୟ ରୂପାଳ

୧. ଚିନ୍ହୁର ପ୍ରଥମ ସାଙ୍ଗ ପାଇଁ କେତେ ସେ.ମି. ଲମ୍ବର ଲେସ ଦରକାର ? ସେ.ମି.
୨. ଚିନ୍ହୁର ଦ୍ୱିତୀୟ ସାଙ୍ଗ ପାଇଁ କେତେ ସେ.ମି. ଲମ୍ବର ଲେସ ଦରକାର ? ସେ.ମି.
୩. ଚିନ୍ହୁର ତୃତୀୟ ସାଙ୍ଗ ପାଇଁ କେତେ ସେ.ମି. ଲମ୍ବର ଲେସ ଦରକାର ? ସେ.ମି.
୪. ଚିନ୍ହୁର ଚଉର୍ଥ ସାଙ୍ଗ ପାଇଁ କେତେ ସେ.ମି. ଲମ୍ବର ଲେସ ଦରକାର ? ସେ.ମି.

ତ୍ରିଭୁଜର ପରିସୀମା

ନିମ୍ନଲିଖିତ ପ୍ରଶ୍ନ ନିର୍ଦ୍ଦେଶାନୁମତେ ସମାଧାନ କର ।

1. ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ତିନିବାହୁର ଦେର୍ଘ୍ୟ ଯଥାକୁମେ 6 ସେ.ମି. 8 ସେ.ମି. ଓ 12 ସେ.ମି. ହେଲେ, ଏହାର ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ :-

ତ୍ରିଭୁଜର ତିନିବାହୁର ଦେର୍ଘ୍ୟ

$$= 6 \text{ ସେ.ମି}, 8 \text{ ସେ.ମି.} \text{ ଓ } 12 \text{ ସେ.ମି.}$$

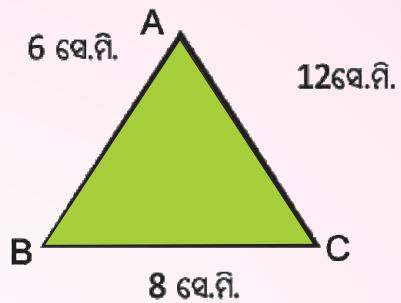
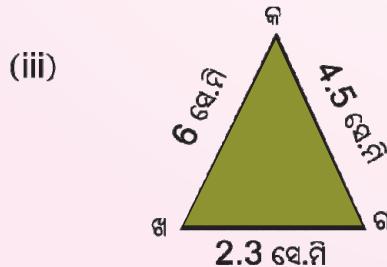
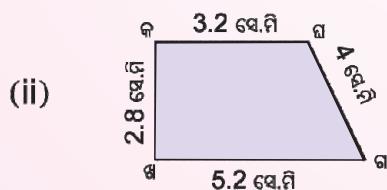
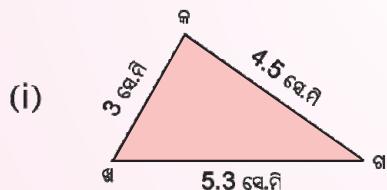
$$\text{ତ୍ରିଭୁଜର ପରିସୀମା} = (6+8+12) \text{ ସେ.ମି.}$$

$$= 26 \text{ ସେ.ମି.}$$

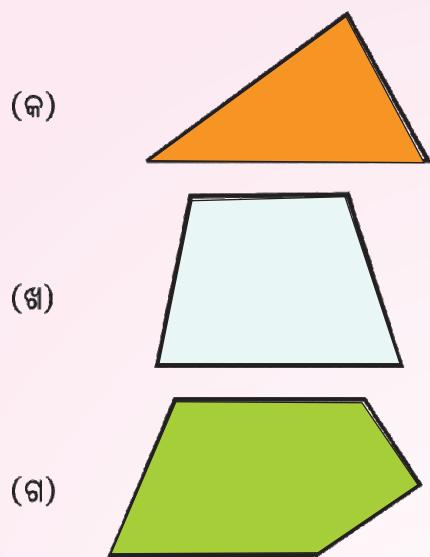
2. ସାରଣୀ ପୂରଣ କର ।

ଚିତ୍ର				
ପରିସୀମା				

3. ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ତିତ୍ରର ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



4. ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଟିକ୍ରଗୁଡ଼ିକର ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



5. ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୂଜର ଭୂମିର ଦେଖ୍ୟ ୫ ଓ ଉଚ୍ଚତା ସଥାକୁମେ୯ ସେ.ମି. ଓ ୬ ସେ.ମି ହେଲେ ଏହାର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
ସମାଧାନ :- ତ୍ରିଭୂଜର ଭୂମିର ଦେଖ୍ୟ = 5 ସେ.ମି. ଓ ଉଚ୍ଚତା 6 ସେ.ମି.

ତ୍ରିଭୂଜର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ($\frac{1}{2} \times \text{ଭୂମି} \times \text{ଉଚ୍ଚତା}$) ବର୍ଗ ଏକକ ।

$$= \frac{1}{2} \times 5 \times 6 \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି.} = \frac{30}{2} \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି.} = 15 \text{ ବର୍ଗ }$$

6. ସାରଣୀର ଶୂନ୍ୟପ୍ଲାନ ପୂରଣ କର ।

ବିନ୍ଦୁ				
କ୍ଷେତ୍ରଫଳ				

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧ-26

ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର ଓ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର
ପରିସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ
କରିବ

ଉଦ୍‌ବାହନଶ ଦେଖୁ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଲେଖ ।

ଉଦ୍‌ବାହରଣ- ଗୋଟିଏ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 4 ସେ.ମି ଓ ପ୍ରଥମ 3 ସେ.ମି

ହେଲେ ଉଚ୍ଚ କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ସେ.ମୀ.

ଉଦ୍‌ବିନ୍ଦୁ- ଗୋଟିଏ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଦେଖାଣ୍ୟ = 4 ସେ.ମି

ପ୍ରାସ୍ତୁତି = 3 ସେ.ମି

$$\text{परिषामा} = 2 (\text{द्विर्घ्य} + \text{प्रम्ब}) \text{ से.मि.}$$

$$= 2(4 + 3) \text{ ସେ.ମି}$$

$$= 2 \times 7 \text{ ସେ.ମି}$$

$$= 14 \text{ ସେ.ମି}$$

କ୍ଷେତ୍ରଫଳ = (ଦେଖ୍ୟ x ପ୍ରସ୍ଥ) ବର୍ଗ ଏକକ

$$= (4 \times 3) \text{ କର୍ଗ୍ ସେ.ମି.$$

= 12 ବର୍ଗ ସେ.ମି.

୧. ଗୋଟିଏ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଦେଖ୍ର୍ୟ 30 ମି. ପ୍ରସ୍ଥ 20 ମି. ହେଲେ

୨. ଗୋଟିଏ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଦେଖି 40 ଫୁଟ ପ୍ରସ୍ଥ 25 ଫୁଟ ହେଲେ
ଉଚ୍ଚ କ୍ଷେତ୍ର ପରିସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ହେବ ?

ଉଦ୍ବାହରଣ- ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ କ୍ଷେତ୍ରର ବାହୁର ମାପ 4 ସେ.ମି ହେଲେ ଏହାର
ପରିସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ହେବ ?
ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରର ବାହୁ = 4 ସେ.ମି

$$\therefore \text{ପରିସୀମା} = 4 \times \text{ବାହୁ}$$

$$= 4 \times 4 \text{ ସେ.ମି}$$

$$= 16 \text{ ସେ.ମି}$$

$$\text{କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = (\text{ବାହୁ} \times \text{ବାହୁ}) \text{ ବର୍ଗ ଏକକ}$$

$$= (4 \times 4) \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି}$$

$$= 16 \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି}$$

3. ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରର ଗୋଟିଏ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 6 ମିଟର
ହେଲେ ଉଚ୍ଚ କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳର ପରିମାଣ କେତେ ?

4. ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରର ଗୋଟିଏ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 7 ସେ.ମି ହେଲେ
ଉଚ୍ଚ କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ପରିମାଣ କେତେ ?

- (c) ଗୋଟିଏ କାମ ପାଇଁ ୩ ବସ୍ତା ସିମେଣ୍ଟ ସହ ୧୨ ବସ୍ତା ବାଲି ମିଶାଯାଏ । ତେବେ ସେହି କାମ ଲାଗି ୬୦ ବସ୍ତା ବାଲି ସହ କେତେ ବସ୍ତା ସିମେଣ୍ଟ ମିଶାଯିବ ଚଳନ ଧାରାରେ ସମାଧାନ କର । ସମଧାନ :-

ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ

ଉଦାହରଣ - ଗୋଯିଏ ଘର ରଙ୍ଗ ଦେବାପାଇଁ ତଜଣ ଲୋକଙ୍କୁ ଛଦିନ ସମୟ ଲାଗେ । ସେହି ଘରକୁ ଫଳ ଜଣ ଲୋକ ରଙ୍ଗ ଦେବା ପାଇଁ କେତେ ଦିନ ଲାଗିବ ?

ଲୋକସଂଖ୍ୟା (x)	$x_1 = 5$	$x_2 = 4$
ଦିନ (y)	$Y_1 = 4$	$Y_2 = ?$

୪୦ାରେ ଲୋକ ସଂଖ୍ୟା ବଢ଼ିଲେ ଦିନ ସଂଖ୍ୟା କମୁଛି । ତେଣୁ ଚଳରାଶି ଦୃୟ ମଧ୍ୟରେ ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ ସଂପର୍କ ଅଛି ।

ତେଣୁ ପ୍ରତିଲୋମୀ ଚଳନ ଅନୁଯାୟୀ

$$x_1 Y_1 = x_2 Y_2$$

$$\Rightarrow 5 \times 4 = 4 \times Y_2$$

$$\Rightarrow Y_2 = \frac{5 \times 4}{4} = 5 \text{ ଦିନ}$$

\therefore ଚାରି ଜଣ ଲୋକଙ୍କୁ ସେହି ଘରକୁ ରଙ୍ଗ ଦେବା ପାଇଁ 5 ଦିନ ସମୟ ଲାଗିବ ।

2 (a) 40 ଜଣ ଲୋକ ଗୋଟିଏ ଘରକୁ 35 ଦିନରେ ଶେଷ କରନ୍ତି । ସେହି ଘରକୁ କେତେ ଜଣ ଲୋକ 14 ଦିନରେ ଶେଷ କରିବେ ? (ଚଳନ ଆଧାରର ସମାଧାନ)

- (a) ଗୋଟିଏ ଚକୋଲେଟ ଡବାରେ 48 ଟି ଚକୋଲେଟ ରଖିଲେ ସମୁଦାୟ ଚକୋଲେଟ ରଖିବା ପାଇଁ 56 ଟି ଡବା ଦରକାର । ସବୁଡ଼କ ଚକୋଲେଟକୁ 64 ଟି ଡବାରେ ରଖିଲେ, ପ୍ରତି ଡବାରେ କେତୋଟି ଚକୋଲେଟ ରହିବ ।

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- “ ଶିକ୍ଷକ ଉପଯୁକ୍ତ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରି କାର୍ଯ୍ୟପର୍ଦ୍ଦ 20 ରୁ କାର୍ଯ୍ୟପର୍ଦ୍ଦ 26 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଶିକ୍ଷଣ କାର୍ଯ୍ୟ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

- “ ପରିସ୍ଥିତି ପର୍ଦ୍ଦ, ସୁଚନା ପର୍ଦ୍ଦ, ପ୍ରଶ୍ନବାକ୍ୟ

ଫଳାଫଳ

- “ ବିଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତିରେ ଶତକଡ଼ା ଲାଭକ୍ଷତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।
- “ ବିଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତି ସୁଧ, ମୂଲଧନ, ସୁଧରହାର, ସମୟ, ସମୂଳ ସୁଧ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।
- “ ପରିସ୍ଥିତି / ସମସ୍ୟା ପର୍ଦ୍ଦରୁ ଚଳରାଶି ମଧ୍ୟରେ ସଂପର୍କ କହିବ ସଳଖ ପ୍ରତିଲୋମି ଚଳନ ସମ୍ଭାୟ ସରଳ ସମସ୍ୟା ଗୁନିକ ସମାଧାନ କରିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟଘର୍କ-27

ବହୁଭୂଜର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ
ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।

ଉଦାହରଣ ଦେଖୁ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭର ଲେଖ ।

ଉଦାହରଣ :- ଗୋଟିଏ ସାମାନ୍ୟରିକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଭୂମିର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 8 ସେ.ମି. । ଏହି ବାହୁ ପ୍ରତି ବିପରୀତ ବିଦ୍ୟୁତୁ ଅଙ୍କିତ ଲମ୍ବର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 2 ସେ.ମି ହେଲେ ଏହାର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ?

ଉଭର - ସାମାନ୍ୟରିକ କ୍ଷେତ୍ରର ଭୂମି = 8 ସେ.ମି.

ଉଜତା = 2 ସେ.ମି.

$$\begin{aligned}\text{ସାମାନ୍ୟରିକ କ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} &= (\text{ଭୂମି} \times \text{ଉଜତା}) \text{ ବର୍ଗ ଏକକ} \\ &= (8 \times 2) \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି.} \\ &= 16 \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି.}\end{aligned}$$

1. ଗୋଟିଏ ସାମାନ୍ୟରିକ କ୍ଷେତ୍ରର ଭୂମିର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 10 ସେ.ମି. ଏବଂ ଉଜତା 3 ସେ.ମି. ହେଲେ, ସାମାନ୍ୟରିକ କ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

2. ଗୋଟିଏ ସାମାନ୍ୟରିକ କ୍ଷେତ୍ରର ଭୂମିର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 11 ସେ.ମି. ଏବଂ ଉଜତା 6 ସେ.ମି. ହେଲେ, ସାମାନ୍ୟରିକ କ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ପାଇଁ ସୁଚନା

- .. କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧତି 22 ରୁ 24 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଉପଯୁକ୍ତ ଶିକ୍ଷଣ ସାମଗ୍ରୀ ବ୍ୟବହାର କରାଇବେ ଓ ଦକ୍ଷତାଗୁଡ଼ିକୁ ଦୃଢ଼ୀତ୍ୟ କରାଇବେ ।

ଶିକ୍ଷଣସାମଗ୍ରୀ:

- .. ବିଭିନ୍ନ ଜ୍ୟାମିତିକ ଚିତ୍ର/ ପଟ, ଜିଓ ବୋର୍ଡ, ଗ୍ରାଫକାଗଜ ଜ୍ୟାମିତିକ ବାକୁ ।

ଫଳାଫଳ

- .. ବିଭିନ୍ନ ଜ୍ୟାମିତିକ ଚିତ୍ରର ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।
- .. ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଓ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବ ।

କାର୍ଯ୍ୟପଦ୍ଧ-28

ଆକଳନ ପ୍ରଦୀ - ୭

ସ୍ଵଚନା ଅନୁସାରେ ସମସ୍ତ ପ୍ରଶ୍ନର ଠିକ୍ ଉଭର ବାଛି ଠିକ୍ ଚିହ୍ନ ଦିଅ ।

5. 5% বার্ষিক সুধ হারে 5 বর্ষ পাই 5000 টকার সুধ কেতে ?

(a) 250 টকা

(b) 1000 টকা

(c) 625 টকা

(d) 500 টকা

6. 5 জন লোক গোটিএ কামকু 10 দিনে শেষ কলে। 1 জন লোক যেহি কামকু কেতে দিনে শেষ করিবে ?

(a) 5 দিনে

(b) 10 দিনে

(c) 25 দিনে

(d) 50 দিনে

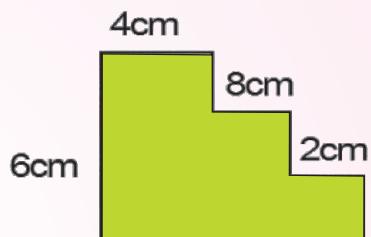
7. পাশ্চাত্য চিত্র পরিসীমা কেতে ?

(a) 15 cm

(b) 18 cm

(c) 30 cm

(d) 24 cm



8. 5 মি. দৈর্ঘ্য ন মি প্রস্থ বিশিষ্ট আয়তক্ষেত্র ক্ষেত্রফল কেতে ?

(a) 5 ব.মি.

(b) 3 ব.মি.

(c) 8 ব.মি.

(d) 15 ব.মি.

9. এক বর্গ ক্ষেত্র ক্ষেত্রফল 64 বর্গ মিটার হেলে এহার প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য কেতে ?

(a) 8 মি

(b) 8 মি

(c) 6 মি

(d) 4 .মি

10. এক সামন্তরিক ক্ষেত্র ভূমির দৈর্ঘ্য 10 মি. এবং উচ্চতা 15 মি. হেলে এহার ক্ষেত্রফল কেতে ?

(a) 5 ব.মি.

(b) 50 ব.মি.

(c) 50 ব.মি.

(d) 10 ব.মি.

Rough Works

Rough Works

Rough Works

Rough Works